

التمرين الأول 3 نقط

قارن العددين : $\sqrt{2-\sqrt{3}}$ و $\frac{\sqrt{3}-1}{\sqrt{2}}$ ثم العددين $\sqrt{2-\sqrt{2+\sqrt{2}}}$ و $\sqrt{2+\sqrt{2}}$.

التمرين الثاني 3 نقط

بسّط العددين A و B :

$$B = \sqrt{(3\sqrt{2}+1)^2} + \sqrt{(\sqrt{2}-2)^2} \quad \text{و} \quad A = \sqrt{(2\sqrt{5}-5\sqrt{2})^2} + \sqrt{(3\sqrt{2}-4\sqrt{5})^2}$$

التمرين الثالث 3 نقط

حدد جميع الأعداد الحقيقية x التي تحقق الشرط المطلوب حسب كل حالة :

$$|5x-2|=7 \quad \textcircled{1} \quad , \quad 1 \leq |3x-2| \leq 2 \quad \textcircled{2} \quad , \quad |7x-5| \leq \frac{4}{3} \quad \textcircled{3}$$

التمرين الرابع 3 نقط

ليكن x و y عددين حقيقيين من المجال $[1;3]$ ، نضع : $A = 2xy - 3x + 6y - 7$
(1) أعط تأطيرا للعدد A .
(2) تحقق من أن : $A = (x+3)(2y-3) + 2$ ثم أعط تأطيرا آخر للعدد A .
(3) قارن التأطيرين المحصل عليهما للعدد A .

التمرين الخامس 4 نقط

نعتبر الحدودية : $P(x) = 3x^3 - 7x^2 + 4$

(1) تحقق أن 1 جذر للحدودية .
(2) حدد الحدودية $Q(x)$ بحيث : $P(x) = (x-1)Q(x)$
(3) حدد العددين الحقيقيين a و b بحيث $Q(x) = (ax+b)(x-2)$ ثم حل في \mathbb{R} المعادلة : $P(x) = 0$.

التمرين السادس 4 نقط

ليكن ABC مثلث و G نقطة من المستوى بحيث : $\overrightarrow{GA} + \frac{1}{2}\overrightarrow{GB} + \frac{1}{2}\overrightarrow{GC} = \vec{0}$

(1) أ- بين أن : $4\overrightarrow{AG} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}$

ب- بين أن : $\overrightarrow{AG} = \frac{1}{2}\overrightarrow{AA'}$ حيث A' منتصف القطعة $[BC]$.

(2) لتكن P مسقط النقطة G على المستقيم (BC) بتواز مع (AB) .
و Q مسقط النقطة G على المستقيم (BC) بتواز مع (AC) .

أ- بين أن : $\overrightarrow{BP} = \frac{1}{2}\overrightarrow{BA'}$ و $\overrightarrow{CQ} = \frac{1}{2}\overrightarrow{CA'}$ ثم أستنتج أن النقطة A' منتصف القطعة $[PQ]$.

التمرين الأول 3 نقط

(1) قارن العددين : $\sqrt{2+\sqrt{3}}$ و $\frac{\sqrt{3}+1}{\sqrt{2}}$ ثم العددين $\sqrt{2-\sqrt{2-\sqrt{2}}}$ و $\sqrt{2-\sqrt{2}}$.

التمرين الثاني 3 نقط

بسّط العددين A و B بحيث :

$$B = \sqrt{(2\sqrt{2}-1)^2} + \sqrt{(5\sqrt{2}-3)^2} \quad \text{و} \quad A = \sqrt{(2\sqrt{3}-5)^2} + \sqrt{(3\sqrt{3}-6)^2}$$

التمرين الثالث 3 نقط

حدد جميع الأعداد الحقيقية x التي تحقق الشرط المطلوب حسب كل حالة :

$$\textcircled{1} \quad |3x-7|=|2x-5| \quad , \quad \textcircled{2} \quad 7 \leq |3x-2| \quad , \quad \textcircled{3} \quad \frac{1}{3} \leq |7x-5| \leq \frac{4}{3}$$

التمرين الرابع 3 نقط

ليكن x و y عددين حقيقيين من المجال : $[2;5]$. نضع : $A = 2xy - x + 6y + 3$
(1) أعط تأطيرا للعدد A .

(2) تحقق من أن : $A = (x+3)(2y-1) + 6$ ثم أعط تأطيرا آخر للعدد A .

(3) قارن التأتيرين المحصل عليهما للعدد A .

التمرين الرابع 4 نقط

نعتبر الحدودية : $P(x) = x^4 - x^3 - \alpha x^2 - x - 6$ حيث $\alpha \in \mathbb{R}$.

(1) حدد α ليكون -2 جذرا للحدودية $P(x)$.

(2) نأخذ : $\alpha = 5$ حدد الحدودية $Q(x)$ بحيث : $P(x) = (x+2)Q(x)$

(3) أ- بين أن : $P(x) = (x+2)(x-3)(x^2+1)$.

ب - أستنتج أنه لكل x من المجال $\left[-\frac{1}{2}; \frac{1}{2}\right]$ لدينا : $-\frac{35}{4} < \frac{P(x)}{x^2+1} < -\frac{15}{4}$

التمرين الخامس 4 نقط

ليكن ABC مثلث و G نقطة من المستوى بحيث : $\overrightarrow{GA} + \overrightarrow{GB} + 2\overrightarrow{GC} = \vec{0}$

(1) أ- بين أن : $\overrightarrow{GC} = \frac{1}{4}\overrightarrow{BC} + \frac{1}{4}\overrightarrow{AC}$ ثم أن : $\overrightarrow{GC} = \frac{1}{2}\overrightarrow{B'C}$ حيث B' منتصف القطعة $[AB]$.

(2) لتكن P مسقط النقطة G على المستقيم (AB) بتواز مع (BC) و Q مسقط النقطة G على المستقيم (AB) بتواز مع (AC) .

أ- بين أن : $\overrightarrow{PB} = \frac{1}{2}\overrightarrow{B'B}$ و $\overrightarrow{QA} = \frac{1}{2}\overrightarrow{B'A}$ ثم أستنتج أن النقطة B' منتصف القطعة $[PQ]$.

CHERIE ALI