

التمرين الأول 6 ن

- 1 ن (1) حدد بتفصيل المجموعة : $E = \{n \in \mathbb{Z} / n \mid n+8\}$
- 1 ن (2) حل في \mathbb{Z}^2 المعادلة : $5x^3 + xy - 41 = 0$.
- 1 ن (3) بين أن لكل n من \mathbb{N} العدد 7 يقسم العدد $3^{2n+1} + 2^{n+2}$
- 1 ن (4) بآستعمال خوارزمية أقليدس حدد $a \wedge b$ علما أن : $a = 176280$ و $b = 604800$
- 1 ن (5) حل في $\mathbb{Z}/7\mathbb{Z}$ المعادلة التالية : $2x^2 - 3x - 2 = 0$.
- 6 (6) حدد حسب قيم العدد الصحيح الطبيعي n :
- 1 ن باقي القسمة الأقليدية للعدد $2 + (851)^n + (851)^{2n} + (851)^{3n}$ على 7 .

التمرين الثاني 4 ن

يحتوي صندوق على 12 كرة : 5 خضراء و 7 حمراء .
نسحب بالتتابع وبدون إحلال أربع كرات من الصندوق .
كم عدد السحبات التي نحصل فيها على :

- 1) 4 كرات حمراء ؟ 0.5 ن
- 2) 4 كرات خضراء ؟ 0.5 ن
- 3) 3 كرات حمراء وكرة خضراء في هذا الترتيب ؟ 0.5 ن
- 4) 3 كرات حمراء وكرة خضراء ؟ 0.5 ن
- 5) كرتين حمراوين و كرتين خضراوين في هذا الترتيب ؟ 0.5 ن
- 6) كرتين حمراوين و كرتين خضراوين ؟ 0.5 ن
- 7) 3 كرات خضراء على الأقل ؟ 0.5 ن
- 8) 3 كرات حمراء على الأكثر ؟ 0.5 ن

التمرين الثالث 3 ن

بسط الأعداد التالية :

- 2 ن (1) $A = \frac{(n+1)!}{2 \times n!}$ (2) ، $B = \frac{(n+2)C_{n+1}^2 - C_{n+2}^3}{nC_{n+2}^2}$ (3) ، $\sum_{k=0}^n C_n^k$
- 2 ن (2) أنشر $(x+y)^6$. 1 ن

نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي المعرفة بما يلي :

$$f(x) = \frac{x^2 + 4|x|}{\sqrt{x^2 - 1}}$$

ليكن (ζ_f) منحنى الدالة f في معلم متعامد ممنظم .

(1) حدد D_f مجموعة تعريف الدالة f . 1ن

(2) بين أن المنحنى (ζ_f) متماثل بالنسبة لمحور الأرتاب . 1ن

(3) أحسب $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$ وأعط تأويلا مبيانيا للنتيجة . 1ن

(4) أ - أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$. 1ن

ب - بين أن المستقيم (Δ) ذا المعادلة $y = x + 4$ مقارب للمنحنى (ζ_f) بجوار $+\infty$. 1ن

ج - حدد وضع المنحنى (ζ_f) بالنسبة لمقاربه (Δ) على المجال $]1; +\infty[$. 1ن

(5) بين أن : $(\forall x \in]1; +\infty[) : f'(x) = \frac{(x-2)(x^2 + 2x + 2)}{(x^2 - 1)\sqrt{x^2 - 1}}$. 1ن

(6) ضع جدول تغيرات الدالة f على المجال $]1; +\infty[$. 1ن

(7) أنشئ (ζ_f) المنحنى (نأخذ $\|i\| = \|j\| = 0,5cm$) . 1ن

التمرين الأول 6 ن

1 (حدد بتفصيل المجموعة : $F = \{n \in \mathbb{Z} / n \equiv 3n + 24\}$ 1ن

2 (حل في \mathbb{Z}^2 المعادلة : $xy - 7x - 3y + 8 = 0$ 1ن

3 (بين أن لكل n من \mathbb{N} العدد 9 يقسم العدد $4^n + 7^n - 2$. 1ن

4 (باستعمال خوارزمية أقليدس حدد $a \wedge b$ علماً أن : $a = 571725$ و $b = 1309770$ 1ن

5 (حل في $\mathbb{Z}/5\mathbb{Z}$ المعادلة التالية : $x^2 + 2x + 2 = 0$. 1ن

6 (أ - حدد باقي القسمة الأقليدية للعدد بين $(275423)^n$ و $(372121)^n$ على 3 . حيث $(n \in \mathbb{N})$. 1ن

ب - حدد قيم n التي من أجلها العدد $N = (275423)^n + (372121)^n$ قابلاً للقسمة على 3 . 1ن

التمرين الثاني 4 ن

يحتوي صندوق على 12 كرة : 5 خضراء و 7 حمراء .

