

التمرين 1 (ن6)

في الفضاء المنسوب الى \mathcal{E} نعتبر النقط $(O, \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ و $A(4, 4, 1)$, $B(5, 2, 2)$, $C(6, 3, -3)$ و (S) الفلكة التي مركزها $\Omega(2, -1, 3)$ و شعاعها $R = \sqrt{14}$.

- 1- حدد الجداء المتجهي $\overline{AB} \wedge \overline{AC}$.
- 2- استنتج أه $3x + 2y + z - 21 = 0$ هي معادلة ديكارتية للمستوى (ABC) .
- 3- أ) بيه أه المستوى (ABC) مماس للفلكة (S) .
- ب) حدد احدائيات نقطة التماس بين (S) و (ABC) .
- 4- أكتب معادلة ديكارتية للفلكة (S) .

التمرين 2 (ن8)

في الفضاء المنسوب الى \mathcal{E} نعتبر النقط $(O, \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ و $A(2; 1; 1)$ و $B(-2; 1; -1)$ و $C(0; 2; 1)$ و $M(x, y, z)$.

- 1- أ) احسب $\overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{BM}$.
- ب) استنتج أه مجموعة النقط M التي تحقق $\overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{BM} = -3$ هي فلكة مركزها $\Omega(0; 1; 0)$ و شعاعها $\sqrt{2}$.
- 2- أ) تحقق أه \overrightarrow{AB} و \overrightarrow{AC} غير مستقيمين.
- ب) استنتج أه معادلة ديكارتية للمستوى (ABC) هي $x + 2y - 2z - 2 = 0$.
- ج) تحقق أه $\Omega \in (ABC)$ و استنتج تقاطع (S) مع (ABC) .
- 3- ليكن (Δ) المستقيم المار من Ω و العمودي على (ABC) .
- احسب $d(O; (\Delta))$.

التمرين 3 (ن6)

في الفضاء المنسوب الى \mathcal{E} نعتبر النقط $(O, \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ و $A(2; 0; 0)$ و $B(0; 4; 0)$ و $C(0; 0; 6)$.

- 1- بيه أه $\begin{cases} x = 2 - 2t - 2t' \\ y = 4t \\ z = 6t' \end{cases}; (t, t') \in \mathbb{R}^2$ هو تمثيل باراميتري للمستوى (ABC) .
- 2- نعتبر المستوى (Q) الذي معادلته $3y + 2z - 2 = 0$. بيه أه $(OA) // (Q)$.
- 3- نضع $E(1; 2; 3)$. ادرس تقاطع (OE) و (ABC) .
- 4- نضع $S = \left\{ M \in \xi_3 / \overrightarrow{MA} \cdot \overrightarrow{MC} - \overrightarrow{MB} \cdot \overrightarrow{MC} = 2 \overrightarrow{MC}^2 \right\}$.
- أ - بيه أه المجموعة (S) هي فلكة مركزها $\Omega(-\frac{1}{2}; 1; 6)$ و شعاعها $R = \frac{\sqrt{5}}{2}$.
- ب. ادرس الوضع النسبي ل (Q) و (S) .