

مصوغة ديدانك الرياضيات

:

عبد السلام اليعقوبي

عبد القادر بوعيشية

عبد اللطيف زريو

I. تقديم:

عرف تدريس الرياضيات بالمغرب تطورا مستمرا منذ الاستقلال إلى الآن، سواء من حيث محتويات المادة أو من جهة المقاربة البيداغوجية وطرق التدريس. وهكذا انتقلنا من الطرق التقليدية في التدريس وتقديم المفاهيم الرياضية في شكلها النهائي والجاهز (مرحلة الرياضيات العصرية maths modernes) إلى المرحلة الحالية التي تم خلالها اعتماد المقاربة بالكفايات كخيار بيداغوجي يهتم جميع المواد بما فيها الرياضيات.

التوجهات التربوية لتدريس مادة الرياضيات بالثانوي (إعدادي وتأهيلي) مدة غير قصيرة مقارنة بالتدريس بالأنشطة الرياضية التي تتيح للتعلم أن يكون صانعا لتعلمه وفاعلا أساسيا لتربيته. وتم تبني هذا الاختيار بحوث والدراسات التي تهتم علم النفس المعرفي وديداكتيك الرياضيات، وارتكازا على أسس وفرضيات النظرية البنائية والسوسيو بنائية النظرية للمقاربة بالكفايات.

إلا أن الممارسة التعليمية التعلمية داخل الفصول وحسب العديد من التقارير تترصد تدريس الرياضيات حاليا داخل الأقسام التعليمية بالثانوي بسلكيه، لا زالت في مجملها تقليدية إن على مستوى تخطيط التعلم أو تدريس المفاهيم الرياضية جهة التقويم. وتتجلى هذه الممارسة حسب تقارير التفتيش :

- تخطيطا وتدبيراً وتقويماً
- تغييب التوجهات التربوية ()
- هيمنة شبه كلية للأستاذ على الحصص التعليمية
- مساهمة التلميذ في بناء التعلم ضعيفة
- غياب تخطيط عقلاني للدرس يتمشى بالمستجدات التربوية
-

وبناء عليه وتماشيا مع برنامج العمل السنوي لتنسيق مادة الرياضيات والخاص بالتكوين المستمر، يقترح فريق الذي أرضية تكوين أساتذة مادة الرياضيات بالإعدادي والتأهيلي لتأليد :

II. مصوغة ديداكتيك الرياضيات

(1) الكفايات المهنية المستهدفة:

- تملك الأدوات النظرية لتدريس المفاهيم الرياضية بالثانوي
- تصور وإعداد وضعيات تعليمية - تعليمية تهتم بالحساب الحرفي
- تقويم تقدم إرساء الموارد ودرجة نماء الكفاية المستهدفة بالحساب الحرفي
- تخطيط التعلم وفق المقاربة بالكفايات

(2) الأهداف الأساسية

- إنتاج وضعي مسألة لبناء مفهوم رياضي معين بالإعدادي،
- بناء وضعيات تعليمية لتقديم المتسلسلة $k(a+b) = ka + kb$
- تحليل وتصنيف أخطاء التلاميذ المرتبطة بالحساب الحرفي،
- بناء وضعيات من أجل تقويم درجة نماء الكفاية المستهدفة من خلال الحساب الجبري،
- تخطيط مقطع تعليمي من برنامج مادة الرياضيات بالإعدادي.

(3) المحاور الأساسية للمصوغة:

- المقاربة البنائية والتدريس عن طريق حل المسائل
- الطبيعة الإستمولوجية للمعرفة الرياضية
- المقاربة البنائية
- الوضعية المسألة وتدبير النشاط الرياضي داخل القسم

- والانتقال من النمط الحسابي إلى النمط الجبري
- النمط الحسابي والنمط الجبري
- (Statut de la lettre)
-
- الأهداف الأساسية للحساب الحرفي
- من أجل التدريس التدريجي للحساب الحرفي بالإعدادي
- الحساب الحرفي، امتداد أم قطيعة؟
- **تخطيط التعلّات وفق المقاربة بالكفايات:**
- نماذج من واقع تدريس الرياضيات بالإعدادي،
- الخطوات الأساسية للتّضير القبلي للدرس
- وثيقة بيداغوجية
-

.III مصوغة ديداكتيك الرياضيات الخاصة بالثانوي التأهيلي

(1) الكفايات المستهدفة:

- تملك الأدوات النظرية لتدريس المفاهيم الرياضية بالثانوي التأهيلي
- تصور وإعداد وضعيات تعليمية - تعليمية تستهدف بناء مفاهيم رياضية بالثانوي التأهيلي
- تخطيط التعلّات وفق المقاربة البنائية
- (2) الأهداف الأساسية
- بناء وضعيات مسائل لبناء مفاهيم رياضية من برنامج الثانوي التأهيلي
- تقديم العدد العقدي كأداة لحل معادلات من الدرجة الثالثة وتنظيم الدرس وفق جذلية أداة.
- تصور وتخطيط وضعيات مسألة تبرز أهمية تغيير الإطار في حل
- بناء وضعيات تعليمية تعليمية تبرز أهمية تغيير الإطار في تقريب المفاهيم الرياضية (النهايات،
- (...)
- تخطيط درس.

(3) المحاور الأساسية للمصوغة:

- **المقاربة البنائية والتدريس عن طريق حل المسائل**
- الطبيعة الإستمولوجية للمعرفة الرياضية
-
- المقاربة البنائية
- الوضعية المسألة وتدبير النشاط الرياضي داخل القسم
- **تغيير الإطار وجذلية أداة @**
- ابستمولوجيا المعرفة الرياضية،
- عمل الباحث في الرياضيات
- وضع الأداة ووضع الكائن لدى مفهوم رياضي معين
- تغيير الإطار
- لعبة الإطارات وجذلية - /
- **تخطيط التعلّات وفق المقاربة البنائية**
- نماذج من واقع التدريس بالثانوي الإعدادي
- الخطوات الأساسية للتّضير القبلي للدرس
- وثيقة بيداغوجية
- مثال من الثانوي التأهيلي.

(- تأهيلي)

المقاربة البنائية والتدريس عن طريق حل المسائل

I. تقديم:

كل وضعية تعليمية - تعليمية من ثلاثة عناصر لها وجود مادي وتتفاعل فيما بينها: والتلميذ. وهو ما يصطلح عليه بالمثلث التعليمي. ويتفاعل هذا المثلث بدوره مع المناخ الحضاري الذي يتواجد فيه، ومع السياسة التربوية والقيم المؤسساتية. وهكذا، فكل نشاط تعليمي تعلمي داخل المدرسة يستهدف تعليم الرياضيات ينبنى على تفاعل المدرس والتلميذ والمعرفة الرياضية. فما هي طبيعة هذه المعرفة الرياضية

II. طبيعة المعرفة الرياضية

- يقسم بعض الباحثين في ديديكتيك الرياضيات المعرفة الرياضية إلى أربعة أصناف:
المعرفة الرياضية عند : تقدم في شكل جاهز ونهائي وخالية عن سياقها التاريخي وعن شخصية الباحث وحتى عن المسألة الأولى، أي
- المعرفة الرياضية التي يجب أن تدرس، ويتم اشتقاقها من المعرفة الأولى عن طريق ما يسمى بالنقل الديداكتيكي (la transposition didactique)، وتوجد بالمقررات الدراسية،
- المعرفة الرياضية المدرسية وهي التي تقدم من طرف المدرس وتكون مطبوعة بطابعه الخاص والذي يتجلى في
 - تفضيله لهذا الترتيب أو ذاك عند تقديمه للمعارف
 - الأهمية التي يوليهها لمختلف معاني المفاهيم ومجالات التوظيف
 - تصوراتته حول الرياضيات في مجملها وحول المفاهيم المدرسة، وحول الأهداف التعليمية وحول التعلم...
- المعرفة الرياضية المستوعبة من طرف المتعلم

III. كيف يتعلم التلاميذ؟

- ويرتكز هذا التصور على مجموعة من الفرضيات أهمها:
 - المتعلم لا يعرف أي شيء عن المعرفة التي سنقدمها له،
 - أفضل وسيلة هي خلق وضعية تواصلية مثلى مبنية على: ما يصاغ بوضوح، سيفهم لا محالة
- - المدرس هو حامل المعرفة، أي المرجع، وهو الذي يقدر ويقيم ويصادق،
 - المعرفة محتكرة من طرف المدرس ويثبتها في رأس المتعلم طبقات متراكمة.
- تصور الخطوات الصغيرة:
 - تطور هذا التصور اعتمادا على المدرسة السلوكية (béhaviorisme) ويقوم على:
 - لنقل التلميذ من مستوى معرفي إلى آخر، علينا تهيئ مجموعة من المراحل الوسيطة.
 - من هذه المراحل تضم صعوبة صغيرة يسهل على المتعلم التغلب عليها،
 - يمكن تجزئ المعرفة إلى معارف جزئية وبسيطة
 - نتعلم عن طريق تراكم المعارف الجزئية

ينطلق هذا التصور من فرضية أن كل تلميذ يأتي إلى القسم وهو يملك مجموعة من المعارف حول ما سيدرس. إلا أن هذه الأخيرة تبقى على العموم ناقصة وغير مهيكلة. وعلى الوضعية التعليمية التعلمية تنقله من هذه وضعية الانطلاق هته إلى وضعية نهائية تكون فيها معارف التلميذ مهيكلة وجديدة. ويشكل هذا التصور مرتكزا للمقاربة البنائية.

