

- 1) حل في المجموعة C المعادلة التالية: $z^2 - 2\sqrt{3}z + 4 = 0$
 2) نعتبر في المستوى العقدي المنسوب الى معلم متعامد ممنظم مباشر
 ,النقط A و B و C التي الحاقها على التوالي هي: $a = 2i$ و $b = \sqrt{3} - i$ و $c = \sqrt{3} + i$
 $-a$ أكتب على الشكل المثلثي الاعداد A و B و C 1.5
 $-b$ بين أن: $\frac{b}{a} = \frac{\sqrt{3}}{2}i + \frac{1}{2}$ ثم استنتج طبيعة المثلث OAB 1.5
 $-c$ أكتب على الشكل المثلثي $\frac{c-a}{b}$ ثم استنتج أن $OB = AC$ 1
 $-d$ ليكن z لحق النقطة M من المستوى العقدي و z' لحق نقطة M'
 صورة M بالدوران R الذي مركزها النقطة O وزاويته هي $-\frac{\pi}{3}$
 1- حدد الكتابة العقدية للدوران R 1
 2- تحقق أن $R(A) = B$ 1
 3- حدد صورة C بالدوران R 1

التمرين الثاني (12 نقطة)

- نعتبر الدالة العددية المعرفة على R بمايلي: $g(x) = x + e^{-x}$
 $-a(1)$ بين أن $\forall x \in R \quad g'(x) = \frac{e^x - 1}{e^x}$ 1
 $-b$ اعط جدول تغيرات الدالة g على المجال R , ثم احسب $g(0)$ 1
 2) بين ان الدالة $\forall x \in R; g(x) \geq 0$ 1
 الجزء الثاني:
 نعتبر الدالة العددية المعرفة على R : بمايلي: $f(x) = x + \ln(x + e^{-x})$
 $-a(1)$ احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ 1
 $-b$ بين أن $f(x) = \ln(1 + xe^x)$ ثم احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ (تذكر أن و، ثم $\lim_{x \rightarrow -\infty} xe^x = 0$) 1
 $-a(2)$ بين أن $f(x) = x + \ln(x) + \ln\left(1 + \frac{1}{xe^x}\right)$ 1
 $-b$ احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} [f(x) - x]$ 1.5
 $-c$ حدد الفرعين اللانهائيين للمنحنى C_f 1
 $-a(3)$ بين أن $\forall x \in R; f'(x) = \frac{x+1}{g(x)}$ ثم اعط جدول تغيرات 1.5
 4) أكتب معادلة المماس المنحنى عند النقطة $(0,0)$ 1
 5) أنشئ المنحنى C_f 1