نسحب بالتتابع و بإحلال أربع كرات من الصندوق .

كم عدد السحبات التي نحصل فيها على :

1 (4 كرات حمراء ؟ 0.5ن

2 (4 كرات خضراء ؟ 0.5ن

3 (3 كرات حمراء و كرة خضراء في هذا الترتيب ؟ 0.5ن

4 (3 كرات حمراء و كرة خضراء ؟ 0.5ن

5 (كرتين حمراوين و كرتين خضراوين في هذا الترتيب ؟ 0.5ن

6 (كرتين حمراوين و كرتين خضراوين ؟ 0.5ن

7 (3 كرات خضراء على الأقل ؟ 0.5ن

8 (3 كرات حمراء على الأكثر ؟ 0.5ن

التمرين الثالث 3 ن

بسط الأعداد التالية :

$$\sum_{k=0}^n (-1)^k C_n^k \quad (3) \quad , \quad B = \frac{C_2^1 \times C_{n+1}^2}{C_n^2} \quad (2) \quad , \quad A = \frac{(2n+1)!}{4n \times (2n-1)!} \quad (1)$$

2 (أنشر $(x+y)^7$. 1ن

نعتبر الدالة المعرفة بما يلي : $f(x) = x - \frac{2\sqrt{x^2-1}}{x}$

ليكن (ζ_f) منحنى الدالة f في معلم متعامد ممنظم $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

(1) حدد D_f مجموعة تعريف الدالة f . 1ن

(2) بين أن المنحنى (ζ_f) متماثل بالنسبة لأصل المعلم. 1ن

(3) أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$. 1ن

ب - بين أن المستقيم (Δ) ذا المعادلة $y = x - 2$ مقارب للمنحنى (ζ_f) بجوار $+\infty$. 1ن

ج - حدد وضع المنحنى (ζ_f) بالنسبة لمقاربه (Δ) على المجال $[1; +\infty[$. 1ن

(4) أدرس قابلية اشتقاق f على اليمين في $x_0 = 1$ وأول النتيجة المحصل علمها مبيانيا.

(5) بين أن : $(\forall x \in]1; +\infty[) : f'(x) = \frac{(x^2-2)(x^4+x^2+2)}{x^2(x^2\sqrt{x^2-1}+2)\sqrt{x^2-1}}$. 1ن

(6) ضع جدول تغيرات الدالة f على المجال $[1; +\infty[$. 1ن

(7) أنشئ (ζ_f) المنحنى (نأخذ $\|\vec{i}\| = \|\vec{j}\| = 0,5cm$). 1ن

التمرين الأول 6 ن1ن(1) حدد بتفصيل المجموعة : $E = \{n \in \mathbb{Z} / n \mid n+8\}$ 1ن(2) حل في \mathbb{Z}^2 المعادلة : $5x^3 + xy - 41 = 0$.1ن(3) بين أن لكل n من \mathbb{N} العدد 7 يقسم العدد $3^{2n+1} + 2^{n+2}$ 1ن(4) باستخدام خوارزمية أقليدس حدد $a \wedge b$ علماً أن $a = 176280$ و $b = 604800$ 1ن(5) حل في $\mathbb{Z}/7\mathbb{Z}$ المعادلة التالية : $2x^2 - 3x - 2 = 0$.(6) حدد حسب قيم العدد الصحيح الطبيعي n :1ن. باقي القسمة الأقليدية للعدد $2 + (851)^n + (851)^{2n} + (851)^{3n}$ على 7 .**التمرين الثاني 4 ن**

يحتوي صندوق على 12 كرة : 5 خضراء و 7 حمراء .

نسحب بالتتابع وبدون إحلال أربع كرات من الصندوق .