IV. المقاربة السوسيو بنائية:

هذ Mugny Piaget, Vygotsky, Bachelard, Doise,

الباحثين في ديداكتيك الرياضيات أمثال: Brousseau, Vergnaud, Chevallard, Douady على مجموعة من الفرضيات أهمها:

- **الفرضية الأولى:** **بياجي** ، ويقصد هنا بعبارة فعل حل المسائل وليس الفعل على أشياء ومواضيع فقط، فالتعلم عملية ذهنية لا خطية، وهو بناء فكري يقوم به الفرد والفرد وحده.
- " 30 سنة من البحوث بأنه لا وجود لمعرفة حالة ناتجة عن تسجيل ملاحظات خارجية وفي غياب هيكلية نابغة من نشاط الفرد » (بياجي)

• **الفرضية الثانية:** مأخوذة هي كذلك من أعمال بياجي

توازن إلى آخر عبر أطوار انتقالية حيث يعاد النظر في المع .
اجتياز حالة اللاتوازن Déséquilibre، فمعناه أن هناك إعادة تنظيم للمعارف، يتم خلاله إدماج المكتسبات الجديدة إلى المعارف القديمة.

• **الفرضية الثالثة:**

أدخل باشلار مفهوم التمثل العفوي (les représentations spontanées):

«العقل ليس فارغا ولا لوحة شمع بكر، مهما يكن سنه» ويظيف: »

المعرفة العلمية». وهكذا يستطيع كل تلميذ فك رموز أي وضعية تقترح عليه بتعبئة صور ذهنية وتقنيات حل المسائل وخوارزميات...، وكلها مرتبطة بمكتسباته السابقة.

• **الفرضية الرابعة:**

يمكن للطفل أن يتعلم أفضل بحضور شخص راشد () .

« L'apprentissage donne donc naissance, réveille et anime chez l'enfant toute une série de développements internes qui, à un moment donné, ne lui sont accessibles que dans le cadre d'une communication avec l'adulte et la collaboration avec les camarades, mais qui, une fois intériorisés, deviendront une conquête propre de l'enfant. » (Vygotsky)

• **الفرضية الخامسة:**

إن جعل التلاميذ في حالة صراع قد يسهل عليهم اكتساب المعارف، الحديث هنا عن صراع سوسيو : سوسيو، لأن داخل كل صراع هناك جزء من الاجتماعي، ومعرفي، لأن موضوع الصراع هو مدرسة جنيف حول علم النفس () .

V. المقاربة البنائية والتدريس عن طريق حل المسائل

1. أنواع المسائل في درس الرياضيات:

- المسائل أو التمارين التطبيقية التي تقدم مباشرة بعد إنجاز مقطع من الدرس والتي تهدف إلى تفعيل وتوظيف مفهوم او خاصية أو غيرها.
- المسائل الاستكشافية أو التمهيدية التي تستهدف تقديم مفهوم معين أو التوصل إلى
- المسائل والروايات الاختبارية التي تستهدف تقويم التعلم.

- المسائل التي تستهدف النمذجة وتتوخى تربيض وضعية ملموسة.
- الوضعية المسألة التي تستهدف الإدماج

2. ما هو النشاط الرياضي؟

ممارسة الرياضيات تعني بالأساس: التساؤلات، حل مسائل، بناء خطابات، بناء براهين.

3. ما هي الوضعية المسألة؟

يعرف فيليب ميريو الوضعية المسألة بأنها مسألة لا يمكن للتلميذ حلها دون تعلم جديد:

« *c'est une situation dans laquelle il est proposé à l'enfant une tâche qu'il ne peut mener à bien sans effectuer un apprentissage précis.* »

- P.MEIRIEU, *Apprendre... oui, mais comment*, ESF, 1995.

4. مميزات الوضعية المسألة حسب Regine Douady

تستهدف الوضعية المسألة حسب Douady تعلم مفهوم أو نتيجة أو طريقة حل... وليس هو الحل لحد ذاته. وقد حددت مميزات الوضعية المسألة كالتالي:

1- أن يكون بمقدور التلميذ الانخراط . يمكنه أن يتوقع حلا أو	على التلميذ ان لا يبقى مكتوف الأيدي وإلا فلن يستثمر معارفه، ولن يدرك انها غير كافية
2- تبقى معارف التلميذ عموما غير كافية لكي يحل المسألة مباشرة.	وإلا فلن يكون هناك إدراك جديد، هناك إعادة استثمار المكتسبات السابقة (وهذا شيء ضروري إلا انه غير كافي). هذه الميزة أساسية، لأنه باستثمار معارفه، عليه أن يعي أنها غير كافية، وإلحاح مبدأ الاقتصاد، لن ينميها، سيبحث فقط على أمتها حسب الوضع.
3- يجب أن تسمح المسألة للتلميذ بأن يقرر هل الحل المعثور عليه ملائم ام	على التلميذ وحده ان يدرك ويعي عدم كفاية معارفه بنفسه. يدرك من خلال الأخطاء أو ثقل الطريقة المتبعة
4- يجب أن تكون المعرفة التي نريد أن يدركها التلميذ هي الأكثر ملاءمة التلميذ.	هذا الشرط بديهي، إلا أنه صعب المنال، حيث إن التلميذ قد يكتشف اداة ملائمة لحل المسألة وغير ملائمة للمعرفة المنشودة. مما يؤكد ضرورة التحليل القبلي للمسألة: ماذا سيفعل التلميذ أمام هذه المسألة؟

5. تدبير الوضعية المسألة داخل القسم

هذا التدبير يتضمن عدة مراحل حسب غوي بروسو: مرحلة الصياغة، مرحلة التصديق، مرحلة المأسسة، مرحلة تمارين متبوعة بتقييم.

6. ما هي الأسئلة التي يجب أن نجيب عليها لكي نقرر هل هذه الوضعية هي بالفعل وضعية مسألة؟

- دور المفهوم في التعليم:

- دراسة وتحليل الكتاب المدرسي.
- المفهوم المدروس
- دوره في الحياة اليومية
- المعنية
- التصورات الأصلية للتلاميذ
- أخطاؤهم،
-
- الأصلية.

- التصورات النهائية المرجوة:
- أهداف المعرفة والمهارات،
- ما هي التصرفات الملحوظة التي ستبث أن التلميذ أدرك هذا المفهوم؟
- أي تمثلات أُرغب أن تكون لديه حول هذا المفهوم؟

7. تحضير الحصة:

- ✓ تحليل قبلي للوضعية المسألة:
- ماذا سيفعل التلاميذ؟
- هل بإمكانهم الاندماج في سيرورة بحث عن حل؟
- هل سيستعملون بالفعل صورتهم " أي غير الكافية
- ✓ أي تدبير داخل الفصل؟
- هل ينظم البحث في مجموعات؟ كيف يتم تكوين هذه المجموعات؟
- ما هي التعليمات التي سأعطيها للتلاميذ؟
-
- هل ستكون هناك مرحلة صياغة؟ مرحلة تصديق؟
- ✓ التقييم
- ماذا سنقيم؟ معارف ومهارات التلاميذ، وكذلك تطور تصوراتهم؛
- أي أدوات تقييم سأستعمل من أجل ذلك؟
- هل تطورت تصورات التلاميذ؟
- ✓ التحليل البعدي:
- ما الفرق بين ما توقعته وما حدث بالفعل؟ لماذا هذه الفروقات؟
- ماذا علي أن أغيره في مقطع جديد.

