

❖ تذكير:

تمرين 01

أحسب النهايات التالية:

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \left(\frac{2x^3 - x + 1}{x^4 + 1} \right), \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} (-x^2 - x + 1)$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{x^2 + 1} - x), \quad \lim_{x \rightarrow 2} \left(\frac{x^2 - 3x + 2}{x - 2} \right)$$

❖ الاتصال في نقطة

تمرين 02

أدرس اتصال الدالة f في x_0 في الحالتين التاليتين:

$$x_0 = -1 \text{ و } \begin{cases} f(x) = \frac{x^4 - 1}{x + 1}, x \neq -1 \\ f(-1) = -4 \end{cases} \rightarrow$$

$$x_0 = 1 \text{ و } \begin{cases} f(x) = \frac{(x-1)^2}{|x-1|}, x \neq 1 \\ f(1) = 2 \end{cases} \rightarrow$$

$$x_0 = 0 \text{ و } f(x) = \begin{cases} x^2 \sin \frac{1}{x}, x \neq 0 \\ f(0) = 0 \end{cases} \rightarrow$$

❖ مبرهنة القيم الوسيطة

تمرين 03

f دالة معرفة على \mathbb{R} بما يلي: $f(x) = 4x^3 - 3x + \frac{1}{2}$

(1) أدرس تغيرات الدالة f .(2) استنتج أن المعادلة $f(x) = 0$ تقبل ثلاثة حلول في \mathbb{R}

تمرين 04

 f دالة متصلة على $[0, 1]$ بحيث $f([0, 1]) = [0, 1]$.بين أن المعادلة $f(x) = x$ تقبل على الأقل حلا في $[0, 1]$.

❖ طريقة التفرع الثنائي :

تمرين 05

 f دالة معرفة على \mathbb{R} بما يلي: $f(x) = x^3 + x - 1$.(1) بين أن المعادلة $x^3 + x - 1 = 0$ تقبل حلا وحيدا α في \mathbb{R} و أن $0 < \alpha < 1$.(2) أحسب $f\left(\frac{1}{2}\right)$ و استنتج أن $\frac{1}{2} < \alpha < 1$.(3) أحسب $f\left(\frac{3}{4}\right)$ و استنتج تأطيرا آخر ل α .

ملاحظة: يمكن إتباع نفس الخطوات حتى الحصول على سعة التأطير الذي نشاء. هذه الطريقة تسمى طريقة التفرع الثنائي.

❖ اتصال مركب دالتين

تمرين 06

أدرس اتصال الدوال التالية :

$$g : x \mapsto \sqrt{\frac{x+1}{x-1}} \quad f : x \mapsto \sqrt[3]{x^2 + x + 1}$$

$$k : x \mapsto \sin\left(\frac{1}{1+x^2}\right) \quad h : x \mapsto \frac{\sqrt[3]{x+1}}{\sqrt[3]{x-1}}$$

❖ الدالة العكسية

تمرين 07

 f دالة معرفة على \mathbb{R} بما يلي: $f(x) = 2x - x^2$.(1) ادرس تغيرات الدالة f .(2) لتكن g قصور الدالة f على المجال $I = [1, +\infty[$.أ- بين أن g تقبل دالة عكسية معرفة على مجال J يجب تحديده ، ثم حدد تعبير الدالة g^{-1} .ب- أنشئ في نفس المعلم المنحنيين C_g و $C_{g^{-1}}$.❖ الجذور من الرتبة n

تمرين 08

حل في \mathbb{R} المعادلات التالية:

$$B : (2x - 3)^4 - 16 = 0 \quad A : (x - 4)^3 + 1 = 0$$

$$D : x^3 \sqrt{x} - 2 = 0 \quad C : (x^2 + 1)^5 = 32$$

تمرين 09

بسط مقامات الكسور التالية:

$$\frac{1}{1 + \sqrt[3]{3} + \sqrt[3]{9}} \quad \frac{1}{\sqrt[3]{4} - \sqrt[3]{3}} \quad \frac{1}{\sqrt[3]{3} - 1}$$

تمرين 10

لتكن f الدالة المعرفة بما يلي: $f(x) = \frac{\sqrt[3]{x+1} - 1}{x}$ أحسب النهايات عند محددات حيز تعريف الدالة f .

تمرين 11

أحسب النهايات التالية:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt[3]{x^3 + 1} - x \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt[5]{x^2 + x + 1}$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt[3]{2x^3 - x} - \sqrt[3]{x^3 + 2x}}{x}$$

تمرين 12

لتكن f دالة معرفة على \mathbb{R} بما يلي: $f(x) = \frac{x}{x^2 + 2}$.(1) بين أن القصور g للدالة f على المجال $[0, \sqrt{2}]$ تقبل دالة عكسية معرفة على مجال J ينبغي تحديده.(2) حدد $g^{-1}(x)$ لكل x من J .

تمرين 13

حل في \mathbb{R} $\sqrt[3]{(1+x)^2} + 4\sqrt[3]{(1-x)^2} = 4\sqrt[3]{1-x^2}$