

التمرين الأول :

1- حل في \mathbb{R} المعادلة التالية : $x^2 + x \ln(x) - 1 = 0$

2 - بسط التعبير التالي : $A = 2 \ln(\sqrt[3]{e}) - \ln(\sqrt{e}) + \ln\left(\frac{1}{2e}\right)$

3 - تحقق أن : $\forall t \in \mathbb{R} - \{-1\}, \frac{t^2}{1+t} = t - 1 + \frac{1}{1+t}$ ثم حدد $\int \frac{t^2}{1+t} dt$ و $\int \sqrt{2+tdt}$

4 - أحسب النهايات التالية :

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} x + \ln(1+x^2) ; \lim_{x \rightarrow \infty} x \ln\left(1 + \frac{1}{x}\right) ; \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln(x)}{\sqrt{x}} ; \lim_{x \rightarrow +\infty} x \left(\ln(1+\sqrt{x}) - \frac{\ln(x)}{2} \right) ; \lim_{x \rightarrow 0^+} \tan(x) \cdot \ln(x)$$

التمرين الثاني :

لتكن u الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R}_+^* بمايلي : $u(x) = x \ln(x) - x$

1 - أحسب النهايتين : $\lim_{x \rightarrow 0^+} u(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} u(x)$ ثم أدرس جدول تغيراتها

2 - إستنتج إشارة $u(x)$: $\forall x \in]0, +\infty[$

التمرين الثالث :

نعتبر f الدالة العددية المعرفة بمايلي : $f(x) = \frac{1 + \ln(x)}{x(\ln(x))^2}$

1 - تحقق أن : $D_f =]0, 1[\cup]1, +\infty[$

2 - بين أن : $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = -\infty$; $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$; $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = +\infty$; $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = +\infty$

3 - أدرس الفروع اللانهائية للمنحنى (γ_f)

4 - بين أن : $f'(x) = \frac{-\ln(x)((1 + \ln(x))^2 + 1)}{x^2 \cdot (\ln(x))^4}$ لكل x من $]0, 1[\cup]1, +\infty[$, ثم اعط جدول تغيراتها

5 - حدد نقطة تقاطع المنحنى (γ_f) مع محور الأفاصيل

6 - أنشئ المنحنى (γ_f) في معلم متعامد ممنظم (o, \vec{i}, \vec{j})

التمرين الرابع :

بين المتساويات التالية :

$$\forall x \in]0, +\infty[: \ln(1+x) = \ln(x) + \ln\left(1 + \frac{1}{x}\right) \quad .(أ)$$

$$\forall x \in]0, +\infty[: \ln(x^2 + 1) = 2 \ln(x) + \ln\left(\frac{1}{x^2} + 1\right) \quad .(ب)$$

$$\forall x \in]2, +\infty[: \ln(x - 2\sqrt{x-1}) = 2 \ln(\sqrt{x-1} - 1) \quad .(ج)$$

التمرين الأول :

1- حل في \mathbb{R} المعادلة التالية : $x^2 + x \ln(x) - 1 = 0$

2 - بسط التعبير التالي : $A = 2 \ln(\sqrt[3]{e}) - \ln(\sqrt{e}) + \ln\left(\frac{1}{2e}\right)$

3 - تحقق أن : $\forall t \in \mathbb{R} - \{-1\}, \frac{t^2}{1+t} = t - 1 + \frac{1}{1+t}$ ثم حدد $\int \frac{t^2}{1+t} dt$ و $\int \sqrt{2+tdt}$

4 - أحسب النهايات التالية :

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} x + \ln(1+x^2) ; \lim_{x \rightarrow \infty} x \ln\left(1 + \frac{1}{x}\right) ; \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln(x)}{\sqrt{x}} ; \lim_{x \rightarrow +\infty} x \left(\ln(1+\sqrt{x}) - \frac{\ln(x)}{2} \right) ; \lim_{x \rightarrow 0^+} \tan(x) \cdot \ln(x)$$

التمرين الثاني :

لتكن u الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R}_+^* بمايلي : $u(x) = x \ln(x) - x$

1 - أحسب النهايتين : $\lim_{x \rightarrow 0^+} u(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} u(x)$ ثم أدرس جدول تغيراتها

2 - إستنتج إشارة $u(x)$: $\forall x \in]0, +\infty[$

التمرين الثالث :

نعتبر f الدالة العددية المعرفة بمايلي : $f(x) = \frac{1 + \ln(x)}{x(\ln(x))^2}$

1 - تحقق أن : $D_f =]0, 1[\cup]1, +\infty[$

2 - بين أن : $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = -\infty$; $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$; $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = +\infty$; $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = +\infty$

3 - أدرس الفروع اللانهائية للمنحنى (γ_f)

4 - بين أن : $f'(x) = \frac{-\ln(x)((1 + \ln(x))^2 + 1)}{x^2 \cdot (\ln(x))^4}$ لكل x من $]0, 1[\cup]1, +\infty[$, ثم اعط جدول تغيراتها

5 - حدد نقطة تقاطع المنحنى (γ_f) مع محور الأفاصيل

6 - أنشئ المنحنى (γ_f) في معلم متعامد ممنظم (o, \vec{i}, \vec{j})

التمرين الرابع :

بين المتساويات التالية :

$$\forall x \in]0, +\infty[: \ln(1+x) = \ln(x) + \ln\left(1 + \frac{1}{x}\right) \quad .(أ)$$

$$\forall x \in]0, +\infty[: \ln(x^2 + 1) = 2 \ln(x) + \ln\left(\frac{1}{x^2} + 1\right) \quad .(ب)$$

$$\forall x \in]2, +\infty[: \ln(x - 2\sqrt{x-1}) = 2 \ln(\sqrt{x-1} - 1) \quad .(ج)$$