كم عدد السحبات التي نحصل فيها على :

(1) 4 كرات حمراء ؟ 0.5ن(2) 4 كرات خضراء ؟ 0.5ن(3) 3 كرات حمراء وكرة خضراء في هذا الترتيب ؟ 0.5ن(4) 3 كرات حمراء وكرة خضراء ؟ 0.5ن(5) كرتين حمراوين و كرتين خضراوين في هذا الترتيب ؟ 0.5ن(6) كرتين حمراوين و كرتين خضراوين ؟ 0.5ن(7) 3 كرات خضراء على الأقل ؟ 0.5ن(8) 3 كرات حمراء على الأكثر ؟ 0.5ن**التمرين الثالث 3 ن**

بسط الأعداد التالية :

2ن

$$\sum_{k=0}^n C_n^k$$

(3) ،

$$B = \frac{(n+2)C_{n+1}^2 - C_{n+2}^3}{nC_{n+2}^2}$$

(2) ،

$$A = \frac{(n+1)!}{2 \times n!}$$

(1)

(2) أنشر $(x+y)^6$. 1ن**التمرين الرابع 7 ن**

نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي المعرفة بما يلي : $f(x) = \frac{x^2 + 4|x|}{\sqrt{x^2 - 1}}$

ليكن (ζ_f) منحنى الدالة f في معلم متعامد ممنظم .

(1) حدد D_f مجموعة تعريف الدالة f . 1ن

(2) بين أن المنحنى (ζ_f) متماثل بالنسبة لمحور الأرتاب . 1ن

(3) أحسب $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$ وأعط تأويلا مبيانيا للنتيجة . 1ن

(4) أ - أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$. 1ن

ب - بين أن المستقيم (Δ) ذا المعادلة $y = x + 4$ مقارب للمنحنى (ζ_f) بجوار $+\infty$. 1ن

ج - حدد وضع المنحنى (ζ_f) بالنسبة لمقاربه (Δ) على المجال $]1; +\infty[$. 1ن

(5) بين أن : $f'(x) = \frac{(x-2)(x^2+2x+2)}{(x^2-1)\sqrt{x^2-1}}$ $(\forall x \in]1; +\infty[)$. 1ن

(6) ضع جدول تغيرات الدالة f على المجال $]1; +\infty[$. 1ن

(7) أنشئ (ζ_f) المنحنى (نأخذ $\|i\| = \|j\| = 0,5cm$) . 1ن

المادة : الرياضيات
الأستاذ : علي الشريف
القسم : الأولى باكالوريا علوم رياضية

فرض محروس رقم 2 المجموعة 3
الدورة الثانية . بتاريخ : 2013/05/23
مدة الإنجاز ساعتان .

نيابة الخميسات
الثانوية التأهيلية محمد بن الحسن الوزاني
السنة الدراسية : 2013/2012

التمرين الأول 8 ن

1 (حل في $(\mathbb{Z}^*)^2$) النظام التالية : $\frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{1}{5}$. 1ن

2 (ليكن n من \mathbb{Z} بحيث $n \neq 1$ نضع : $A = n - 1$ و $B = n^2 - 3n + 6$.

أ - بين أن : $A \wedge B = A \wedge 4$. 1ن

ب - حدد تبعا لقيم n قيمة : $A \wedge B$. 1ن

3 (حدد قيم n التي من أجلها : $\frac{n^2 - 3n + 6}{n - 1} \in \mathbb{Z}$. 1ن

4 (حل في $\mathbb{N}^* \times \mathbb{N}^*$ النظام التالية : $\begin{cases} 2(a \vee b) + 7(a \wedge b) = 111 \\ a \leq b \end{cases}$. 1.5ن

5 (حل في $(\mathbb{Z}/10\mathbb{Z})^2$ النظام التالية : $\begin{cases} \bar{2}x + \bar{4}y = \bar{2} \\ \bar{5}x + \bar{2}y = \bar{1} \end{cases}$. 1.5ن

6 (بين أن : $(\forall n \in \mathbb{N}^*) : 8(5n+1)(5n+2)(5n+3)(5n+4)$. 1ن

التمرين الثاني 12 ن

لتكن f الدالة العددية المعرفة بما يلي : $\begin{cases} f(x) = x(3 - 2\sqrt{x}) ; x \geq 0 \\ f(x) = \frac{-x^3}{(x-1)^2} ; x \leq 0 \end{cases}$

و (ζ_f) المنحنى الممثل للدالة في معلم متعامد ممنظم $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