8. كيف نبني وضعيات مسألة؟

يجب أن نأخذ بعين الاعتبار المفاهيم المجاورة والمرتبطة بشكل وثيق بالمفهوم الذي نريد تدريسه: مثلا مفهوم الدالة الخطية مرتبط بمفهوم العدد والتناسب....
كما علينا أن نعتبر كذلك الدور الذي يلعبه المفهوم المعني بالأمر في تعليم الرياضيات والمواد الأخرى.
كما يجب أن نتوفر على معلومات بخصوص تصورات التلاميذ حول المفهوم المدروس، وحول مكتسباتهم القبلية وأهداف المعارف والكفايات المنشودة...

انتهى

_____ : توجد بالقرص المدمج مجموعة من الأمثلة تهم هذا المحور.

•

- _____ :
- استعمال الكميات المعروفة فقط والانتقال التدريجي من المعلوم إلى المجهول.
 - حل مسائل عددية مع استعمال الأعداد العشرية والصحيحة والكسرية بصورة أساسية.
 - أدوات الرئيسية هي اللغة العادية ومصطلحات الحساب العددي.
 - يلعب الحساب دورا تقنيا بحتا، ولا تشكل العمليات الحسابية إلا مراحل وسيطية و تأخذ أهميتها من خلال النتيجة المحصل عليها في النهاية.

- _____ :

- كتابة علاقات بين كميات معلومة أو مجهولة،
- استعمال الوسيطات والمتغيرات،
- يترجم الخطاب العادي إلى تعابير حرفية (جبرية)

statut de la lettre

1. الحرف في وضعية الكائن (lettre objet):

- يمثل شيئا محددًا: A π
- الحرف يمثل وحدة قياس: $4m$ 4
- الحرف يمثل كائنا رياضيا : $S = L \times 1$ () $P = \pi \times D$ (المحيط)

2. الحرف في وضعية المتغير (lettre variable):

- ما هو العدد الذي يمكننا وضعه مكان الحرف t : $1,2 < t < 1,5$

3. الحرف في وضعية المجهول (lettre inconnue):

- نجده في وضعيات تربيض المسائل أو حل المعادلات .

4. الحرف في وضعية المبهم (indéterminé):

- $k(a+b) = ka + kb$ k b a
- المتطابقات الهامة

5. الحرف في وضعية الوسيط (paramètre):

- يمثل الحرف في هذه الحالة كمية تحسب معروفة مقارنة مع باقي الحروف الأخرى التي تأخذ دور المتغير أو المبهم أو المجهول: $ax + b = 0$, $y = ax + b$, $f(x) = ax$

_____ .III :

(1) الإعلان عن نتيجة، الدفع إلى إنجاز عملية
 = يعني بالنسبة للتلميذ أن عليه أن ينجز العملية التي توجد على اليسار.... = $1/2 + 4/5$ تتم القراءة في هذه الحالة من اليسار إلى اليمين وليس العكس: $1/2 + 4/5 = 13/10$

(2) :
 في هذه الحالة = يقرأ ويفهم كالتالي: ما هي الأعداد التي تجعل التساوي صحيحا $(x+2 = 3 - x)$

(3) التساوي دائما صحيحا:
 يمكننا أن نجد نوعين من هذه المتطابقات، متطابقات عددية وأخرى جبرية:

$$\text{المتطابقة العددية: } 5+3=4+4 \quad 1/2+10=10.5$$

$$\text{المتطابقة الجبرية: } k(a+b) = ka+kb$$

(4) التساوي يعني تعيين أو ربط (cadre fonctionnel)

يعني أن نربط الترميز بإجراء محدد:

$$f(x)=x^2+5 \quad \text{يعني أن نربط الترميز } f(x) \quad 5 \quad 2$$

IV. الأهداف الأساسية للحساب :

- أداة لتعليل وتوضيح قواعد وتقنيات الحساب (تطبيقات على الحساب الذهني، إزالة الأقواس...)

- أداة للتعميم والبرهنة

V. النمط الحسابي والنمط الجبري، امتداد أم قطعة؟

يجمع الباحثون على أن الجبر ليس امتدادا أو تعميقا مبسطا للحساب العددي، وإنما توجد قطعة إستراتيجية بين النمط . وهذا ما يستوجب:

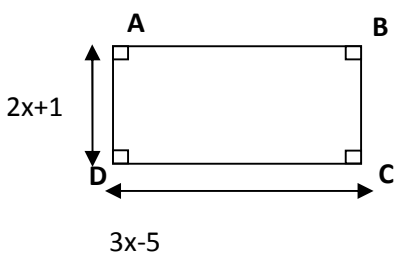
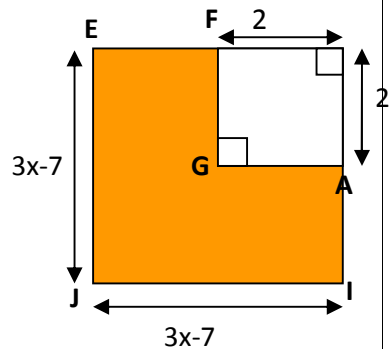
- العمل بجدية على المستوى المفاهيمي والإدخال التدريجي والمتأني لمفاهيم الجبر وتقنياته والعمل على مستوى بناء المعنى وتجنب الإفراط في التدريب التقني.
- مع الحساب العددي بالنسبة للحل والصياغة والتعميم والتعليل.
- تنمية مهارات الحساب (تعرف واختيار الشكل الملائم الأسرع والأكثر تنظيما، الحساب الذهني).
- لا يقتصر النمط الجبري على ما هو تقني محض، بل يجب فسخ المجال أمام التلميذ للتفكير وأخذ البادرات بكل حرية .
- استثمار الحساب الجبري في تنمية مهارات الاستدلال حتى يعي التلميذ بأن البراهين لا توجد فقط في الهندسة، وأن الرياضيات تبنى وأن هناك انسجاما بين مفاهيمها، وأن أدوات وتقنيات الحساب ليست عشوائية، بالإضافة إلى أن الممارسة الجبرية تسمح بالاستعمال المبكر للمثال المضاد وتبين الحاجة إلى

