

■ التمرين رقم 01 : (06 نقط)

(1) - أ- بين أن : $(\forall x \in \mathbb{R} - \{3\}); \frac{(x-2)^2}{x-3} = x-1 + \frac{1}{x-3}$ 0,5

ب- استنتج قيمة التكامل التالي : $I = \int_1^2 \frac{(x-2)^2}{x-3} dx$ 1,5

(2) - أ- أحسب كل تكامل مما يلي : $J = \int_e^{e^2} \frac{(\ln x - 2)^2}{x(\ln x - 3)} dx$ و $K = \int_0^{2\ln 2} \frac{(\sqrt{e^x} - 2)^2}{1 - 3\sqrt{e^{-x}}} dx$ 2+2

■ التمرين رقم 02 : (07 نقط)

↔ نتكن f الدالة المعرفة على \mathbb{R} بما يلي :

$(\forall x \in \mathbb{R}); f(x) = (x+1)e^{-x} - 1$

(1) - أ- أحسب النهاية : $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ، ثم اعط تأويلها الهندسي . 1

ب- أحسب النهايتين : $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{f(x)}{x}$ ، ثم اعط تأويلهما الهندسي . 1,5

(2) - بين أن : $(\forall x \in \mathbb{R}); f'(x) = -xe^{-x}$ ، ثم ضع جدول تغيرات f . 1,5

(3) - أرسم المنحنى (C_f) في معلم متعامد و ممنظم (O, \vec{i}, \vec{j}) (حيث الوحدة هي 1cm) . 1,5

(4) - باستعمال مكاملة بالأجزاء ، أحسب ب cm^2 مساحة الحيز المستوي المحصور بين المنحنى 1,5

(C_f) و محور الأرتاب و المستقيمين المعرفين بالمعادلتين : $x = \ln 3$ و $y = -1$.

■ التمرين رقم 03 : (07 نقط)

I- يحتوي صندوق على أربع كرات بيضاء و ثلاث كرات سوداء غير قابلة للتمييز باللمس .

نسحب عشوائيا بالتتابع و بدون إحلال كرتين من الصندوق ، و نعتبر الحدثين :

"A" الكرة الأولى المسحوبة سوداء " و "B" الكرة الثانية المسحوبة بيضاء .

(1) - أ- أحسب ما يلي : $p(A)$ و $p(B)$ و $p(A \cap B)$. 2,5

ب- أحسب الاحتمالين الشرطيين $p(A/B)$ و $p(B/A)$. 1

(2) - ليكن C الحدث " الكرتان المسحوبتان ههما نفس اللون " ، أحسب $p(C/B)$. 1,5

II- نسحب الآن بالتتابع و بدون إحلال خمس كرات من الصندوق .

■ ما هو احتمال أن تبقي في الصندوق كرتان من نفس اللون ؟ 2