

EXERCICE 1

Soient a et b deux réels tels que $\frac{1}{2} < a < 4$ et $0 < b < \frac{1}{2}$ on pose $A = \sqrt{a + \sqrt{a^2 - b^2}} + \sqrt{a - \sqrt{a^2 - b^2}}$

a-Montrer que $A^2 = 2(a+b)$

b-Donner un encadrement $a+b$

c-En déduire que $1 < A < 3$

EXERCICE 2

Soient a et b deux réels strictement positifs tels que $a < 3$ et $b < \frac{1}{2}$ et $ab=1$

1-Montrer que $2 < a < 3$ puis en déduire que $\frac{1}{3} < b < \frac{1}{2}$

2-Montrer que $\frac{3}{7} < \frac{1}{a-2b} < 1$

3-Montrer que $\frac{5}{7}$ est une valeur approchée de $\frac{1}{a-2b}$ à $\frac{2}{7}$ près

EXERCICE 3

$\alpha \in \mathbb{R}$ / α est une valeur approchée par excès de $\frac{1}{3}$ à 2×10^{-1} près

Montrer que $\frac{2}{15} \leq \alpha \leq \frac{1}{3}$ puis donner un encadrement de $\frac{\alpha}{\alpha-1}$

Soit x un nombre réel tels que $\left| \frac{x-1}{\alpha} \right| < \frac{1}{10}$ montrer que $\frac{29}{30} < x < \frac{31}{30}$

Donner trois valeurs approchées de x justifier votre réponse

EXERCICE 4

Résoudre dans \mathbb{R} l'équation suivante $2 - |x-2| = x$

Comparer $10\sqrt{3}$ et $12\sqrt{2}$ Puis $\left(\frac{1}{1-10\sqrt{3}} \right)^2$ et $\left(\frac{1}{1-12\sqrt{2}} \right)^2$

Exercice 5

Soient x et y deux réels tels que 1.12 est une valeur approchée de x à 10^{-2} près par excès

1.11 Valeur approchée de y à 10^{-2} près par défaut montrer que 1.244 est une approximation de xy à $12 \cdot 10^{-3}$ près

Exercice 6

Soient x et y deux réels tels que $x \leq y$

Comparer x^9 et y^9 puis x^7 et y^7

EXERCICE 7

Soient a, b et c trois réels strictement positifs $a > b$ montrer que $\sqrt{a+c} - \sqrt{a}$ et $\sqrt{b+c} - \sqrt{b}$

Exercice 8

Résoudre dans \mathbb{R}

$$|-3x+2| < \frac{1}{2} \quad ; \quad |2x-1| < 2 \quad ; \quad \sqrt{(x-1)^2} = 3$$

Exercice 9

a et b deux réels tels que $0 < a \leq b \leq 2a$

Montrer que $(a-b)(2a-b) \leq 0$

Développer $(a-b)(2a-b) \leq 0$ et $(a\sqrt{2}-b)^2$ on pose $A = \frac{2a^2+b^2}{3ab}$ Montrer que $\frac{2\sqrt{2}}{3} \leq A \leq 1$

Montrer que $\frac{(1+\sqrt{2})^2}{6}$ est une valeur approchée de A à $\frac{(1-\sqrt{2})^2}{6}$ près