

الثانوية التأهيلية تسمان

فرض محروس رقم 1 الدورة الأولى
المادة : الرياضيات
المستوى : أولى علوم تجريبية

مدة الإنجاز : 2h
الأستاذ : معاذ مهري
الموسم الدراسي : 2013-2014

التمرين الأول : (8 ن)

(1) إعط نفي العبارات التالية ثم حدد قيمة حقيقتها معللا جوابك:

$$P : \ll (\exists x \in \mathbb{R}) (\forall y \in \mathbb{R}) : y < x \gg$$

$$Q : \ll (\forall x \in \mathbb{R}^*) : x + \frac{1}{x} \geq 2 \gg$$

$$R : \ll (\forall x \in]0; 1[) : \frac{2x}{x^2(1-x^2)} < 1 \gg$$

$$T : \ll (\exists x \in \mathbb{R}) (\forall y \in \mathbb{R})(\forall z \in \mathbb{R}) : x > y \text{ أو } y > z \gg$$

(2) باستعمال الإستلزام المضاد للعكس بين أنه لكل x و y و z من \mathbb{R} لدينا :

$$x + y \leq z \Rightarrow (x \leq \frac{1}{2}z \text{ أو } y \leq \frac{1}{2}z)$$

(3) حل في \mathbb{R} المعادلة : $|x - 2| - 2|x - 3| = 2x - 2$

(4) بين بالترجع أن لكل n من \mathbb{N} يقسم 5 $3^{3n+1} + 2^{n+1}$.

(5) ليكن a و عددين جذريين حيث $a < b$.

$$\frac{a+b\sqrt{2}}{1+\sqrt{2}} \notin \mathbb{Q}$$

التمرين الثاني : (12 ن)

نعتبر الدالة h المعرفة بـ $h(x) = \frac{x^2-2x+2}{x^2-2x+4}$

(1) (a) بين أن $x^2 - 2x + 4 > 0$ ثم استنتج D_h .

(b) بين أن $(\forall x \in \mathbb{R}) : \frac{1}{3} \leq h(x) < 1$. ماذا تستنتج ؟

(2) لتكن f و g الدالتين المعرفتين بـ $f(x) = x^2 - 2x$ و $g(x) = \frac{x+2}{x+4}$

(a) حدد D_g و D_f .

(b) اعط جدول تغيرات كل من f و g معللا جوابك.

(c) أنشئ في م.م.م $(o; \vec{i}; \vec{j})$ كل من (C_f) و (C_g) .

(d) حدد مبيانيا عدد حلول المعادلة : $x^2 - 2x = \frac{x+2}{x+4}$

(e) بين أن : $(\forall x \in \mathbb{R}) : h(x) = g \circ f(x)$.

(f) مبيانيا حدد $f([1; +\infty[)$ و $f(]-\infty; 1])$

(g) استنتج تغيرات h على كل من المجالين $[1; +\infty[$ و $]-\infty; 1]$.