

بسم الله الرحمن الرحيم

التمرين الأول (8,5 نقط)

$$f(x) = x^3 + x^2 - x - 1$$

نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة بما يلي:

1. حدد مجموعة تعريف الدالة f 0.5 ن
2. أحسب $f(0)$ و $f(-2)$ و $f(-1)$. 1 ن
3. أحسب نهايات f عند محددات مجموعة تعريفها. 1 ن
4. أدرس قابلية اشتقاق f عند العدد $x_0 = -1$. ثم حدد معادلة المماس للدالة f عند النقطة ذات الأفصول $x_0 = -1$. 1.5 ن
5. أحسب f' لكل x من D_f . 1 ن
6. اعط جدول تغيرات الدالة f . 1.5 ن
7. حدد مطايف الدالة f . 1 ن
8. حدد نقط تقاطع منحنى الدالة f مع محوري المعلم. 1 ن

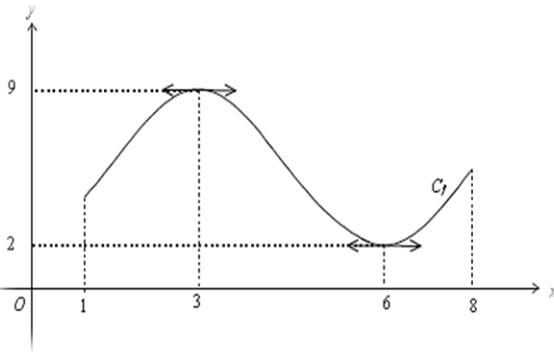
التمرين الثاني (6,5 نقط)

$$g(x) = \frac{x^3 + 2x^2}{(x-1)^2}$$

نعتبر الدالة العددية g للمتغير الحقيقي x المعرفة بما يلي:

1. حدد مجموعة تعريف الدالة g 0.5 ن
 2. أحسب نهايات g عند محددات مجموعة تعريفها. 1 ن
 3. بين أن لكل x من D_g : 1 ن
- $$g(x) = x + 4 + \frac{7}{x-1} + \frac{3}{(x-1)^2}$$
4. أ. بين أن لكل x من D_g : 1 ن
- $$g'(x) = \frac{x(x+1)(x-4)}{(x-1)^3}$$
- ب. اعط جدول تغيرات الدالة g . 1.5 ن
 5. بين أن لكل x من D_g : 1 ن

$$g''(x) = \frac{2(7x+2)}{(x-1)^4}$$

التمرين الثالث: (3 نقط)يمثل الشكل جانبه منحنى (C_f) دالة عددية معرفة و قابلة للاشتقاقعلى مجال $[1; 8]$.

1. انطلاقا من المنحنى حدد $f(3)$; $f'(3)$; $f(6)$; $f'(6)$. 2 ن
 2. انطلاقا من المنحنى حدد إشارة: $f'(4)$. 1 ن
- (المطلوب تحديد الإشارة وليس قيمة $f'(4)$)

التمرين الرابع: (2 نقط)

1. حدد الدوال التي تحقق المعادلة التفاضلية: $y'' + 9y = 0$ 1 ن
2. حدد الدالة f التي تحقق المعادلة التفاضلية $y'' + 9y = 0$ و التي تحقق: $y(0) = 1$ و $y'(0) = 1$ 1 ن