.VI

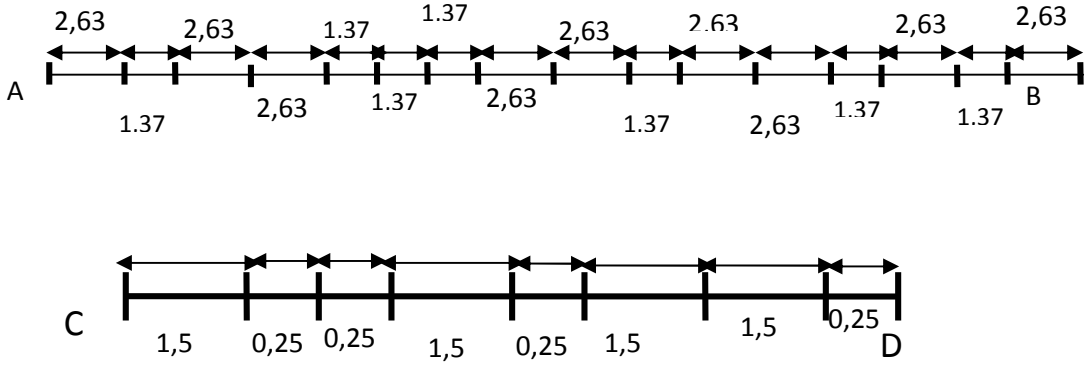
أهداف	تمرين																			
<p>الجداء والتفريق بينهما</p> <p>وضعية الحرف: متغير</p>	<p style="text-align: right;">x</p> <p>(1) $A=x-1 ; B=x+9/5 ; C=(x+9)/5 ; D=9/(x+5)$ أتمم الجمل التالية:</p> <ul style="list-style-type: none"> • A هو..... 1 x • هو خارج مجموع x 9 5 • هو مجموع x 9 5 • هو..... 9 5 x <p>(2)</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="width: 50%; text-align: center;">كتابة رياضية</td> <td style="width: 50%;"></td> </tr> <tr> <td></td> <td style="text-align: center;">x 8 5</td> </tr> <tr> <td></td> <td style="text-align: center;">x 8 5</td> </tr> </table>	كتابة رياضية			x 8 5		x 8 5	1												
كتابة رياضية																				
	x 8 5																			
	x 8 5																			
<ul style="list-style-type: none"> ▪ إنجاز مهام التعويض واحترام الأسبقية ▪ وضعية الحرف: متغير ▪ البرهنة عن طريق 	<p style="text-align: center;">:</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="width: 16.6%;">a-b+c</td> <td style="width: 16.6%;">a-b-c</td> <td style="width: 16.6%;">a-(b-c)</td> <td style="width: 16.6%;">c</td> <td style="width: 16.6%;">b</td> <td style="width: 16.6%;">a</td> </tr> <tr> <td></td> <td></td> <td></td> <td style="text-align: center;">14</td> <td style="text-align: center;">26</td> <td style="text-align: center;">50</td> </tr> <tr> <td></td> <td></td> <td></td> <td style="text-align: center;">0,3</td> <td style="text-align: center;">0,3</td> <td style="text-align: center;">5</td> </tr> </table> <p style="text-align: right;">هل نحصل على نفس النتائج؟ علل جوابك</p>	a-b+c	a-b-c	a-(b-c)	c	b	a				14	26	50				0,3	0,3	5	2
a-b+c	a-b-c	a-(b-c)	c	b	a															
			14	26	50															
			0,3	0,3	5															
<p>متغير :</p>	<p style="text-align: right;">TROP TRES مستطيل</p> <p>a يرمز إلى طول الضلع [OR] [RE] هو 8cm</p> <div style="text-align: center;"> </div> <p>ما إذا كان التعبير المقترح محيطاً أم مساحة</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr><td style="width: 50%;"></td><td style="width: 50%; text-align: center;">$a \hat{=} 8$</td></tr> <tr><td></td><td style="text-align: center;">$a + 8$</td></tr> <tr><td></td><td style="text-align: center;">$a^2 + 8a$</td></tr> <tr><td></td><td style="text-align: center;">$(a+8)+(a+8)+a+a$</td></tr> <tr><td></td><td style="text-align: center;">$4a$</td></tr> <tr><td></td><td style="text-align: center;">$a \hat{=} (a+8)$</td></tr> <tr><td></td><td style="text-align: center;">$4a + 16$</td></tr> </table>		$a \hat{=} 8$		$a + 8$		$a^2 + 8a$		$(a+8)+(a+8)+a+a$		$4a$		$a \hat{=} (a+8)$		$4a + 16$	3				
	$a \hat{=} 8$																			
	$a + 8$																			
	$a^2 + 8a$																			
	$(a+8)+(a+8)+a+a$																			
	$4a$																			
	$a \hat{=} (a+8)$																			
	$4a + 16$																			

<ul style="list-style-type: none"> تحويل تعابير جبرية عن طريق استعمال توزيعية مبهم : 	<p>من بين التعابير التالية، احذف التي لا تساوي دائما $4n + 8$:</p> $8\hat{A} n ; n+3\hat{A}n+4 ; n+1+n+1+n+1+n+1 ; (2\hat{A}n+2\hat{A}n)+(n+n+n+n) ; 2\hat{A}2+2+2\hat{A}n ; 4(n+4)$	4																		
<ul style="list-style-type: none"> تربيض وضعية: نص لغوي إلى تعبير مجهول : 	<p>وضعنا مجموعة من الكتب على رف مكتبة طوله 1,5m. من هذه الكتب عرضه 3cm الآخر عرض كل واحد منه 5cm. وحيث أن هذه الكتب ملأت الرف بأكمله، ما هو عدد الكتب التي وضعناها في هذا الرف؟</p>	5																		
<ul style="list-style-type: none"> البرهنة : باستعمال تعبير جبري مبهم : 	<p>هل هذه العبارة دائما صحيحة؟ علل جوابك. " (متتالية) هو مضاعف ل 3. "</p>	6																		
<ul style="list-style-type: none"> تغيير في السجل (changement de registre) من اللغة العادية إلى لغة متغير : تبسيط تعبير جبري 	<p>في العمود الأول من الجدول يظهر برنامج حسابي. (1) (2) x يمثل العدد المختار، أتمم العمود الثالث.</p> <table border="1" style="width: 100%; text-align: center;"> <tr> <td></td> <td>:</td> <td></td> </tr> <tr> <td>x</td> <td></td> <td>▪</td> </tr> <tr> <td></td> <td></td> <td>▪</td> </tr> <tr> <td></td> <td></td> <td>▪</td> </tr> <tr> <td></td> <td></td> <td>6</td> </tr> <tr> <td></td> <td></td> <td>▪ أحسب الفرق بين المجموع</td> </tr> </table>		:		x		▪			▪			▪			6			▪ أحسب الفرق بين المجموع	7
	:																			
x		▪																		
		▪																		
		▪																		
		6																		
		▪ أحسب الفرق بين المجموع																		
الحرف مبهم	<p>بسّط التعابير التالية:</p> $A=0 \times a + b \times c + 1 \times d = \dots ; B= x + x + 4 + x + 7 = \dots$ $C= 5x + 3 + x + 7 = \dots ; D= 5x + 3x + 7x = \dots ;$ $E= 3 \times 5 \times (a + b) = \dots ; F= 3 \times x \times 2 \times x$	8																		
متغير :	<p>x [AB] في الحالتين:</p>	9																		
تحفيز التلاميذ على الرجوع إلى الحرف لضرورة التعليل بعد	<p>(1) اضربه في 8 (2) اضربه في 3 (3) إلى الجداء المحصل عليه، (4) 10 إلى الجداء المحصل عليه، (5) 7 (6) 2 (7) 3 (8) 5 (9) 7 (10) 3</p> <p>أعد هذا هذه العملية عدة مرات مع أعداد مختلفة. كيف يمكنك توضيح وشرح النتائج المحصل عليها.</p>	10																		

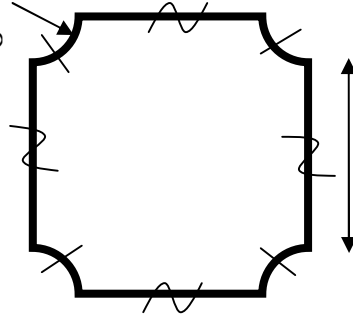
تعويض بالحساب العددي متغير :	$y = 1 \quad x = 0 \quad A \quad A = 3x + 4y - 2$	11
روائز تستهدف تنمية معاني التساوي، متساويات قد تكون صحيحة أو لا حسب القيم	<p>لدينا المتساويات التالية:</p> $2x + 3 = 10 ; 4x - 2 = 10 ; 6(1 + x) = 9 \times 2 ; 7x - 3 = 7 + 2x$ <p>حدد المتساويات التي تراها صحيحة.</p>	12
تعرف المتطابقات العددية بعد التعويض في تعبير جبري :	<p>من بين الجداءات التالية حدد التي تساوي محيط دائرة شعاعها 10 :</p> $10 \times \pi \times 2 ; 10 \times \pi ; \pi \times 2 \times 10 ; 10 \times \pi^2$	13
من المبهم إلى المجهول	$C = (5x - 3)^2 - (2x - 1)(5x - 3)$ <p>1. C 2. C x = -2</p>	14

	$(5x - 3)(2 - 3x) = 0$	3.	
يز على أخذ المبادرة (التعميل أم النشر)		$A = (2x + 3)(-4 + x) - 4x(x - 4)$ $A = 12$ -1 $A = 0$ -2	15
المتطابقات العددية		احسب سريعا ودون وضع عملية الضرب: $B = 125^2 - 75^2$ $A = 109 \times 91$ - $C = 103^2$ $C = 103^2$ -	16
الانتقال من الإطار الهندسي إلى الإطار الجبري عبر تربيض وضعية : مجهول			17
		-1 مساحة المستطيل ABCD x -2 x EFGHI -3 المساحتين متساويتين.	
تربيض وضعية : مجهول		توجد شركتان لنقل البضائع من الدار البيضاء إلى باقي المدن المغربية وهما "النقل السريع" "تحتسب شركة النقل السريع 3.2 درهما عن الكيلومتر الواحد، أما شركة النقل الأسلم فإنها تحتسب درهمين للكيلومتر الواحد مع إضافة مبلغا إجماليا قدره 180 درهما لكل نقلة. (1) يريد تاجر نقل بضاعة من الدار البيضاء إلى متجره الذي يبعد مسافة 100 . سيختارها هذا التاجر لتكون تكلفة النقل أقل ما يمكن. (2) هي الأفضل لنقل بضاعة من الدار البيضاء إلى طنجة؟	18

