

التمرين 1 (6ن)

نعتبر النقط  $A(1; -1; 0)$  و  $B(2; 3; -4)$  و  $C(-3; 0; 1)$  و المتجهة  $\vec{n}(8; 15; 17)$

1- تحقق أه النقط  $A, B, C$  غير مستقيمية.

2- احسب  $\overline{AC} \cdot \vec{n}$  و  $\overline{AB} \cdot \vec{n}$

3- استنتج اه معادلة للمستوى  $(ABC)$  هي  $8x + 15y + 17z + 7 = 0$ .

4- ادرس تقاطع  $(ABC)$  مع المستقيم  $(\Delta)$  الذي تمثلك بالامتري له هو  $(\Delta): \begin{cases} x=1+t \\ y=-1+2t \\ z=1+t \end{cases}; (t \in \mathbb{R})$

التمرين 2 (7ن)

الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ممنظم  $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ .

1- نعتبر النقط  $I(1, 0, 0)$ ,  $J(0, 1, 0)$  و  $K(0, 0, 1)$ .

أ- احسب  $\overline{IJ} \wedge \overline{IK}$

ب- استنتج معادلة ديكارتية للمستوى  $(IJK)$ .

ج- احسب مساحة المثلث  $(IJK)$ .

2- حدد معادلة ديكارتية للفلئة  $(S)$  التي مركزها  $O$  والمماسة للمستوى الذي معادلته  $x + y + z - 1 = 0$ .

3- نعتبر المستوى  $(Q)$  الذي معادلته  $x + y + z - \frac{1}{2} = 0$ .

يبه أه  $(S)$  و  $(Q)$  يتقاطعا وفق دائرة محدد مركزها و شعاعها.

التمرين 3 (7ن)

في الفضاء المنسوب الي  $\mathcal{M}_3(\mathbb{R})$  نعتبر النقط  $A(4, 4, 1)$ ,  $B(5, 2, 2)$ ,  $C(6, 3, -3)$

و الفلئة التي مركزها  $\Omega(2, -1, 3)$  و شعاعها  $R = \sqrt{14}$ .

1- حدد الجداء المتجهي  $\overline{AB} \wedge \overline{AC}$

2- استنتج أه  $3x + 2y + z - 21 = 0$  هي معادلة ديكارتية للمستوى  $(ABC)$

3- أ) بيه أه المستوى  $(ABC)$  مماس للفلئة  $(S)$

ب) حدد احداثيات نقطة التماس بين  $(S)$  و  $(ABC)$

4- اكتب معادلة ديكارتية للفلئة  $(S)$ .

5- ليك  $(\Delta)$  المستقيم الذي تمثلك بالامتري له هو  $(\Delta) \begin{cases} x=5-t \\ y=2t \\ z=1+3t \end{cases}; t \in \mathbb{R}$

احسب  $d(\Omega, (\Delta))$  و حدد تقاطع  $(\Delta)$  مع  $(S)$ .