

التمرين الأول

نعتبر الدالة المعرفة على IR بما يلي

$$f(x) = \begin{cases} \sqrt{|x-1|}e^{\frac{1}{x}}; & x \neq 0 \\ 0; & x = 0 \end{cases}$$

- 1- أ) ادرس قابلية اشتقاق الدالة f في كل عدد حقيقي مخالف ل 0 و 1
ب) ادرس اتصال f في $x_0=0$ و $x_1=1$
ج) ادرس قابلية اشتقاق الدالة f في $x_1=1$
د) بين أن f قابلة للاشتقاق على يسار $x_0=0$

2- أ) احسب $\ln(f(x))$ لكل عدد حقيقي x غير منعدم و يخالف 1
ثم استنتج $\frac{f'(x)}{f(x)}$

ب) ادرس تغيرات الدالة f

3- ادرس نهاية $f(x)$ ثم $\frac{f(x)}{x}$ عند $+\infty$ و $-\infty$ ؛ اعط تأويلا هندسيا .

4- اعط جدول تغيرات f ثم أنشئ المنحنى C_f

التمرين الثاني : التمرين الأخير من السلسلة 9

التمرين الثالث :

n عدد صحيح موجب و z عدد عقدي معياره 1

نفترض أن $z + \frac{1}{z} = 2\cos\theta$ حيث $0 < \theta < \pi$. فما هي قيمة $z^n + \frac{1}{z^n}$ ؟