

التمرين الأول :

1- حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة التالية :  $x^2 + x \ln(x) - 1 = 0$

2 - بسط التعبير التالي :  $A = 2 \ln(\sqrt[3]{e}) - \ln(\sqrt{e}) + \ln\left(\frac{1}{2e}\right)$

3 - تحقق أن :  $\forall t \in \mathbb{R} - \{-1\}, \frac{t^2}{1+t} = t - 1 + \frac{1}{1+t}$  ثم حدد  $\int \frac{t^2}{1+t} dt$  و  $\int \sqrt{2+tdt}$

4 - أحسب النهايات التالية :

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} x + \ln(1+x^2) ; \lim_{x \rightarrow \infty} x \ln\left(1 + \frac{1}{x}\right) ; \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln(x)}{\sqrt{x}} ; \lim_{x \rightarrow +\infty} x \left( \ln(1+\sqrt{x}) - \frac{\ln(x)}{2} \right) ; \lim_{x \rightarrow 0^+} \tan(x) \cdot \ln(x)$$

التمرين الثاني :

لتكن  $u$  الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb{R}_+^*$  بمايلي :  $u(x) = x \ln(x) - x$

1 - أحسب النهايتين :  $\lim_{x \rightarrow 0^+} u(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} u(x)$  ثم أدرس جدول تغيراتها

2 - إستنتج إشارة  $u(x)$  :  $\forall x \in ]0, +\infty[$

التمرين الثالث :

نعتبر  $f$  الدالة العددية المعرفة بمايلي :  $f(x) = \frac{1 + \ln(x)}{x(\ln(x))^2}$

1 - تحقق أن :  $D_f = ]0, 1[ \cup ]1, +\infty[$

2 - بين أن :  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = -\infty ; \lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = 0 ; \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = +\infty ; \lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = +\infty$

3 - أدرس الفروع اللانهائية للمنحنى  $(\gamma_f)$

4 - بين أن :  $f'(x) = \frac{-\ln(x)((1 + \ln(x))^2 + 1)}{x^2 \cdot (\ln(x))^4}$  لكل  $x$  من  $]0, 1[ \cup ]1, +\infty[$  , ثم اعط جدول تغيراتها

5 - حدد نقطة تقاطع المنحنى  $(\gamma_f)$  مع محور الأفاصيل

6 - أنشئ المنحنى  $(\gamma_f)$  في معلم متعامد ممنظم  $(o, \vec{i}, \vec{j})$

التمرين الرابع :

بين المتساويات التالية :

$$\forall x \in ]0, +\infty[ : \ln(1+x) = \ln(x) + \ln\left(1 + \frac{1}{x}\right) \quad .(أ)$$

$$\forall x \in ]0, +\infty[ : \ln(x^2 + 1) = 2 \ln(x) + \ln\left(\frac{1}{x^2} + 1\right) \quad .(ب)$$

$$\forall x \in ]2, +\infty[ : \ln(x - 2\sqrt{x-1}) = 2 \ln(\sqrt{x-1} - 1) \quad .(ج)$$

التمرين الأول :

1- حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة التالية :  $x^2 + x \ln(x) - 1 = 0$

2 - بسط التعبير التالي :  $A = 2 \ln(\sqrt[3]{e}) - \ln(\sqrt{e}) + \ln\left(\frac{1}{2e}\right)$

3 - تحقق أن :  $\forall t \in \mathbb{R} - \{-1\}, \frac{t^2}{1+t} = t - 1 + \frac{1}{1+t}$  ثم حدد  $\int \frac{t^2}{1+t} dt$  و  $\int \sqrt{2+tdt}$

4 - أحسب النهايات التالية :

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} x + \ln(1+x^2) ; \lim_{x \rightarrow \infty} x \ln\left(1 + \frac{1}{x}\right) ; \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln(x)}{\sqrt{x}} ; \lim_{x \rightarrow +\infty} x \left( \ln(1+\sqrt{x}) - \frac{\ln(x)}{2} \right) ; \lim_{x \rightarrow 0^+} \tan(x) \cdot \ln(x)$$

التمرين الثاني :

لتكن  $u$  الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb{R}_+^*$  بمايلي :  $u(x) = x \ln(x) - x$

1 - أحسب النهايتين :  $\lim_{x \rightarrow 0^+} u(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} u(x)$  ثم أدرس جدول تغيراتها

2 - إستنتج إشارة  $u(x)$  :  $\forall x \in ]0, +\infty[$

التمرين الثالث :

نعتبر  $f$  الدالة العددية المعرفة بمايلي :  $f(x) = \frac{1 + \ln(x)}{x(\ln(x))^2}$

1 - تحقق أن :  $D_f = ]0, 1[ \cup ]1, +\infty[$

2 - بين أن :  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = -\infty$  ;  $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = 0$  ;  $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = +\infty$  ;  $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = +\infty$

3 - أدرس الفروع اللانهائية للمنحنى  $(\gamma_f)$

4 - بين أن :  $f'(x) = \frac{-\ln(x)((1 + \ln(x))^2 + 1)}{x^2 \cdot (\ln(x))^4}$  لكل  $x$  من  $]0, 1[ \cup ]1, +\infty[$  , ثم اعط جدول تغيراتها

5 - حدد نقطة تقاطع المنحنى  $(\gamma_f)$  مع محور الأفاصيل

6 - أنشئ المنحنى  $(\gamma_f)$  في معلم متعامد ممنظم  $(o, \vec{i}, \vec{j})$

التمرين الرابع :

بين المتساويات التالية :

$$\forall x \in ]0, +\infty[ : \ln(1+x) = \ln(x) + \ln\left(1 + \frac{1}{x}\right) \quad .(أ)$$

$$\forall x \in ]0, +\infty[ : \ln(x^2 + 1) = 2 \ln(x) + \ln\left(\frac{1}{x^2} + 1\right) \quad .(ب)$$

$$\forall x \in ]2, +\infty[ : \ln(x - 2\sqrt{x-1}) = 2 \ln(\sqrt{x-1} - 1) \quad .(ج)$$