

١٤١
١١ / ١٢

تعاريف حول
المجموعات

ثا، وادي الذهب
ثيفلت

التمرين الأول:

نعتبر المجموعات التالية:

$$A = \{1, 2, 5\} ; B = \{\{1, 2\}, 5\}$$

$$C = \{\{1, 2, 5\}\} ; D = \{\phi, 1, 2, 5\} ; E = \{5, 1, 2\}$$

$$F = \{\{1, 2\}, \{5\}\} ; G = \{\{1, 2\}, \{5\}, 5\} ; H = \{5, \{1\}, \{2\}\}$$

- 1 - حدد علاقات التساوي والتضمين الموجودة بين هذه المجموعات.
- 2 - حدد رئيسي كل مجموعة من المجموعات السابقة.
- 3 - حدد: $A \cap B$; $G \cup H$; $E \setminus G$; C^A ; C^D .

التمرين الثاني: لتكن A و B و C ثلاثة أجزاء من مجموعة E.

بين أن: 1- $(A \cup B = A \cup C \text{ و } A \cap B = A \cap C) \Rightarrow B = C$

2- $A \cap B = A \cap C \Leftrightarrow A \cap \bar{B} = A \cap \bar{C}$

3- $\begin{cases} A \cup B \subset A \cup C \\ A \cap B \subset A \cap C \end{cases} \Rightarrow B \subset C$

4- $\begin{cases} B \subset A \\ C = A \setminus B \end{cases} \Rightarrow A = B \cup C$

5- $A \Delta B = (A \cup B) \setminus (A \cap B)$

6- $A \Delta B = \bar{A} \Delta \bar{B}$

7- $A \cup B = (A \Delta B) \Delta (A \cap B)$

8- $A \setminus B = (A \cup B) \Delta B$

9- $A \cap (B \Delta C) = (A \cap B) \Delta (A \cap C)$

وهل لدينا: $A \cup (B \Delta C) = (A \cup B) \Delta (A \cup C)$ ؟

التمرين الثالث: نعتبر المجموعتين: $E = \{x \in \mathbb{N} / \exists y \in \mathbb{N} / x + y = 5\}$; $F = \{x \in E / \exists y \in \mathbb{N} / y^2 = x\}$

1- اكتب كلا من E و F بتفصيل.

2- اكتب بتفصيل المجموعة: $A = E \setminus F$

3- بين أن $(A \times F) \cap F^2 = \phi$

التمرين الرابع: ليكن A و B جزئين من مجموعة E بحيث $A \subset B$

حل في $\mathcal{P}(E)$ المعادلة: $X \cap B = X \cup A$