

دراسة الدوال

التمرين ٣

نعتبر الدالة المعرفة على $[0, +\infty[$ بما يلي

$$f(x) = \begin{cases} (6\sqrt[3]{x^2} - 4x) \dots\dots 0 \leq x \leq 1 \\ \frac{x+1}{\sqrt{x}} \dots\dots x > 1 \end{cases}$$

1- احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$

2- اثبت أن $\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{f(x) - 2}{x - 1} = 0$ ثم استنتج أن الدالة قابلة

للاشتقاق في $x_0 = 1$

3- ادرس قابلية اشتقاق الدالة $f(x)$ على يمين $x_1 = 0$

4- ا- اثبت أن $f'(x) = \frac{4(1 - \sqrt[3]{x})}{\sqrt[3]{x}} (\sqrt{x} - 1) \forall x \in]0, 1[$

$\forall x \in]1, +\infty[\quad f'(x) = \frac{(x-1)}{2x\sqrt{x}}$

ب- أعط جدول التغيرات

5- ا- بين أن المنحنى يقبل نقطتي انعطاف يجب

تحديدهما ثم أنشئ المنحنى C_f

التمرين ٤

نعتبر الدالة المعرفة بـ $f(x) = (x-1) - \frac{1}{\sqrt[3]{x}-1}$

1- حدد حيز تعريف f ثم احسب النهايات عند محداته

2- ادرس الفروع اللانهائية لمنحنى الدالة

3- ا- ادرس قابلية اشتقاق الدالة $f(x)$ على يمين $x_0 = 0$

ثم أعط تأويلا هندسيا للنتيجة

ب- بين أن $f'(x) = 1 + \frac{1}{3(x^{\frac{2}{3}} - x^{\frac{1}{3}})^2}$ ثم ضع جدول

التغيرات

4- بين أن $\exists \alpha \in]2\sqrt{2}, \frac{27}{8}[/ f(\alpha) = 0$ ثم أنشئ C_f

التمرين ٥

ادرس ومثل مبيانيا الدالة المعرفة بما يلي :

$$f(x) = \frac{|x|}{\sqrt{|x|} - 1}$$

التمرين ١

نعتبر الدالة العددية f المعرفة كالتالي:

$$f(x) = \frac{3(x+1)}{\sqrt{2x-1}}$$

1) حدد مجموعة التعريف D_f ثم احسب النهايات عند المحدات.

2) ادرس الفروع اللانهائية للمنحنى (C_f) .

3) ادرس تغيرات الدالة f .

4) بين أن لكل $x \in D_f$: $f''(x) = \frac{3(5-x)}{(2x-1)^{\frac{5}{2}}}$, ثم

حدد أحداثيات I نقطة انعطاف المنحنى (C_f) .

5) أنشئ في معلم متعامد ممنظم مماس للمنحنى (C_f)

في النقطة I ثم أنشئ (C_f) .

6) لتكن g قصور الدالة f على المجال : $J = [2; +\infty[$

أ. بين أن g تقبل دالة عكسية معرفة من مجال

K يجب تحديده نحو J .

ب. احسب : $(g^{-1})'(6)$.

ت. أنشئ في نفس المعلم منحنى الدالة g^{-1} .

التمرين ٢

لتكن g الدالة العددية للمتغير الحقيقي x المعرفة بما يلي

$$g(x) = \sqrt[3]{(x-1)^2(x+2)}$$

و ليكن (C_g) منحنى الدالة g في مستوى منسوب إلى

معلم متعامد ممنظم $(O; \vec{i}; \vec{j})$

1- حدد D_g مجموعة تعريف الدالة g

2- احسب النهايات التالية:

$$\lim_{x \rightarrow -2^+} \frac{g(x)}{x+2} \quad \text{و} \quad \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{g(x)}{x-1} \quad \text{و} \quad \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{g(x)}{x-1}$$

3- بين أن المستقيم ذو المعادلة $x = y$ مقارب

مائل للمنحنى (C_g)

4- احسب $g'(x)$

5- أنشئ (C_g)