

ثانية بالبع. فزيائية	فرض منزلي رقم 3	مؤسسة الخوارزمي
إعداد وإجاز: أضر ضرور مصطفى		2014/2015

التمرين الأول :

- 1- أثبت أن : $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{1}{x^2} - \frac{1}{\ln^2(1+x)} = -\infty$
- 2- حدد قيمة التعبير التالي : $A = 2 \ln(\sqrt[3]{e}) - \ln(\sqrt{e}) + \ln\left(\frac{2}{e}\right)$
- 3- حل في \mathbb{R} المعادلة التالية : $\ln(x^2) + \frac{1}{\ln|x|} = 3$ ثم المتراجحة $\ln(3x-1) \leq 1$
- 4- حدد جميع قيم العدد الصحيح الطبيعي n بحيث : $3 + \left(\frac{3}{2}\right)^n \leq 5$; $\forall n \in \mathbb{N}$

التمرين الثاني :

- 1- تحقق أن $\frac{x^3 + x^2 - x + 1}{x+1} = x^2 - 1 + \frac{2}{x+1}$, ثم حدد $\int \frac{x^3 + x^2 - x + 1}{x+1} dx$
- 2- لتكن u الدالة العددية المعرفة بمايلي : $u(x) = \ln(x^2 - 3x)$
- (أ) تحقق من أن : $D_u =]-\infty, 0[\cup]3, +\infty[$ ثم أدرس تغيرات الدالة u
- (ب) بين أن : $u(3-x) = u(x)$ لكل x من D_u , ماذا تستنتج ؟

التمرين الثالث :

- الجزء الأول : نعتبر g الدالة العددية المعرفة على $]0, +\infty[$ بـ : $g(x) = x^3 - x - 2\ln(x) + 3$
- 1- (أ) تحقق أن : $3x^3 - x - 2 = (x-1)(3x^2 + 3x + 2)$ لكل x من $]0, +\infty[$
- (ب) بين أن : $g'(x) = \frac{(x-1)(3x^2 + 3x + 2)}{x}$, $\forall x \in]0, +\infty[$ ثم اعط جدول تغيرات الدالة g
- (ج) إستنتج أن $g(x) > 0$ لكل x من المجال $]0, +\infty[$
- الجزء الثاني : لتكن f الدالة المعرفة على $]0, +\infty[$ بمايلي : $f(x) = x - 1 + \frac{x - 1 + \ln(x)}{x^2}$
- 1- بين أن : $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = -\infty$ ثم أول النتيجة المحصل عليها هندسياً
- 2- (أ) بين أن : $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x - 1 + \ln(x)}{x^2} = 0$ (تذكر الخاصية $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln(x)}{x^2} = 0$)
- (ب) إستنتج أن : $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$
- 3- بين أن المستقيم ذو المعادلة $y = x - 1$ مقارب مائل للمنحنى (\mathcal{C}_f) بجوار $+\infty$
- 4- (أ) بين أن : $f'(x) = \frac{g(x)}{x^3}$ لكل x من $]0, +\infty[$
- (ب) ضع جدول تغيرات الدالة f (تذكر أن $g(x) > 0$: $\forall x \in]0, +\infty[$)
- 5- أحسب $f'(1)$ ثم إستنتج أن $y = 3(x-1)$ معادلة المماس في النقطة $A(1,0)$
- 6- أنشئ (\mathcal{C}_f) في م.م.م (o, \vec{i}, \vec{j}) (نقبل أن للمنحنى (\mathcal{C}_f) نقطة إنعطاف)