

التاريخ: 07 - 11 - 2016  
مدة الإجابة: ساعتان  
الأمثلة: محمد البخيري

فرض محروس رقم 01

## الرياضيات

الثانوية التأهيلية أحمد الخصالري  
المديرية الإقليمية: صنجة - أصيلة  
IBSE 3 & 4

التنقيط	الموضوع	وع
		⊙ يأخذ بعين الاعتبار الدقة في الإجابة وجودة التحرير وسلامة تسلسل الأفكار
3 Pts	←	<b>التمرين الأول:</b>
1		(1) اكتب نفي العبارة التالية : $\forall x \in \mathbb{R}, \exists y \in \mathbb{R} ; x - 5y \in \mathbb{Z}$ .
1		(2) حدد معللا جوابك قيمة حقيقة العبارة : " $\exists x \in \mathbb{R} ; x^2 - 5x + 6 = 0$ " .
1		(3) حدد معللا جوابك قيمة حقيقة العبارة : " $\forall x \in \mathbb{R} ; x^2 - x + 1 > 0$ " .
4 Pts	←	<b>التمرين الثاني:</b>
		بين باستعمال الاستدلال بالترجع أن :
2		(1) $\forall n \in \mathbb{N} : 3 + 7 + 11 + \dots + (4n + 3) = (n + 1)(2n + 3)$
2		(2) $\forall n \in \mathbb{N}^* ; (1 + \sqrt{7})^n \geq 1 + \sqrt{7}n$
4 Pts	←	<b>التمرين الثالث:</b>
		لتكن الدالة العددية $f$ المعرفة بما يلي : $f(x) = \frac{x^2 + x + 1}{x^2 + 1}$
1		(1) حدد مجموعة تعريف الدالة $f$ .
1		(2) احسب $f(1)$ و $f(-1)$ .
1		(3) بين أن $\frac{3}{2}$ قيمة قصوية للدالة $f$ على $\mathbb{R}$ .
1		(4) بين أن $\frac{1}{2}$ قيمة دنوية للدالة $f$ على $\mathbb{R}$ .
9 Pts	←	<b>التمرين الرابع:</b>
		لتكن الدالتين $f$ و $g$ المعرفتان بما يلي :
		$f(x) = -x^2 + 4x - 3$ و $g(x) = \frac{2x - 6}{2x - 3}$
1		(1) حدد كل من $D_f$ و $D_g$ .
1		(2) اعط جدول تغيرات كل من $f$ و $g$ .
0,75		(3) حدد تقاطع $C_f$ مع محوري المعلم .
0,5		(4) حدد تقاطع $C_g$ مع محوري المعلم .
1		(5) أ- بين أن $\forall x \in \mathbb{R} - \left\{ \frac{3}{2} \right\} ; f(x) = g(x) \Leftrightarrow (x - 3)(2x^2 - 5x + 5) = 0$
1		ب - استنتج نقط تقاطع $C_f$ و $C_g$ .
2		(6) أنشئ و بلونين مختلفين في نفس المعلم $C_f$ و $C_g$ .
0,5		(7) حل مبيانيا المتراجحة $f(x) \geq g(x)$ .
0,5		(8) أ- حدد مبيانيا $f$ على $]-\infty; 2[$ .
0,75		ب - حدد رتبة الدالة $g \circ f$ على المجال $]-\infty; 2[$ .

بالتوفيق