

بسم الله الرحمن الرحيم

التمرين الأول (8,5 نقط)

$$f(x) = x^3 + x^2 - x - 1$$

نعتبر الدالة العددية  $f$  للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفة بما يلي:

1. حدد مجموعة تعريف الدالة  $f$  0.5 ن
2. أحسب  $f(0)$  و  $f(-2)$  و  $f(-1)$ . 1 ن
3. أحسب نهايات  $f$  عند محددات مجموعة تعريفها. 1 ن
4. أدرس قابلية اشتقاق  $f$  عند العدد  $x_0 = -1$ . ثم حدد معادلة المماس للدالة  $f$  عند النقطة ذات الأفصول  $x_0 = -1$ . 1.5 ن
5. أحسب  $f'$  لكل  $x$  من  $D_f$ . 1 ن
6. اعط جدول تغيرات الدالة  $f$ . 1.5 ن
7. حدد مطايف الدالة  $f$ . 1 ن
8. حدد نقط تقاطع منحنى الدالة  $f$  مع محوري المعلم. 1 ن

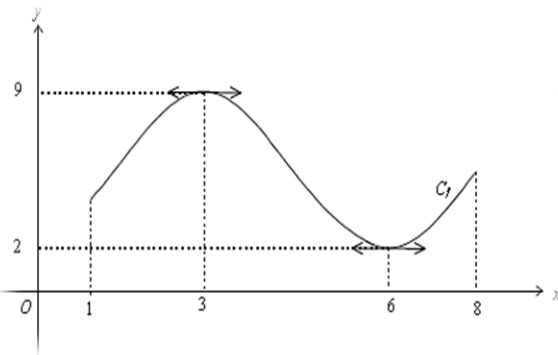
التمرين الثاني (6,5 نقط)

$$g(x) = \frac{x^3 + 2x^2}{(x-1)^2}$$

نعتبر الدالة العددية  $g$  للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفة بما يلي:

1. حدد مجموعة تعريف الدالة  $g$  0.5 ن
  2. أحسب نهايات  $g$  عند محددات مجموعة تعريفها. 1 ن
  3. بين أن لكل  $x$  من  $D_g$ : 1 ن
- $$g(x) = x + 4 + \frac{7}{x-1} + \frac{3}{(x-1)^2}$$
4. أ. بين أن لكل  $x$  من  $D_g$ : 1 ن
- $$g'(x) = \frac{x(x+1)(x-4)}{(x-1)^3}$$
- ب. اعط جدول تغيرات الدالة  $g$ . 1.5 ن
  5. بين أن لكل  $x$  من  $D_g$ : 1 ن

$$g''(x) = \frac{2(7x+2)}{(x-1)^4}$$

التمرين الثالث: (3 نقط)يمثل الشكل جانبه منحنى  $(C_f)$  دالة عددية معرفة و قابلة للاشتقاقعلى مجال  $[1; 8]$ .

1. انطلاقا من المنحنى حدد  $f(3)$ ;  $f'(3)$ ;  $f(6)$ ;  $f'(6)$ . 2 ن
  2. انطلاقا من المنحنى حدد إشارة:  $f'(4)$ . 1 ن
- (المطلوب تحديد الإشارة وليس قيمة  $f'(4)$ )

التمرين الرابع: (2 نقط)

1. حدد الدوال التي تحقق المعادلة التفاضلية:  $y'' + 9y = 0$  1 ن
2. حدد الدالة  $f$  التي تحقق المعادلة التفاضلية  $y'' + 9y = 0$  و التي تحقق:  $y(0) = 1$  و  $y'(0) = 1$  1 ن