

مرطبة 1 باكر
2009-12-12
ذ.العمراني
الفرض 3(2س)

التمرين 1: اسئلة الدروس

- 0.5 1. اعط الخاصية المميزة لمرجح نقطتين متزنتين.
- 0.5 2. اعط خاصية التجميعية لمرجح ثلاث نقط.
- 0.5 3. اعط خاصية احداثيتي مرجح اربع نقط.
- 0.5 4. اذكر خاصية الصيغة التحليلية للجداء السلمي لمتجهتين ولمسافة نقطتين.
- 0.5 5. اعط الصيغة التحليلية للمسافة بين نقطة ومستقيم .
- 0.5 6. اعط معادلة ديكارتية لدائرة معرفة باحد اقطارها.

التمرين 2:

- 0.5 1. لتكن A و B و C ثلاث نقط غير مستقيمة من المستوى و a عدد حقيقي غير منعدم.
- 1.5 1. بين انه يوجد زوج وحيد (I, J) من $(P)^2$ يحقق $a\vec{IA} + a\vec{IC} = \vec{0}$ و $a\vec{JA} + 2a\vec{JB} + a\vec{JC} = \vec{0}$.
- 1.5 2. مستعملا خاصيتي التجميعية والسمود بين ان J منتصف القطعة $[BI]$.
- 1 3. لتكن G النقطة المعرفة ب $\vec{AG} = \frac{2}{3}\vec{AJ}$.
- 1.5 بين ان G مرجح (A, x) و (J, y) حيث x و y عددين حقيقيين ينبغي تحديدهما.
- 1 4. اثبت ان G مركز ثقل المثلث AIB .
- 1 5. لتكن (C) مجموعة النقط M من المستوى التي تحقق $(\vec{MA} + \vec{MC})(\vec{MA} + 2\vec{MB} + \vec{MC}) = 0$
- 1.5 بين ان (C) هي الدائرة التي احد اقطارها $[IJ]$.
6. في هذا السؤال نعتبر المستوى منسوباً الى معلم متعامد وممنظم (O, \vec{i}, \vec{j}) و $A(2,2)$ و $B(1,0)$ و $C(4,0)$. حدد معادلة ديكارتية ل (C)

التمرين 3:

ليكن ABC مثلثاً في المستوى و G مرجح النقطتين المتزنتين $(B,2)$ و $(C,1)$ و I منتصف $[AG]$.

الجزء 1

- 1.5 1) أثبت أن $\forall M \in (P) \vec{MA} \cdot \vec{MG} = IM^2 - IA^2$ وأن $\forall M \in (P) \vec{MA} \cdot (\vec{MC} + 2\vec{MB}) = 3IM^2 - 3IA^2$
- 1 2) لتكن (C) مجموعة النقط M التي تحقق $\vec{MA} \cdot (\vec{MC} + 2\vec{MB}) = 3$.

بين ان (C) هي الدائرة ذات المركز I والشعاع $\sqrt{1 + IA^2}$.

الجزء 2:

في هذا الجزء نعتبر المستوى منسوباً الى معلم متعامد وممنظم (O, \vec{i}, \vec{j}) و

$$(C): x^2 + y^2 - 2x - 1 = 0$$

1) أثبت أن: $I(1,0)$ وان A توجد داخل الدائرة (C) دون

حساب المسافة IA .

1.5 2) نعتبر $B(0,1)$. تاكد ان $B \in (C)$ وحدد معادلة ديكارتية ل (D) المماس ل (C) في B .

1.5 3) لتكن $I'(-1,0)$ تاكد ان $I' \in (D)$ وتوجد خارج (C) ثم اوجد معادلة (D') المماس الثاني ل (C) والمار من I' .

1 4) لتكن B' نقطة تماس (D') و (C) . بين ان النقط I و I' و B و B' متداورة.

1.5 5. حل مبيانيا النظمة التالية

$$\begin{cases} x^2 + y^2 - 2x - 1 > 0 \\ |y| \leq x + 1 \end{cases}$$

التمرين 4: اضافي

ليكن x و y عددين حقيقيين موجبين قطعاً حيث $x + y = 1$

مستعملاً متفاوتة كوشي شوارز برهن ان

$$\left(1 + \frac{1}{y^2}\right) \left(1 + \frac{1}{x^2}\right) \geq 25$$

(يمكنك استعمال $\forall a > 0 \ a + \frac{1}{a} \geq 2$).

تخصص نقطة للتحرير و التنظيم