



تاريخ التمرير: الأربعاء 28 فبراير 2018

مدة الإنجاز: ساعتان



المستوى الدراسي: الثالثة ثانوي إعدادي

الأولمبياد الإقليمية لمادة الرياضيات 2018

ملحوظة: يُدون المترشح(ة) على ورقة التحرير: اسمه ونسبه (بالحروف العربية وبالحروف اللاتينية)، اسم المؤسسة وتاريخ ميلاده.

التمرين الثاني: (3ن + 2ن). (السؤالان 1 و 2 مستقلان)

(1) لتكن a و b و x و y أعدادا حقيقية.

▪ عمل ما يلي: $abx^2 - (a^2 + b^2)xy + aby^2$

(2) ليكن x عددا حقيقيا بحيث: $x \geq 8$.

▪ بسط العدد: $\sqrt{x^2 - 4x} \sqrt{x + 13} - \sqrt{(x - 3)^2 + 64}$

التمرين الأول: (2ن + 2ن)

ليكن a عددا حقيقيا موجبا قطعاً بحيث:

$$\sqrt{a+9} - \sqrt{a} = 13$$

(1) حدد قيمة التعبير: $\sqrt{a+9} + \sqrt{a}$.

(2) استنتج قيمة العدد a .

التمرين الرابع: (3ن)

كنت كثيرا ما ألعب الشطرنج مع أخي الكبير، وكان

غالبا ما ينتصر علي، فأدفع له درهماين عن كل مقابلة

أخسرهما، في حين يدفع لي هو خمسة دراهم عن كل انتصار

من انتصاراتي القليلة.

لعبنا خلال العطلة 17 مقابلة، فكانت حصيلة ما

دفعته لأخي الكبير هو 20 درهما.

▪ كم يا ترى ربحت من مقابلة؟

التمرين الثالث: (2ن + 2ن)

ليكن b عددا حقيقيا بحيث: $2b^2 - b - 1 < 0$

(1) بين أن: $2b^2 - b - 1 = 2\left(b - \frac{1}{4}\right)^2 - \frac{9}{8}$

(2) استنتج أن: $-\frac{1}{2} < b < 1$

التمرين الخامس: (4ن)

مربع $ABCD$.

(أنظر الشكل جانبه).

▪ احسب مساحة الجزء الملون في الشكل.

