

التمرين الأول : - 5 نقط -

الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ممنظم $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ م با شر
نقبل أن $(\vec{u} \wedge \vec{v}) \wedge \vec{w} = (\vec{u} \cdot \vec{w})\vec{v} - (\vec{v} \cdot \vec{w})\vec{u}$ لكل \vec{u} و \vec{v} و \vec{w} من V_3
نعتبر \vec{a} و \vec{b} من V_3 حيث $\vec{a} \neq \vec{0}$

نعتبر المعادلة (1) $\vec{a} \wedge \vec{x} = \vec{b}$ حيث \vec{x} مجهول

1- بين أنه إذا كان \vec{x} حل للمعادلة (1) فإن $\vec{a} \cdot \vec{b} = 0$

2- حدد \vec{x}_0 حل للمعادلة (1) حيث $\vec{b} \wedge \vec{a}$ و \vec{x}_0 مستقيمتين

3- بين أن حلول المعادلة (1) تكتب على الشكل $\vec{x} = \frac{\vec{b} \wedge \vec{a}}{\|\vec{a}\|} + m\vec{a}$

التمرين الثاني : 3 نقط

نعتبر النقط $A(1;0;3)$ و $B(0;1;-4)$ و $C(1;1;-7)$

$$(C): \begin{cases} y=3 \\ x^2 + z^2 - 2x - 2z - 7 = 0 \end{cases} \text{ والدائرة}$$

أعط معادلة ديكرتية للفلكة (S) التي تتضمن (C) و مركزها ينتمي إلى المستوى (ABC)

التمرين الثالث: 2 نقط

$ABCD$ رباعي أوجه

حدد و أنشئ مجموعة النقط M و التي تحقق $(\vec{MA} + 2\vec{MB} + \vec{MC}) \cdot \vec{MD} = -3$