

التمرين 1 (4 نقط)

- (1) حل في المجموعة \square المعادلة $z^2 - 8z + 17 = 0$ 0.5
- (2) نعتبر النقط A و B و C ذات الألفاق على التوالي هي $a = i$ و $b = 1 + i$ و $c = 1 - i$ 0.5
- أ - مثل النقط A و B و C في المستوى العقدي المنسوب إلى المعلم $(O, \vec{e}_1, \vec{e}_2)$ 0.5
- ب - أعط الشكل المثلثي للعدد العقدي $\frac{c-b}{a-b}$ 0.5
- ج - استنتج طبيعة المثلث ABC 0.5
- (3) حدد مجموعة النقط M ذات اللحق z والتي تحقق المعادلة $|z - i| = 1$ 0.5
- (4) أ - أعط الصيغة العقدية للإزاحة T ذات المتجهة \vec{U} التي لحقها $z_0 = 1 + i$ 1
- ب - أعط لحق النقطة $B \notin$ صورة B بالإزاحة T 0.5

التمرين 2 (2 نقط) (في هذا التمرين الأسئلة 1 و 2 غير مرتبطة)

- (1) أ - حدد الأعداد الحقيقية c, b, a التي تحقق $ax + b + \frac{c}{2x+1} = \frac{2x^2 + 3x + 2}{2x+1}$ $x^1 - \frac{1}{2}$ 0.5
- ب - احسب $\int_0^1 \frac{2x^2 + 3x + 2}{2x+1} dx$ 0.5
- (2) احسب التكامل $\int_0^1 \frac{e^{(\ln x + 1)^3}}{x} dx$ 1

التمرين 3 (4 نقط)

- (I) نعتبر المتتالية (U_n) المعرفة ب $\begin{cases} U_0 = 2 \\ U_{n+1} = \frac{1}{2} \sqrt{U_n^2 + 9} \end{cases} ; n \in \mathbb{N}$ 0.5
- (1) بين أن $\sqrt{3} < U_n$ $n \in \mathbb{N}$ 0.5
- (2) بين أن (U_n) تناقصية ماذا تستنتج 0.75
- (II) نعتبر المتتالية (V_n) المعرفة ب $V_n = U_n^2 - 3$ 0.5
- (1) بين أن (V_n) هندسية حدد أساسها وحدها الأول 0.5
- (2) أ - احسب V_n بدلالة n ثم استنتج U_n بدلالة n 1
- ب - استنتج النهاية النهائية $\lim_{n \rightarrow +\infty} U_n$ 0.5
- (3) نعتبر المتتالية (P_n) المعرفة ب $P_n = e^{V_0} \cdot e^{V_1} \cdot e^{V_2} \cdot \dots \cdot e^{V_{n-2}} \cdot e^{V_{n-1}}$ 0.5
- أ - بين أن $P_n = \frac{e^{\frac{4}{3}}}{e^{\frac{4}{3}(\frac{1}{4})^n}}$ $n \in \mathbb{N}$ 0.5
- ب - احسب $\lim_{n \rightarrow +\infty} P_n$ 0.25

مسألة (10نقط)

I نعتبر الدالة المعرفة على \square بما يلي
 $f(x) = xe^x; x < 0$
 $f(x) = \ln(1 + \sqrt{x}); x \geq 0$
 وليكن C منحنى الدالة في معلم متعامد ممنظم (O, \bar{I}, \bar{J}) حيث $\|\bar{I}\| = \|\bar{J}\| = 2cm$

- (1) ادرس اتصال الدالة f في العدد 0
 (2) أ - ادرس قابلية اشتقاق f على يمين 0 وأول هندسيا النتيجة
 ب - ادرس قابلية اشتقاق f على يسار 0

(3) أ - بين أن $f(x) = (1+x)e^x; x < 0$

ب - بين أن $f(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}(1+\sqrt{x}); x > 0$

ب - حدد إشارة f ثم ضع جدول تغيرات الدالة f

(4) بين أن C يقبل نقطة انعطاف أفصولها سالب يجب تحديدها

(5) أ - بين أن $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = 0$ ثم أول هندسيا النتيجة المحصل عليها

ب - حدد الفرع اللانهائي للمنحنى C بجوار $-\infty$

(6) مثل المنحنى C في معلم متعامد ممنظم (O, \bar{I}, \bar{J})

(7) ليكن g قصور الدالة f على المجال $[0, +\infty[$

أ - بين أن g تقبل دالة عكسية معرفة على مجال J يجب تحديده

ب - مثل $C_{g^{-1}}$ في نفس المعلم السابق

ج - أعط تعبير الدالة $g^{-1}(x)$ لكل x من المجال J

II نعتبر المتتالية (w_n) المعرفة ب

$w_0 = -\frac{1}{2}$
 $w_{n+1} = w_n e^{(w_n)}; n \in \mathbb{N}$

1 - بين بالترجع أن $0 \leq w_n \leq 1$; $n \in \mathbb{N}$

2 - بين أن المتتالية (w_n) تزايدية (استعمل برهنة بالترجع)

3 - استنتج أن (w_n) متقاربة واحسب $\lim_{n \rightarrow +\infty} w_n$