أنشطة تمهيدية لتقديم المتسلسلة: $k(a + b) = ka + kb$

<p>احسب دون وضع العمليات:</p> <p>1) $22,1 \times 11$</p> <p>2) $101 \times 28,5$</p> <p>3) $3,25 \times 96$</p> <p>4) $42,5 \times 998$</p>	1
<p>[AB] حيث [CD]:</p>  <p>The diagram shows two horizontal number lines, AB and CD. Line AB is divided into segments of 2,63 and 1,37. Line CD is divided into segments of 1,5 and 0,25.</p>	2
<p>104 تلميذا في رحلة، وكان كل تلميذ ينفق يوميا:</p> <p>- 120 درهم من أجل التغذية والإقامة.</p> <p>- 66.25 من أجل التنقل وزيارة الأماكن الأثرية.</p> <p>ما هي الكلفة اليومية لهذه الرحلة بالنسبة للجميع</p>	3
<p>52.55 درهما للتر الواحد، ثم أظاف 86.50 مترا من ثوب حريري بثمن 47.45 درهما</p> <p>86.50</p> <p>ما هو الثمن الذي دفعه التاجر؟</p>	4

ربع دائرة شعاعها 1,25m



25.75 dam

نشاط تمهيدي لتقديم

المتطابقة الهامة: $(a-b)(a+b)=a^2-b^2$

(1) بالنسبة لكل سطر، تفحص جيدا الأعداد المكتوبة بالخانات، ثم اكتب جميع المتساويات التي تخطر

$$(5+3)(5-3)$$

$$2 \times 5 \times 3$$

$$5^2 - 3^2$$

$$(5-3)^2$$

$$3^2 - 5^2$$

$$(8+7)(8-7)$$

$$(8+7)^2$$

$$2 \times 7 \times 8$$

$$(8-7)^2$$

$$8^2 - 7^2$$

$$(50+20)(50-20)$$

$$50^2 + 20^2$$

$$50^2 - 20^2$$

$$20^2 - 50^2$$

$$(20+50)(20-50)$$

$$(2+9)(2-9)$$

$$2^2 - 9^2$$

$$(9+2)(9-2)$$

$$9^2 - 2^2$$

$$(9-2)^2$$

(2) تحقق من ذلك واكتب جميع المتساويات الممكنة.

(3) ماذا يمكنك أن تتضمن؟

(4) برهن على كل مضمونة تجدها.

انتهى

(+ تاهيلي) :

تخطيط التعلمات

I. أهمية التحضير القبلي للدرس

يمكن التحضير القبلي والجدوي للدرس من:

- إضفاء طابع العقلانية على أنشطة الدرس
- التحكم في مسار الدرس وتجنب العشوائية
- تحديد القدرات المستهدفة وأهداف الدرس وعناصره وجزئياته
- تحديد وضعيات التعلم والأنشطة الملازمة لها.
- توقع طبيعة الصعوبات وبرمجة وسائل تذليلها
- تحديد أدوات التقييم
- تحديد أنشطة الدعم

.....

II. خطوات التحضير القبلي للدرس

يمكننا أن نتبع المراحل الكبرى التالية أثناء التحضير القبلي لدرس الرياضيات:

- تحديد الأهداف والقدرات المنتظرة من الدرس (التوجيهات التربوية لتدريس الرياضيات)
- سيناريو الدرس
- تهيئي ملخصات (ما سيدونه التلميذ)
- اختيار التمارين التطبيقية وتمارين البحث
- تحضير أدوات التقويم

1. الأهداف والقدرات المنتظرة:

- ما هي المعارف والمهارات والكفايات والقدرات التي على التلميذ أن يكتسبها (Savoirs, savoir faire, savoir être)
- ما هي المكتسبات السابقة (les prerequis) التي على التلميذ أن يكون متمكنا منها من أجل مسابته للدرس الجديد؟

2. وضع سيناريو للدرس:

- يعني اختيار الأنشطة التي ستقترح على التلاميذ وضبط سيرها ومدتها، ومقاربات الإنجاز، وتحديد مختلف التعليمات والتوجيهات التي ستقدم للتلاميذ، مع تعيين الأدوار التي سيلعبها كل طرف (الأستاذ والتلميذ)

ويمكن تقسيم الأنشطة المختارة إلى:

←

← أنشطة التحفيز (عند تقديم المفاهيم الجديدة)

←

← أنشطة التوظيف (faire fonctionner la notion)

3. تحضير الملخصات:

- الملخصات هي توليف (synthèse) . تمكن التلميذ من هيكله ومأسسة معارفه. مرجعا أساسيا له. يجب الحرص علي أن تكون مركزة ووظيفية.

4. اختيار التمارين التطبيقية وتمارين البحث:

- عليها أن تكون متنوعة ومتدرجة. تمكن التلميذ من اختبار مكتسباته الجديدة والتدرب على البحث وحل المسائل وتنمية كفاياته التواصلية.

5. تحضير أدوات التقييم:

- على أنشطة التقييم أن تمكن الأستاذ من معرف مدى تحقق الأهداف المسطرة من جهة، وتمكن التلميذ من معرفة موقعه من تلك الأهداف.
- ينجز التقييم خلال جميع مراحل الدرس وبطرق .

.1

IV. تحليل المفهوم المراد تدريسه:

- لماذا هذا المفهوم في هذا الوقت؟ ()
- الأهمية الاجتماعية لهذا المفهوم (يمكن من حل مجموعة من المسائل، في الحياة العامة أو في المواد الأخرى...)
- ما هي الوضعيات التي سنوظفها من أجل التعلم؟
- الخريطة المفاهيمية للدرس.

V. وثيقة بيداغوجية:

وثيقة بيداغوجية:

وثيقة رقم:....

.....:

.....: المدة الزمنية:.....

الأهداف والقدرات المنتظرة:.....

.....:

المقاربة البيداغوجية:..... التقنيات:.....

الوسائل التعليمية:.....

(السيناريو):

دور التلميذ		
1	1 وتصحيحه مع التركيز على	<u>(...دقيقة)</u>
-	طرح الأسئلة التالية.....	<u>المرحلة الثانية، (...دقيقة)</u>
-	- تقديم نبذة تاريخية عن المفهوم، ...	- تحفيز التلاميذ من أجل تقديم المفهوم الجديد
-	-	<u>(...دقيقة)</u>
- التصحيح الذاتي	- تكليف التلاميذ بالإنجاز، - تقديم التعليمات والتوجيهات	- تقديم المفهوم (تعريف، خاصية، تقنية...)
- كتابة التصحيح على السبورة	- - ضبط تصورات التلاميذ	- تقييم توليف
- تبليغ اقتراحاته والدفاع عنها	- إذكاء الصراعات المعرفية - المساعدة على توليف النتائج والتعلمات	<u>(...دقيقة)</u> توظيف المفهوم، الخاصية، التقنية، الحوار يومية.....
-	-	<u>(...دقيقة)</u>
الإنجاز الفردي للتمارين المقترحة	- تلخيص النقاط المهمة والعناصر الأساسية تقييم مستوى تحقق الأهداف	- التقييم النهائي

1: تخطيط درس الإسقاط

- :
- :
- 5 :

- ماذا تقول التوجيهات التربوية؟

- : الترجمة المتجهية لمبرهنة طاليس
- الأهداف:

- التعرف على مسقط نقطة على مستقيم بتواز مع مستقيم آخر
- توظيف الإسقاط في حل مسائل هندسية
- توظيف مبرهنة طاليس في حل مسائل هندسية
- توظيف خاصية الحفاظ على معامل استقامية متجهيتين لإثبات علاقات متجهية

- نبذة تاريخية:

طاليس والهرم الأكبر مثلا

- الأهمية الاجتماعية لهذا المفهوم

يمكن الإسقاط من حل مجموعة من المسائل المرتبطة بحساب الأطوال وتقسيم القطع المستقيمة. هذه المسائل بالحياة العامة أو المواد الدراسية الأخرى كالفيزياء والهندسة الصناعية والمعمارية.....

