

موضوع مسابقة علمي الصعيد الوطني

الفرض الثاني

الأولمبياد الجهوية في الرياضيات 2022

تاريخ التمرير: الجمعة 12 فبراير 2021

مدة الإنجاز: ساعتان

المستوى الدراسي: ثانية ثانوي إعدادي

هام: للتلميذ(ة) حق اختيار معالجة الموضوع إما باللغة العربية أو باللغة الفرنسية

Exercice 1: Écrire la fraction $\frac{25}{19}$ sous la forme

$$\frac{25}{19} = a + \frac{1}{b + \frac{1}{c}}$$

avec a, b et c sont des nombres

entiers naturels non nuls.
Calculer le produit $a \times b \times c$.

تمرين 1: اكتب الكسر $\frac{25}{19}$ على الشكل

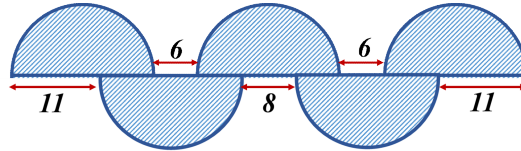
$$\frac{25}{19} = a + \frac{1}{b + \frac{1}{c}}$$

حيث أن a و b و c أعداد صحيحة طبيعية غير منعدمة. احسب الجداء $a \times b \times c$.



Exercice 2: On prend un nombre entier formé de trois chiffres, par exemple 572, on l'écrit une 2^e fois près du premier, on obtient le nombre 572572. Montrer que ce nombre est divisible par 7 et par 11 et 13. Répéter cette opération en choisissant un autre nombre de trois chiffres. Formuler une conclusion en deux lignes et en donner une preuve.

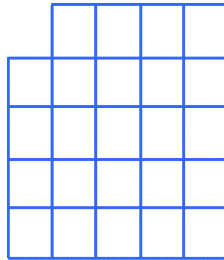
تمرين 2: نأخذ عدداً صحيحاً مكوناً من ثلاثة أرقام، مثلاً 572، بكتابة هذا العدد مرة ثانية إلى جانب الأول نحصل على 572572. تحقق أن هذا العدد قابل للقسمة على 7 وعلى العددين 11 و 13. أعد هذه العملية باختيارك لعدد آخر من ثلاثة أرقام. صغ استنتاجاً في سطرين ثم برهن على ذلك.



Exercice 3: Ahmed a arrangé 5 demi-disques identiques pour constituer l'ornement ci-contre. Quelle est la valeur de l'aire ombrée, sachant que les mesures sont en cm ?



تمرين 3: رتب أحمد خمسة أنصاف أقراص متطابقة من أجل الحصول على شكل زخرف كما هو مبين في الشكل جانبه. ما هي قيمة المساحة المظللة مع العلم أن القياسات هي بالسنتيمتر؟

Exercice 4: Montrer qu'il est possible de paver le tableau contenant 24 cases ci-contre, par 8 pièces identiques de la forme . Indiquer chaque pièce placée dans le tableau par une notation du type  pour réaliser ce pavage.



تمرين 4: بيّن أنه يمكن ترصيف اللوحة التي تحتوي 24 خانة مربعة جانبه، باستعمال 8 قطع من نفس الشكل . قم بالإشارة لكل قطعة تضعها على اللوحة بترميز من النوع  لإنجاز هذا الترصيف.

Exercice 5: Dans un quadrilatère convexe $ABCD$ on a $AD = AB + CD$. Soit P le point d'intersection des bissectrices intérieures des angles \widehat{BAD} et \widehat{ADC} . Faire un schéma, en utilisant la règle et le compas, puis montrer que $BP = CP$.

تمرين 5: في رباعي محدب $ABCD$ لدينا $AD = AB + CD$ لتكن P نقطة تقاطع المنصفين الداخليين للزاويتين \widehat{BAD} و \widehat{ADC} . أنجز شكلاً واضحاً باستعمال المسطرة والبركار، ثم بيّن أن $BP = CP$.