

فرض محروس رقم : 2

التمرين

سلم التقييط

$$\begin{cases} f(x) = x - 2\sqrt{x} + 2 \dots\dots\dots x \geq 0 \\ f(x) = \frac{x^2}{\sqrt{x^2+1}} + 2 \dots\dots\dots x < 0 \end{cases}$$

نعتبر الدالة العددية  $f$  المعرفة على  $IR$  بما يلي:

(1) أ- أحسب  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

2

ب- أدرس الفرع اللانهائي للمنحنى  $(C_f)$  بجوار  $+\infty$

1.5

(2) أ- بين أن  $\forall x \in ]-\infty, 0[ : f(x) + x - 2 = \frac{x}{\sqrt{x^2+1}(\sqrt{x^2+1}-x)}$

1

ب- بين أن المستقيم  $y = -x + 2$  :  $(\Delta)$  مقارب مائل للمنحنى  $(C_f)$  بجوار  $-\infty$

1

ج- حدد الوضع النسبي للمنحنى  $(C_f)$  بالنسبة للمستقيم  $(\Delta)$  على المجال  $]-\infty, 0[$

1

(3) أ- بين أن الدالة  $f$  متصلة في النقطة 0

1

ب- أدرس اشتقاق الدالة  $f$  على اليمين وعلى اليسار في النقطة 0 ثم أول هندسيا

2.5

النتيجتين.

(4) أ- بين أن  $\forall x \in ]0, +\infty[ : f'(x) = \frac{\sqrt{x}-1}{\sqrt{x}}$

2

و  $\forall x \in ]-\infty, 0[ : f'(x) = \frac{x(x^2+2)}{(x^2+1)\sqrt{x^2+1}}$

ب- ضع جدول تغيرات الدالة  $f$ .

1.5

(5) أ- حدد صورة المجال  $[1, 2]$  بالدالة  $f$ .

0.5

ب- بين أن لكل  $x$  من المجال  $[1, +\infty[$  لدينا  $f(x) \leq x$

1

(6) أنشئ المنحنى  $(C_f)$  في معلم متعامد منظم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$

1.5

(7) نعتبر المتتالية  $(U_n)_n$  المعرفة بما يلي :  $U_0 = 2$  و  $\forall n \in IN : U_{n+1} = f(U_n)$

أ- بين أن  $\forall n \in IN : 1 \leq U_n \leq 2$

1

ب- بين أن المتتالية  $(U_n)_n$  تناقصية .

1

ج- إستنتج أن المتتالية  $(U_n)_n$  متقاربة وحدد نهايتها.

1.5

بالتوفيق والنجاح إن شاء الله