

EXO1 : Soient ABC et ACD deux triangles équilatéraux directs.

- 1) Déterminer le centre de la rotation r d'angle $\frac{2\pi}{3}$ et transformer B en D
- 2) Déterminer C' l'image de C par r
- 3) Montrer que A est le milieu de [BC']

EXO2 : Soit ABC un triangle et on trace à l'extérieur Trois triangles équilatéraux BCA', CAB' et ABC'.

- 1) Montrer que B et B' sont les images de C' et C respectivement par une rotation R à déterminer
- 2) En déduire que $BB' = CC' = AA'$

EXO3 : Soit ABCD un carré

- 1) Construire I et J tels que BCI et DCJ soient équilatéraux et I dans ABCD et J à l'extérieur.
- 2) Déterminer la rotation R qui transforme B en I et D en J
- 3) Construire $K = R^{-1}(A)$ et montrer que A, I et J sont alignés

EXO4 : Soit ABC un triangle direct et O son centre de gravité et soient les points I, J et K tels que : $\vec{AI} = \frac{2}{3}\vec{AB}$, $\vec{BJ} = \frac{2}{3}\vec{BC}$ et $\vec{CK} = \frac{2}{3}\vec{CA}$; R étant la rotation de centre O et transforme A en B.

- 1) a- Déterminer les images de B et C par R
b- En déduire que $R(I) = J$
- 2) a- Déterminer les images de J et K par R
- 3) Déterminer la nature de IJK et son centre de gravité

EXO5 : Soit ABC un triangle, on construit deux triangles rectangles et isocèles en A, ABB' indirecte et ACC' directe

- 1) Faire une figure et montrer que $B'C = BC'$ et que $(BC') \perp (B'C)$
- 2) Soient I le milieu de [BC] et D tel que ABCD soit un parallélogramme, déterminer l'image de ABCD par la rotation $R(A, \frac{\pi}{2})$
- 3) En déduire que $B'C = 2AI$ et que $(AI) \perp (B'C)$

EXO6 : Soit ABC un triangle rectangle isocèle en A, I étant le milieu de [BC] et soit la rotation $R(I, \frac{\pi}{2})$

- 1) Montrer que $R(A) = B$ et $R(C) = A$
- 2) Soit (C) le cercle de centre C et qui passe par I
a- Construire (C') l'image de (C) par R
b- (C) coupe [AC] en E et (C') coupe [AB] en F, montrer que $R(E) = F$

EXO7 : Soit ABC un triangle rectangle isocèle en A et $(\vec{AB}, \vec{AC}) \equiv \frac{\pi}{6} [2\pi]$ et soit O son centre de gravité. Déterminer la nature et les éléments caractéristiques de :

$$S_{(OB)} \circ S_{(OC)} \text{ et } S_{(AB)} \circ S_{(AC)}$$

EXO8 : Soit ABC un triangle équilatéral direct et soient les rotations $R(A, \frac{\pi}{3})$ et $R'(B, -\frac{2\pi}{3})$

- 1) Déterminer l'ensemble des points C lorsque B varie sur une droite (D) passant par A
- 2) même question avec b varie sur un cercle passant par A et centre O un point donné
- 3) Déterminer la nature et les éléments caractéristiques de l'application RoR'

EXO9 Soit ABCD un carré direct de centre O

Déterminer la nature des applications :

$$S_{(DC)} \circ S_{(AB)} ; S_{(CA)} \circ S_{(CD)} ; R_1(A, \frac{\pi}{2}) \circ S_{(AB)} ; R_1(A, \frac{\pi}{2}) \circ R_2(C, -\frac{\pi}{2}) \text{ et } R_1(A, \frac{\pi}{2}) \circ R_3(O, \frac{\pi}{2})$$

EXO10 : Soit ABC un triangle rectangle isocèle en A, I étant le milieu de [BC] et on pose : $f = R_1(C, \frac{\pi}{2}) \circ T_{\vec{BC}} \circ R_2(B, \frac{\pi}{2})$

- 1) Déterminer $f(B)$
- 2) Déterminer la nature de f et ses éléments caractéristiques

EXO11 : Soit ABCD un carré direct de centre O Et soient E de [AB] et F de [BC] et H l'intersection de (CE) et (AF)

- 1) Montrer que $(AF) \perp (DE)$
- 2) Montrer que H est l'orthocentre de DEF