

✓ تخصص نقطة إضافية لحسن التنظيم وجودة التحرير و الدقة في الأجوبة .

❖ التمرين رقم 01: (3,5 نقطة)

(1) 1,5 - بين أن المعادلة: $(E_1): 4x^3 - 12x + 1 = 0$ تقبل حلا وحيدا في المجال $] -1; 1[$.

(2) 2 - استنتج أن المعادلة: $(E_2): x^4 - 6x^2 + x = -1$ تقبل بالضبط حلين إثنيين في المجال $] -1; 1[$.

❖ التمرين رقم 02: (6,5 نقطة)

↔ تتكف الدالة المعرفة على \mathbb{R}^+ بما يلي: $f(x) = 1 - x\sqrt[3]{x}$.

(1) 1 - أ- بين أن f متصلة على \mathbb{R}^+ .

ب- بين أن f تناقصية قطعاً على \mathbb{R}^+ .

(2) 1 - أ- استنتج أن f تقبل دالة عكسية f^{-1} معرفة على $] -\infty; 1[$.

ب- حدد $f^{-1}([-15; 0])$ ثم أحسب $f^{-1}(x)$ لكل x من $] -\infty; 1[$.

(3) 1,5 - تتكف F الدالة المعرفة على $] -\infty; 1[$ بما يلي :

$$(\forall x \in] -\infty; 0[\cup] 0; 1[); F(x) = \frac{f^{-1}(x) - 1}{x} \text{ و } F(0) = -\frac{3}{4}$$

▪ بين أن F متصلة في الصفر، ثم أحسب النهاية $\lim_{x \rightarrow -\infty} F(x)$.

❖ التمرين رقم 03: (10 نقط)

↔ تتكف الدالة المعرفة على \mathbb{R} بما يلي: $f(x) = \frac{x - \sqrt{x^2 + 1}}{2\sqrt{x^2 + 1}}$.

(1) 1 - بين أن: $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -1$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$.

(2) 1 - بين أن الدالة f متصلة على \mathbb{R} .

(3) 1 - بين أن: $(\forall x \in \mathbb{R}); f'(x) = \frac{1}{2(\sqrt{x^2 + 1})^3}$.

(4) 1,5 - بين أن المعادلة: $(E): f(x) = x$ تقبل حلا وحيدا α في \mathbb{R} وأن $\alpha \in] -1; 0[$.

(5) 1,5 - أ- بين أن f تقبل دالة عكسية f^{-1} معرفة على مجال J ينبغي تحديده .

ب- أحسب $f^{-1}(x)$ لكل x من J .

(6) - تتكف F الدالة المعرفة على \mathbb{R} بما يلي :

$$(\forall x \in \mathbb{R}^*); F(x) = f\left(\frac{1}{x}\right) \text{ و } F(0) = -1$$

أ- عبر عن $F(x)$ بدلالة x لكل x من \mathbb{R}^* .

ب- هل الدالة F متصلة في الصفر؟ علل جوابك .

❖ تمرين إضافي :

↔ تتكف f الدالة المعرفة على \mathbb{R} بما يلي : $f(x) = x^3 - 3x + 3$.

(1) - ضع جدول تغيرات f .

(2) - حدد ما يلي : $f([1; +\infty[)$ و $f([-1; 1])$ و $f(]-\infty; -1])$.

(3) - تتكف g قصور الدالة f على المجال $I =]-\infty; -1]$.

أ- بين أن g تقبل دالة عكسية g^{-1} معرفة على مجال J ينبغي تحديده .

ب- بين أن المعادلة : $g(x) = 0$: (E) تقبل حلا وحيدا α في I وأن : $-3 < \alpha < -2$.

ج- نضع : $a = -\frac{\sqrt[3]{12+4\sqrt{5}}}{2}$ ، بين أن : $\alpha = a + \frac{1}{a}$.

د- بين أن : $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{g^{-1}(3x) - \alpha}{x} = \frac{1}{\alpha^2 - 1}$.

إتلهى الموضوع .

abouzakariyamaths@gmail.com

tel : 0662069066