

Exercice1

On considère les propositions suivantes

1. $(\forall x \in \mathbb{N})(\exists y \in \mathbb{N}) : y=2x.$
 2. $(\forall x \in \mathbb{N})(\exists y \in \mathbb{N}) : x=2y.$
 3. $(\forall x \in \mathbb{N})(\exists y \in \mathbb{N}) : x=y^2.$
 4. $(\exists x \in \mathbb{N})(\forall y \in \mathbb{N}) : x=y^2.$
 5. $(\exists x \in \mathbb{Q})(x^2 = 2).$
 6. Tous les nombres premiers sont impairs.
- Déterminer celles qui sont vraies et celles qui sont fausses.

Donnez la négation de chaque proposition.

Exercice2

On considère la proposition (P) : $\exists x \in [0; +\infty[: x^2 = -x$

1. Montrer que (P) est vraie
2. Donner la négation de (P)

Exercice3

On considère la proposition (Q) : $(\forall x \in \mathbb{R}) ; x^2 \in \mathbb{Z} \Rightarrow x \in \mathbb{Z}$

1. Donner la négation de (Q).
2. Donner la valeur de vérité de (Q).

Exercice 4

Montrer que $\forall n \in \mathbb{N} : \frac{n(n+1)}{2} \in \mathbb{N}.$

Exercice5

Soit n un entier naturel on pose $B = \frac{n+3}{n+5}.$

Montrer que $\forall n \in \mathbb{N}; B \neq 1.$

Exercice 6

Montrer que $\forall (x, y) \in \mathbb{R}^2 : (1 + xy = x + y) \Rightarrow (x = 1 \vee y = 1).$

Exercice7

Ecrire en utilisant les quantificateurs logiques les propositions suivantes et étudier leur valeur de vérité.

(P) : Pour tout entier naturel n il existe un entier naturel m tel que $n=2m.$

(Q) : pour tous réels m il existe un nombre réel x tel que $x^2 - mx + 2 = 0$