

فرض محروس رقم 1

التمرين الأول:

سلم التقيط

$$(1) \text{ بسط العدد الحقيقي } a = \frac{\sqrt{\sqrt{4\sqrt{2}}\sqrt[8]{2^5}}}{\sqrt[8]{2}\sqrt[4]{8}}$$

2ن

$$(2) \text{ أحسب النهاية التالية : } \lim_{x \rightarrow +\infty} x^2 - \sqrt[3]{x^3 - x}$$

2ن

$$(3) \text{ نعتبر الدالة } f \text{ المعرفة على المجال } [-8, +\infty[\text{ بما يلي : } \begin{cases} f(x) = \frac{\sqrt[3]{x+8} - 2}{x} \dots\dots\dots x \neq 0 \\ f(0) = \frac{1}{12} \end{cases}$$

2ن

بين أن الدالة f متصلة في النقطة 0 .

التمرين الثاني:

$$\text{نعتبر الدالة العددية } f \text{ المعرفة بما يلي : } f(x) = x + \sqrt{x^2 - 2x}$$

0.75ن

(1) حدد D مجموعة تعريف الدالة f .

1.25ن

(2) أ- أحسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ ثم أول هندسيا النتيجة .

0.5ن

ب- أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$.

1ن

(3) أ- بين أن المستقيم $y = 2x - 1$: (Δ) مقارب مائل للمنحنى (C_f) بجوار $+\infty$.

1ن

ب- حدد الوضع النسبي للمنحنى (C_f) بالنسبة للمستقيم (Δ) على المجال $]2, +\infty[$.

1.25ن

(4) أ- أدرس إشتقاق الدالة f على اليمين في النقطة 2 ثم أول هندسيا النتيجة .

1.25ن

ب- أدرس إشتقاق الدالة f على اليسار في النقطة 0 ثم أول هندسيا النتيجة .

1ن

$$(5) \text{ أ- بين أن لكل } x \text{ من } D - \{0, 2\} \text{ لدينا : } f'(x) = \frac{\sqrt{x^2 - 2x} + x - 1}{\sqrt{x^2 - 2x}}$$

1ن

ب- أدرس إشارة $f'(x)$ على كل من المجالين $]2, +\infty[$ و $] -\infty, 0[$

1ن

ج- ضع جدول تغيرات الدالة f

1.5ن

(6) أنشئ المنحنى (C_f) في معلم متعامد ممنظم (O, \vec{i}, \vec{j})

$$(7) \text{ نعتبر الدالة } g \text{ المعرفة على المجال } [2, +\infty[\text{ بما يلي : } g(x) = f(x)$$

1ن

أ- بين أن الدالة g تقبل دالة عكسية g^{-1} معرفة على مجال J يجب تحديده .

1ن

ب- حدد $g^{-1}(x)$ لكل x من J .

0.5ن

ج- أنشئ منحنى الدالة العكسية g^{-1} في نفس المعلم (O, \vec{i}, \vec{j}) .

بالتوفيق إن شاء الله