

التمرين الرابع

لتكن  $f(x) = x^2 + 2x$  الدالة العددية المعرفة بمايلي  
(1) بين ان  $f$  تقابل من  $[-1; +\infty[$  نحو مجال  $J$  ينبغي تحديده  
(2) حدد  $f^{-1}$

لتكن  $f(x) = -x^2 + x + 1$  الدالة العددية المعرفة بمايلي

(1) بين ان  $f$  تقابل من  $]-\infty; \frac{1}{2}]$  نحو مجال  $J$  ينبغي تحديده  
(2) حدد  $f^{-1}$

لتكن  $f(x) = \frac{2x}{x^2 + 1}$  الدالة العددية المعرفة بمايلي

(1) بين ان  $f$  تقابل من  $[-1; 1]$  نحو مجال  $J$  ينبغي تحديده  
(2) حدد  $f^{-1}$

لتكن  $f(x) = x^3 + 8$  الدالة العددية المعرفة بمايلي  
(1) بين ان  $f$  تقابل من  $[-2; +\infty[$  نحو مجال  $J$  ينبغي تحديده  
(2) حدد  $f^{-1}$

التمرين الخامس

(1) بسط التعبيرات التالية

$$A = \frac{\sqrt[4]{3^3 64}}{\sqrt[5]{32^3 \sqrt[3]{16}}}; B = \frac{3^{\frac{2}{3}} \cdot 27^{\frac{5}{2}}}{81^{\frac{6}{5}}}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt[3]{x^2 + 1} - x}{x}; \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt[3]{x} + 8 - x}{x};$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt[3]{x^3 + x^2} + 2 - x; \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt[3]{x}}{\sqrt[3]{x} + \sqrt{x}}$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt[3]{2x + 1}}{2x + 1}; \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt[3]{2} - \sqrt[3]{x + 2}}{x}$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} x - \sqrt[3]{8x^3 + 1}$$

التمرين الاول

حدد النهايات التالية

$$\lim_{x \rightarrow 4} \frac{\sqrt{x+5} - 3}{x-4}; \lim_{x \rightarrow 4} x + 2\sqrt{x} - 8; \lim_{x \rightarrow 4} \frac{\sqrt{2x+1} - \sqrt{3x-3}}{x-4};$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1+2x} - \sqrt{1+3x}}{x}; \lim_{x \rightarrow -2} \frac{\sqrt{2x^2+1} - 3\sqrt{x+3}}{x+2};$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(2x)}{x}; \lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sin(x^2 - 4)}{x-2}; \lim_{x \rightarrow -2} \frac{\sqrt{x^2+x+1} - \sqrt{2x+3}}{\sqrt{3x+4} - \sqrt{2x^2-1}}$$

$$\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \frac{\cos x - \sin x}{4x - \pi}; \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos \sqrt{x}}{x}$$

التمرين الثاني

حدد اتصال الدوال التالية

$$\begin{cases} f(x) = \frac{\sin x}{\sqrt{x+1}-1}; x \neq 0 \\ f(0) = 2 \end{cases}; \begin{cases} f(x) = \frac{1 - \cos x}{x}; x \neq 0 \\ f(0) = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} f(x) = \frac{x^2 - 3x + 2}{x-1}; x \neq 1 \\ f(1) = -1 \end{cases}; \begin{cases} f(x) = \frac{x^2}{\sqrt{4x^2+1}-1}; x \neq 0 \\ f(0) = \frac{1}{2} \end{cases}$$

$$\begin{cases} f(x) = x^2 + 1; x \geq 0 \\ f(x) = \frac{1}{x+1}; x \leq 0; x_0 = 0 \end{cases}; \begin{cases} f(x) = x - x^2; x < 1 \\ f(x) = x - 1 - \sqrt{x^2 - 1}; x \geq 1; x_0 = 1 \end{cases}$$

التمرين الثالث

بين ان  $x^5 - x^3 + 5x - 4 = 0$  تقبل حلا في المجال  $[0; 1]$   
المعادلة :

بين ان المعادلة :  $\frac{2x}{\sqrt{x^2+1}} = \sqrt{3}$  تقبل حلا في المجال  $[1; 2]$

بين ان  $x^2 + 2x - 4 = 0$  تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  في المجال  $]; \frac{3}{2}[$   
المعادلة :

بين ان المعادلة :  $x^5 - x^3 + 5x - 4 = 0$  تقبل حلا وحيدا  $\alpha$   
في المجال  $]1; 1,1[$  ثم اطر الحل بسعة 0,25