

### التمرين الأول : - 5 نقط -

الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ممنظم  $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$  م با شر  
نقبل أن  $(\vec{u} \wedge \vec{v}) \wedge \vec{w} = (\vec{u} \cdot \vec{w})\vec{v} - (\vec{v} \cdot \vec{w})\vec{u}$  لكل  $\vec{u}$  و  $\vec{v}$  و  $\vec{w}$  من  $V_3$   
نعتبر  $\vec{a}$  و  $\vec{b}$  من  $V_3$  حيث  $\vec{a} \neq \vec{0}$

نعتبر المعادلة (1)  $\vec{a} \wedge \vec{x} = \vec{b}$  حيث  $\vec{x}$  مجهول

1- بين أنه إذا كان  $\vec{x}$  حل للمعادلة (1) فإن  $\vec{a} \cdot \vec{b} = 0$

2- حدد  $\vec{x}_0$  حل للمعادلة (1) حيث  $\vec{b} \wedge \vec{a}$  و  $\vec{x}_0$  مستقيمتين

3- بين أن حلول المعادلة (1) تكتب على الشكل  $\vec{x} = \frac{\vec{b} \wedge \vec{a}}{\|\vec{a}\|} + m\vec{a}$

### التمرين الثانى : 3 نقط

نعتبر النقط  $A(1;0;3)$  و  $B(0;1;-4)$  و  $C(1;1;-7)$

$$(C): \begin{cases} y=3 \\ x^2 + z^2 - 2x - 2z - 7 = 0 \end{cases} \text{ والدائرة}$$

أعط معادلة ديكرتية للفلكة (S) التي تتضمن (C) و مركزها ينتمي إلى المستوى (ABC)

### التمرين الثالث: 2 نقط

ABCD رباعي أوجه

حدد و أنشئ مجموعة النقط M و التي تحقق  $(\vec{MA} + 2\vec{MB} + \vec{MC}) \cdot \vec{MD} = -3$