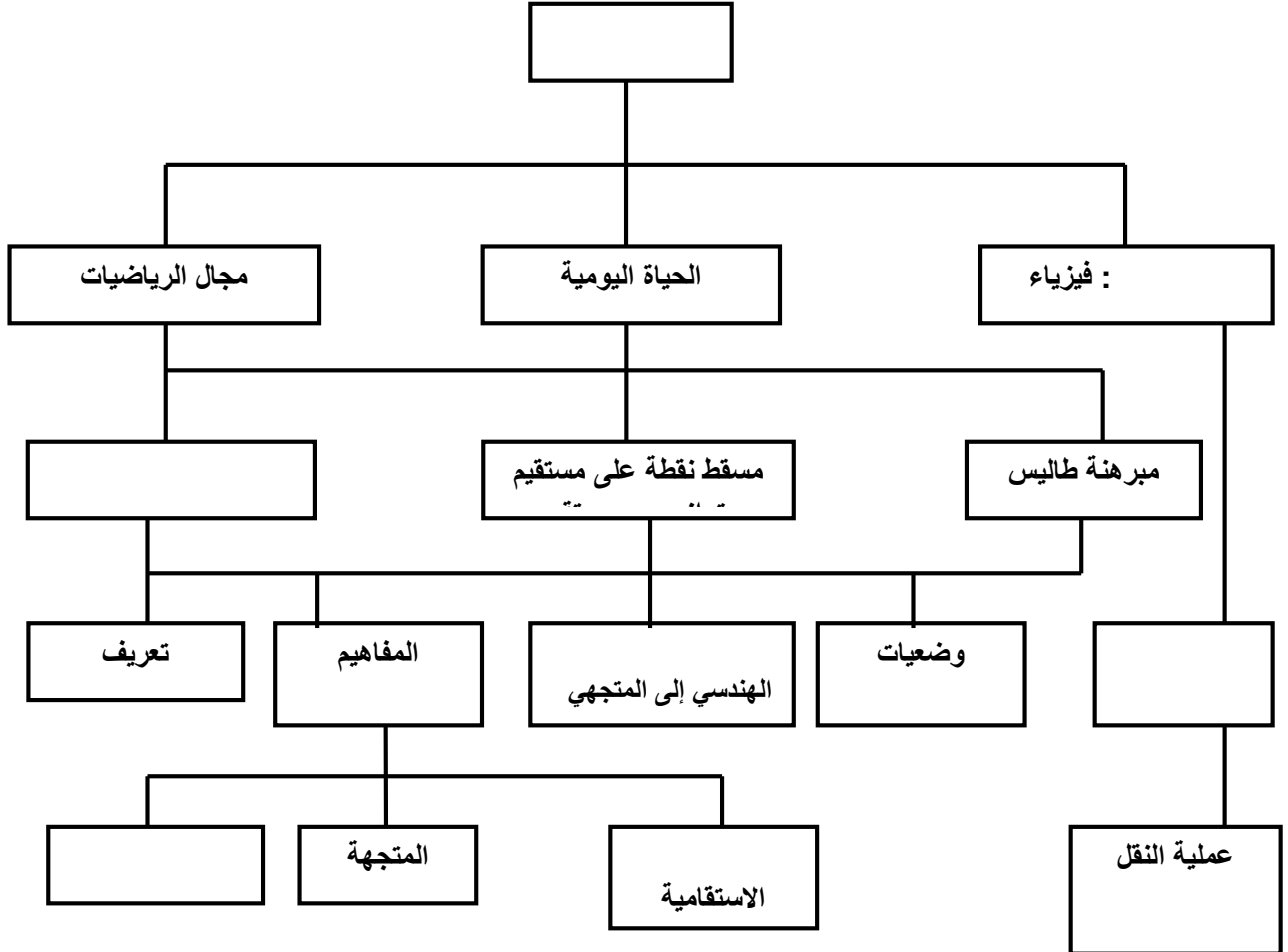
- لماذا هذا المفهوم في هذا الوقت؟

: يأتي هذا الدرس لتنظيم وتعميق المعارف الخاصة بمبرهنة طاليس المباشرة والعكسية والتي شرع في دراستها منذ مستوى الثانية إعدادي

- ما هي الوضعيات التي سنوظفها من أجل التعلم؟

- وضعية 1:
- وضعية 2: التعرف على مسقط نقطة على مستقيم بتواز مع مستقيم آخر،
- وضعية 3: استعمال الإسقاط في حل مسائل هندسية،
- وضعية 4: حل مسائل هندسية باستعمال طاليس،
- وضعية 5: توظيف الحفاظ على معامل استقامية متجهيتين،
- وضعية 6:
-

- الخريطة المفاهيمية لدرس الإسقاط



_____ : يوجد مثال لتحضير درس المعادلات ()

انتهى

تغيير الإطار وجدلية أداة – @

ملاحظات أولية:

- يرتكز هذا العرض بالأساس على مقال الباحثة الفرنسية Regine Douady
Recherche en didactique des mathématiques :
R. DOUADY - 1986 - Volume 7-2 – Recherche en Didactique des :
Mathématiques - La Pensée Sauvage.

- الصيغة جدلية " - هي ترجمة شخصية للصيغة الفرنسية "dialectique"
outil-objet وفي رأيي الخاص فإن مصطلح " objet " يعبر عن " في بعض السياقات
سنقف عندها خلال العرض ويعبر عن " عندما يكون الكائن موضوع دراسة.
" objet mathématique "
ية الوطنية(1980)⁽¹⁾، فهو "الكائن الرياضي". لذا ارتأينا استعمال المرادفين.
(1) " مصطلحات الرياضيات في التعليم العام".
البيضاء.

ا. ابستمولوجيا المعرفة الرياضية

يقسم الباحثون في ديداكتيك الرياضيات المعرفة الرياضية إلى اربعة :

- ()
- المعرفة الرياضية في المقررات الدراسية
- المعرفة المدرسية التي يقدمها الأستاذ
- المعرفة المكتسبة من طرف التلميذ

ا. عمل الباحث في الرياضيات

❖ يواجه الباحث في الرياضيات مجموعة من المشاكل التي لم يسبق لأحد أن وجد لها حولا. يستثمر لهذا
الغرض مجموعة من المعارف الرياضية، بعضها مؤسسي ومشارك بين جماعة الرياضيين (هذا الفضاء مقعر
أم لا؟ هذه الدالة متصلة أم لا؟)

الشخصية. ولحل الوضعي يعبئ الباحث أيضا مجموعة من الأشياء أو الكائنات (objets)
الرياضية (... والتي لها دلالة داخل المجال المدروس.

هذه الأشياء (outil): (المبرهنة: صورة فضاء مقعر بدالة متصلة هي فضاء

.)

ينسج الباحث أيضا شبكة من العلاقات بين مفاهيم تنتمي إلى نفس الإطار أو إلى إطارات مختلفة)
هندسي، مبياني، تحليلي، عددي...). عملية تغيير الإطار عادة ما تؤدي بالباحث إلى إنتاج وابتكار مفاهيم وطرق
جديدة، تسمى " (outils) تجيب على حاجيات الل .

وضع الأداة ووضع الكائن لدى مفهوم رياضي

statut d'outil et statut d'objet pour un concept mathématique

يعتبر الرياضيون أنه من الضروري تقييم مدى وأهمية الأدوات التي عدلوا أو ابتكروها في سياق عملهم و عرضها على المجتمع الرياضي. من أجل ذلك تراهم يبحثون عن أفضل الصياغات الممكنة (formulation) والتي تعزل هذه الأدوات عن السياق الخاص للنشأة وتقديمها في صيغة معممة تمكن لاحقا من إدخال تعديلات وتحويلات تؤدي إلى خلق أدوات مفاهيمية جديدة من طرف باحثين جدد وفي مجالات أخرى.

statut d'objet

يتم الإعلان إذن عن المعرفة الجديدة وقد نزع عنها كل ما يحيل على سياق النشأة شخصية الباحث. ما تدمج هذه المعرفة في منظومة معرفية موجودة سابقا بحيث يصبح بإمكانها تغيير الهندسة العامة لهذه الأخيرة. وهكذا تصبح المعارف الجديدة في وضعية ____ . وحسب ريجين دوادي الكائن الرياضي هو موضوع ثقافي له مكانته وموقعه ضمن منظومة المعارف الرياضية العالمية (savoir savant) في فترة معينة ومعترف به اجتماعيا.