1 (حدد D_f مجموعة تعريف الدالة f . 1ن

2 (أ - أحسب نهايات f عند محددات D_f . 1.5ن

ب - أدرس الفروع اللانهائية للمنحنى (ζ_f) . 1.5ن

3 (أ - أدرس قابلية اشتقاق f في $x_0 = 0$ ثم أول هندسيا النتيجة المحصل عليها . 1ن

ب - أدرس تغيرات الدالة f . 2ن

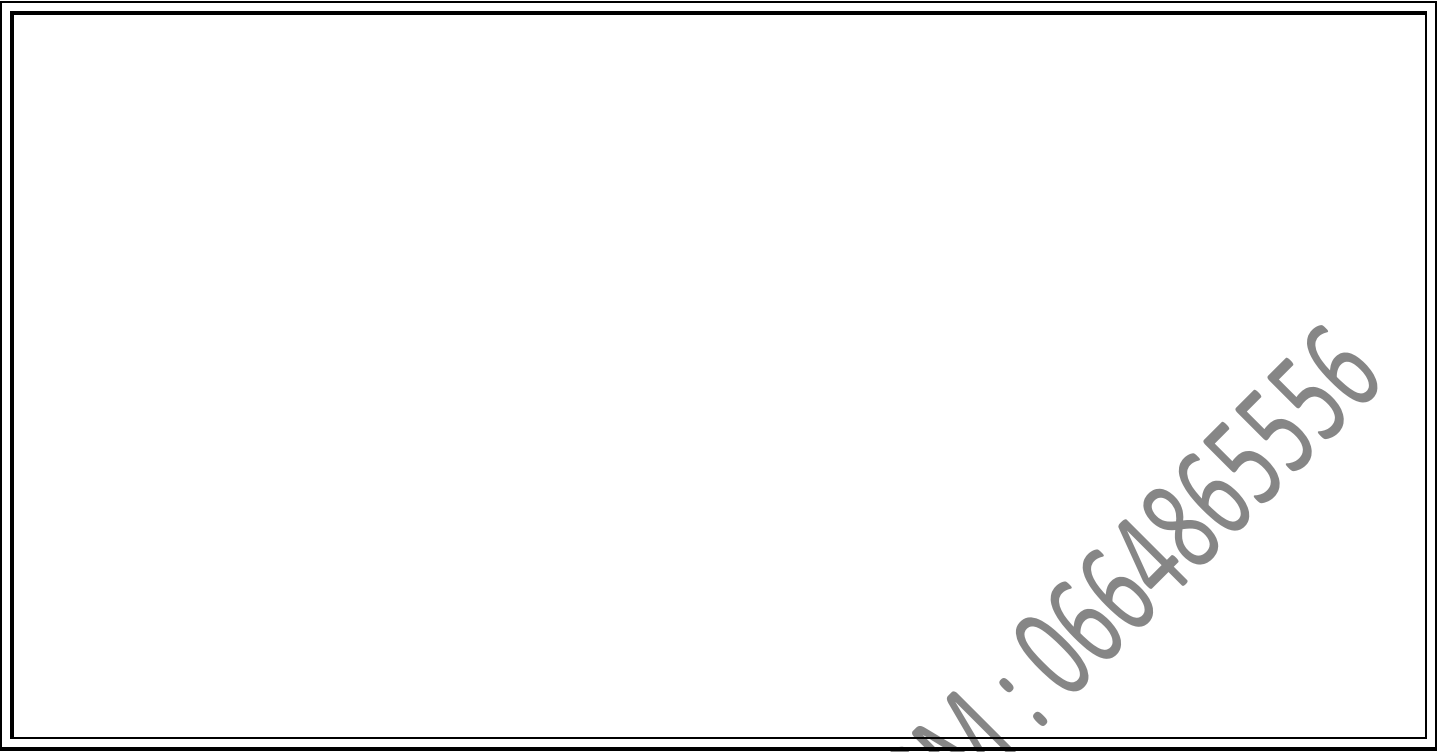
4 (أ - حدد تقاطع (ζ_f) مع المحور $(O; \vec{i})$. 1ن

ب - أنشئ المنحنى (ζ_f) في المعلم . 1ن

5 (لتكن g الدالة العددية المعرفة بما يلي : $(\forall x \geq 1) (g(x) = f(x))$ * و $\Omega(1;1)$ * مركز تماثل للمنحنى .

أ - حدد تعبير $g(x)$ على \mathbb{R} . 2ن

ب - أنشئ في المعلم $(O; \vec{i}; \vec{j})$ المنحنى (ζ_g) . 1ن



email: cherifalix@gmail.com ; GSM : 0664865556