

1 باث علوم رياضية	فرض محروس رقم 03	ثانوية ابن غازي التأهيلية
ذ : عبد الله بن مختير	الدورة الثانية : 2012/2011	نيابة الرباط
مدة الإنجاز : ثلاث ساعات		

■ التمرين رقم 01: (04pts)

On dispose d'un champ carré partagé en 9 carreaux.

On veut planter au centre de quatre carreaux, un palmier, un grenadier, un citronnier et un pêcher.

1)- dénombrer le nombre de choix possible .

2)- dénombrer les résultats tels que :

a)- les quatre plantes forment un carré .

b)- uniquement le palmier est planté dans la première ligne .

c)- une seule ligne contenant exactement deux plantes .

■ التمرين رقم 02: (04pts)

← في المستوى الموجه (P)، نعتبر مثلثا ABC متساوي الساقين وقائم الزاوية في A بحيث :

النقطة I هي منتصف القطعة [BC] و (Δ) المستقيم المار من النقطة C و $(\overline{AB}, \overline{AC}) \equiv \frac{\pi}{2} [2\pi]$

و العمودي على (BC) و K هي نقطة تقاطع (Δ) و (AB) و ليكن J منتصف القطعة [CK].

1)- أنشئ الشكل بالدقة اللازمة .

2)- ليكن r الدوران الذي مركزه A و زاويته $\frac{\pi}{2}$.

أ- حدد $r(B)$ و $r(AC)$ و $r(BC)$.

ب- استنتج $r(C)$ و $r(I)$.

3)- لتكن (Γ) الدائرة المحيطة بالمثلث ABC.

← أنشئ (Γ') صورة الدائرة (Γ) بالدوران r، ثم حدد $(\Gamma) \cap (\Gamma')$.

4)- نعتبر المجموعة: $(E) = \left\{ M \in (P) / (\overline{MA}, \overline{MB}) \equiv \frac{-3\pi}{4} [2\pi] \right\}$.

أ- حدد المجموعة (E).

ب- لكل نقطة M من (E) نضع: $M' = r(M)$ ، حدد المحل الهندسي (E') لمجموعة النقاط M.

عندما تتغير النقطة M على المجموعة (E).

ج- أثبت أن: $IM = JM'$ و $(BM) \perp (CM')$.

■ التمرين رقم 03:

← الجزء الأول: (04pts)

■ لتكن f الدالة المعرفة على \mathbb{R} بما يلي: $f(x) = \frac{x+1}{\sqrt{x^2+3}}$.

1- أحسب النهايتين: $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ ، ماذا تستنتج؟

2- أدرس الوضع النسبي للمنحنى (C_f) و المستقيم (Δ) الذي معادلته: $y = 1$.

3- بين أن f قابلة للاشتقاق على \mathbb{R} و أن: $f'(x) = \frac{-x+3}{(x^2+3)\sqrt{x^2+3}}$ ($\forall x \in \mathbb{R}$).

4- أرسم في نفس المعلم المنحنى (C_f) و المستقيم (D) الذي معادلته: $y = x$.

5- حل مبيانيا في \mathbb{R} المتراجحة: $f(x) \geq x$.

← الجزء الثاني: (04pts)

■ لتكن $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ المتتالية المعرفة بما يلي:

$(\forall n \in \mathbb{N}); u_{n+1} = f(u_n)$ و $u_0 = 0$.

1- بين أن المتتالية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ تزايدية.

2- أ- بين أن: $(\forall x \in [0,1]); \sqrt{x^2+3}(x+1+\sqrt{x^2+3}) \geq 4$.

ب- استنتج أن: $(\forall n \in \mathbb{N}); 0 \leq 1 - u_{n+1} \leq \frac{1}{2}(1 - u_n)$.

ج- بين بالترجع أن: $(\forall n \in \mathbb{N}); 0 \leq 1 - u_n \leq \left(\frac{1}{2}\right)^n$.

3- تكل $n \in \mathbb{N}^*$ ، نضع: $S_n = \sum_{k=0}^{n-1} u_k$.

أ- بين أن: $(\forall n \in \mathbb{N}^*); \sum_{k=0}^{n-1} \left(\frac{1}{2}\right)^k = 2 \left(1 - \left(\frac{1}{2}\right)^n\right)$.

ب- أثبت أن: $(\forall n \in \mathbb{N}^*); 1 - \frac{2}{n} \times \left(1 - \left(\frac{1}{2}\right)^n\right) \leq \frac{S_n}{n} \leq 1$.

■ التمرين رقم 04: (04pts)

■ في الفضاء المنسوب إلى معلم $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ ، نعتبر النقط :

$A(1, -2, 3)$ و $B(-1, 4, 0)$ و $C(0, 2, 0)$ و $I(1, 2, 3)$ و المتجهة : $\vec{u}(1, 2, 3)$.

1- بين أن النقط A و B و C غير مستقيمية، ثم حدد معادلة ديكراتية للمستوى (ABC) .

2- اكتب تمثيلا بارامتريا للمستقيم (D) المار من النقطة I و الموجه بالمتجهة \vec{u} .

3- أثبت أن (D) يقطع المستوى (ABC) في نقطة E ينبغي تحديد إحداثياتها.

4- بين أن المستوى (Q) الذي معادلته : $x - 2y + z = 0$ يتضمن المستقيم (D) .

■ التمرين رقم 05: (04pts)

↔ الجزء الأول:

1- ليكن x و n من $\mathbb{N}^* - \{1\}$.

■ بين أن العدد $(x+1)^n - nx - 1$ يقبل القسمة على x^2 (يمكنك استعمال صيغة الحدانية).

2- استنتج باقي القسمة الأقليدية للعدد $N = 4^{2012}$ على 9.

↔ الجزء الثاني:

■ نعتبر الحدودية : $P(x) = x^3 - 18x - 35$.

1- ليكن $n \in \mathbb{Z}$ ، بين أنه إذا كان : $P(n) = 0$ فإن n يقسم العدد 35.

2- حدد بتفصيل D_{35} مجموعة قواسم 35 النسبية، ثم استنتج حلا للمعادلة : $P(x) = 0$: (E).

3- حل في المجموعة \mathbb{R} المعادلة (E).

إنتهى الموضوع.

↔ تخصص نقطة إضافية لحسن التنظيم و جودة التحرير و الدقة في الأجوبة.