يعرف الكائن رياضيا باستقلال تام عن مجالات الاستعمال والتوظيف. تمكن وضعية الكائن من رسملة المعرفة وتوسيع المنظومة المعرفية، كما تمكن أيضا من إعادة استثماره في مجالات جديدة وبعيدة كل البعد عن المجال

يبتكر الباحثون في بعض الأحيان كائنات رياضية يكون الهدف منها ترتيب الأفكار والمعارف أو تعميم النتائج أو توحيد المسائل التي تحل عن طريق مفاهيم من نفس المجال

: ظهور الأعداد العقدية

ظهرت في سياق البحث عن حلول للمعادلة من الدرجة الثالثة بمجهول واحد: $ax^3 + bx^2 + cx + d = 0$ حقبة كان معروفا فيها الأعداد الموجبة والأعداد السالبة، إنه القرن السادس عشر. : كيف نفسر أنه لحل معادلة من الدرجة الثالثة وذات معاملات حقيقية، نحتاج إلى حساب جذور مربعة لأعداد سالبة؟ ما هو المعنى الذي ستأخذه هته الجذور والتي لا يمكن أن تكون (لأن مربع عدد هو عدد موجب) استطاعت هذه الأعداد أن تأخذ مشروعيتها من خلال صحة حلول المعادلة التي تمكن من إيجادها. جب انتظار نهاية القرن الثامن عشر (ويسيل) وبداية القرن التاسع عشر (كوس وفيما بعد كوشي) لكي يتم البناء الرياضي لهذه الأعداد وتنتقل إلى وضعية الكائن الرياضي (statut d'objet)

(statut d'objet)

يكون مفهوم معين في وضعية أداة عندما تدفعنا الحاجة إلى استعماله لحل المسائل، يمكن لنفس الأداة أن تكون يمكن لأدوات مختلفة أن تكون ملائمة لحل نفس المسألة. وإذا كانت هذه الأداة بمفهوم في طور البلورة () فإنها تكون ضمنية (implicite). ن صريحة (explicite) إذا ارتبطت باستعمال واعي وإرادي لكائن رياضي محدد في حل مسألة ما. إن البعد الأدواتي هو مكون من مكونات المفهوم الرياضي.

:

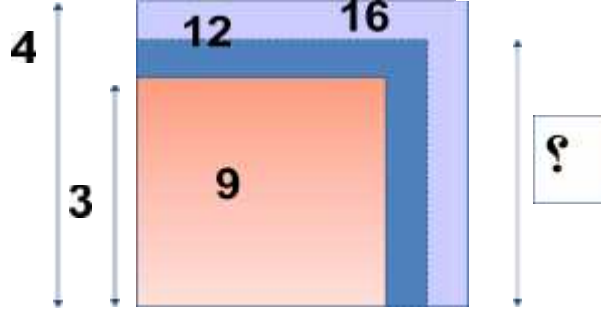
هل يوجد مربع مساحته 12 cm^2

جواب تلميذ :

16 cm^2 9 cm^2

عندما يمر الضلع من 3 cm إلى 4 cm

تكون فيها المساحة 12 cm^2



- ✓ العلاقة بين أبعاد المربع ومساحته هي أداة معلنة لدى تلميذ الابتدائي والإعدادي.
- ✓ $x \rightarrow x^2$ واتصالها ومبرهنة القيم الوسيطة هي مفاهيم ضرورية لتبرير دفوعات التلميذ. هذه المفاهيم الرياضية المجهولة من طرف تلامذة الابتدائي والإعدادي تتدخل كأدوات ضمنية (outils implicites).
- ✓ Vergnaud يتعلق الأمر بمبرهنات موجودة بالفعل. (théorèmes en acte)

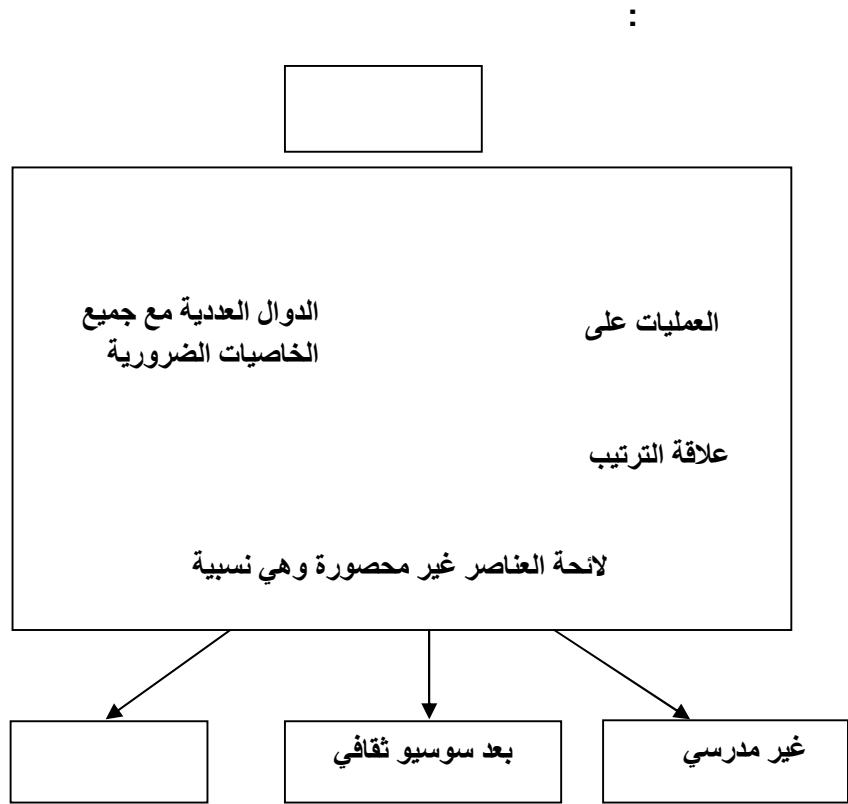
.IV. تغيير الإطار

- الرياضيات عبر التاريخ، نجد إن جزءا كبيرا من عمل الرياضيين يخصص ل:
- تأويل المسائل التي يبحثون فيها،
- تغيير آرائهم نحوها (مثلا بالنسبة للمعادلات التفاضلية، هل نتبنى مقارنة تحليلية أو مقارنة جبرية)
- تغيير في صياغة هذه المسائل،
- نقل هذه المسائل من إطار إلى آخر مع طرح تساؤلات جديدة تتسجم والإطار الجديد،)

الهندسي: Argand Gauss ()

- تعريف وخصائص:

- ✓ يتكون إطار ما من مجموعة كائنات رياضية وصيغها المتنوعة والتي تنتمي كلها إلى فرع واحد من فروع الرياضيات وكذلك العلاقات التي تجمع بين هذه الكائنات، ومختلف الصور الذهنية التي ترتبط بهذه الأخيرة وعلاقتها. هذه الصور تلعب دورا أساسيا في توظيف كائنات إطار ما
- ✓ يمكن لإطارين أن يشتملا على نفس الكائنات لكن يختلفا في الصور الذهنية والإشكاليات التي يولدانها.
- ✓ الإطار دينامي بطبعه ويتطور في الزمن وحسب الفرد لكن لا يمكنه أن يتجاوز سقف المعرفة
- ✓ في بعده الرياضي، يتأسس الإطار على كائنات رياضية من نفس الفرع ومن مختلف مستويات التعقيد، وبصياغات وعلاقات متنوعة، والتي تقتضي استعمال تشفيرات رمزية متنوعة.



٧. العملية التعليمية لمادة الرياضيات

- المعرفة المدرسية

يتلقى المدرس على العموم وعلى شكل مقررات دراسية لائحة بالكائنات الرياضية التي عليه أن يدرسها للمتعلمين مصحوبة بالتوجيهات التربوية (التعليمات الرسمية). ويكون المسؤول عن تنظيم هذه الكائنات لعرضها وتبليغها إلى التلاميذ، إذن عليه أن يقوم باختيارات وأن يتخذ قرارات في هذا الشأن. هذه الأخيرة تخضع لمختلف التصورات التي يحملها هذا المدرس.

- كيف تقدم المعرفة المدرسية؟

السيناريو الأول:

يعرض المدرس، في انسجام مع المحتويات المقررة للتلاميذ في مستوى معين، مجموعة من الكائنات الرياضية، وهذا يجعله أمام اختيارين:

- يتطلب الاختيار الأول من المدرس عرض التعاريف والمبرهنات والخصائص والبراهين والخوارزميات والأمثلة بمعزل عن أي سياق، وما على التلميذ إلا أن يستوعب الدرس ويطبقه في حل التمارين والمسائل. مما يجعل التلميذ مسؤولاً عن إعطاء معنى للكائنات الرياضية المقدمة إليه لتصبح أدوات للاستعمال عند الحاجة.
- الاختيار الثاني: على الأستاذ أن يقدم لتلامذته العدد الكافي من النماذج (les prototypes) وأن يركز على تطوير طرق الاستعمال. سيكون في هذه الحالة مجبراً على إعطاء الأولوية لتدريس الخوارزميات مع تقليص في مجالات الاستعمال.

يكتسب التلاميذ في هذه الحالة معارف- (savoirs- faire) لصيقة بالمجالات المعروضة
ويصعب نقلها إلى مجالات أخرى.

السيناريو الثاني:

يعيد الأستاذ هنا تأسيس سياق مشابه لسياق نشأة الكائن الرياضي: يختار أو يكيف أو يبني مسألة
تستدعي دراستها استحضار الموضوع الرياضي المستهدف بالتدريس.

1. على التلاميذ أن يقوموا بدراسة الوضعية المسألة المقترحة.
2. الوسائل الرياضية المستعملة ستكون في وضعية الأدوات، بعضها ضمنى والآخر صريح أو

(1) على مستوى التعليم:

على التعليم أن يدمج ضمن هيكلته التنظيمية فترات تلعب فيها جماعة القسم دور مجتمع مصغر
للباحثين وهم يمارسون نشاطهم.

(2) على مستوى الوضعية:

هيكلية تنظيمية جديدة للوضعية التعليمية التعليمية مبنية على ثلاثة محاور:

- جذلية أداة - /
- جذلية قديم - جديد

(jeu de cadres)

تقتضي هذه العناصر الاعتماد على مسائل تحمل المواصفات التالية:

(3)

- نص المسألة يحمل معنى بالنسبة للتلميذ؛
- قدرة التلميذ على الانخراط في عملية البحث عن حل؛
- عدم تمكن التلميذ من الحل مباشرة بالاعتماد على مكتسباته فقط؛
- ضرورة تمكن التلميذ من أن يقرر هل حله ملائم أم لا من خلال الوضعية؛
- المعرفة التي نريد تعليمها هي الأكثر ملاءمة لحل المسألة
- يمكن صياغة المسألة ضمن إطارين مختلفين على الأقل .

(4) جذلية أداة - / (Dialectique outil-objet)

يقترح الأستاذ على تلامذته وضعية مسألة مختارة بعناية، نعني بجذلية أداة - /

:

✓ 1 "القديم": يعبأ التلميذ عدة مفاهيم رياضية كأدوات معلنه لحل المسألة جزئياً
. يتبنى التلاميذ هذه المسألة وينخرطون في عملية البحث.

✓ 2 "البحث عن ضمنى جديد": تدفع صعوبة الحل التلاميذ إلى البحث عن وسائل
جديدة ملائمة للحل. يمكن لعملية تغيير الإطار أن تساعد على توظيف أدوات ضمنية

✓ 3 : مأسسة جزئية أو محلية: بعض العناصر التي استعملها التلاميذ في

المرحلة الأولى قد لعبت دوراً حاسماً في المرحلة الثانية، سيتبناها التلاميذ ويصوغونها
بشكل صوري، إما على شكل كائنات أو على شكل طريقة. يمكن كذلك أن يتعلق الأمر

إنتاج صياغات صورية مبررة. يتعلق الأمر هنا

"بأدوات جديدة معلنه" يمكن إعادة استعمالها والتعود عليها.

تكون في هذه المرحلة كل أعمال التلاميذ واقتراحاتهم محط نقاش جماعي.

✓ 4 : (statut d'objet) -

يعرض الأستاذ المعارف الجديدة. ينظم ويهيكل التعاريف والمبرهنات والبراهين مع التنبيه إلى ما هو أساسي وما هو ثانوي. ويكون من مسؤوليته إسناد وضع الكائن (statut d'objet) للمفاهيم الجديدة التي استعملت كأدوات لحل المسألة.

✓ 5:

سيكون على التلاميذ في هذه المرحلة حل تمارين متنوعة تستدعي استعمال المعرفة (institutionnalisée)، وبالتالي سيعملون على تنمية وتطوير عاداتهم وخبراتهم. كما سيعملون على دمج معارفهم الاجتماعية ومواجهتها بمعارفهم الخاصة، وعلى تنمية تصوراتهم بشكل يسمح لهم بالتعامل مع حقل أوسع من المسائل.

✓ 6 : تعقيد المهام أو مسائل جديدة

يقترح الأستاذ على التلاميذ مسألة أكثر تعقيدا "القديم الصريح" من أجل الشروع في دورة جديدة لجاية الأداة. يلعب

(jeu de cadres)

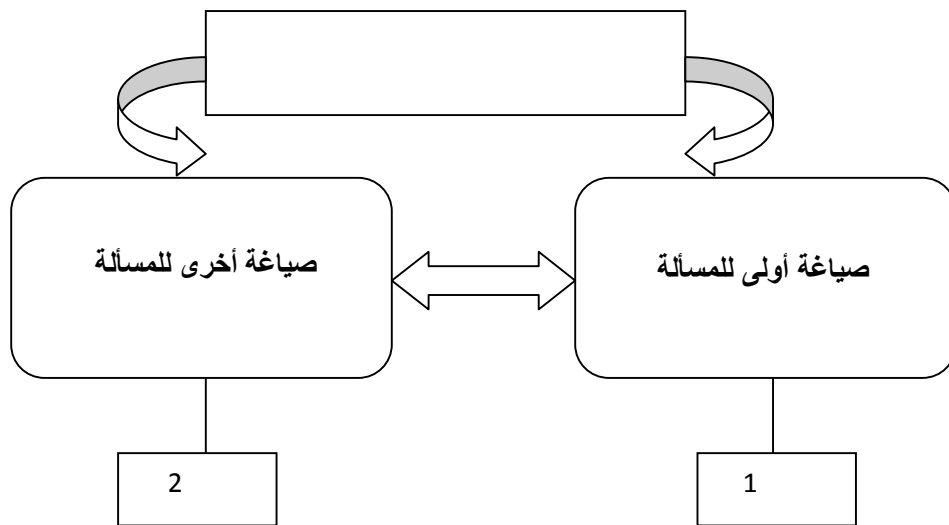
(5)

يستعمل هذا التعبير عندما تتم عملية تغيير الإطار بإيعاز من الأستاذ من أجل التلاميذ

ويمكن التمييز بين مراحل ثلاث تهم هذا الإجراء:

- مرحلة النقل والتأويل:

تكون المسألة المقترحة على التلاميذ مصاغة في إطار معين، جبري هندسي، تحليلي، ... أخذا بعين الاعتبار لمعارفهم، وتجاربهم وعاداتهم، ستقومهم دراسة المسألة المقترحة إلى ترجمة نص المسألة أو جزء منه في إطار آخر، ثم القيام بتأويل عدد من الأسئلة. سيعملون على إقامة عدد من التقابلات أو الترابطات ما بين الإطارات (بين الكائنات وبين العلاقات)



تغيير الإطار

-
: إن التقابلات التي نسجها التلاميذ بين مختلف الإطارات تظل ناقصة في هذه المرحلة وذلك لأسباب إما رياضية محضة، أو لعدم كفاية معارفهم تصبح الوضعية المقترحة مولدة لحالة اللاتوازن المعرفي وتسمح بإعادة هيكلية المعارف.

- تحسين التقابلات وتقدم المعرفة:
/ حوار مناسب بين الإطارات سيشكل عاملاً أساسياً في حصول حالة التوازن، كما أن التفاعل ما بين هذه الإطارات يسمح بتقدم وتنمية المعارف المنتمية لكل منها.

انتهى