

**تمرين 1**

أحسب النهايتين

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \sqrt{x^2 + 1} + x$$

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 1}{\sqrt{x} - 1}$$

**تمرين 2**

نعتبر الدالة العددية  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بمايلي:

$$\begin{cases} f(x) = \sqrt{x-1} + 3 & ; x \geq 1 \\ f(x) = \frac{x^2 + x - 2}{x-1} & ; x < 1 \end{cases}$$

- (1) أحسب  $f(0)$  و  $f(1)$  و  $f(2)$ .
- (2) بين أن  $f$  متصلة في العدد 1.
- (3) حدد  $f(]1; +\infty[)$  و  $f(]-\infty; 0])$ .
- (4) ليكن  $g$  قصور الدالة  $f$  المجال  $I = ]1; +\infty[$ .  
أ- بين أن  $g$  تقبل دالة عكسية  $g^{-1}$  معرفة على مجال  $J$  يتم تحديده.  
ب- حدد  $g^{-1}(x)$  لكل  $x$  من  $J$ .  
ج- حل المعادلة  $g^{-1}(x) = 2$  في المجال  $J$ .

**تمرين 3**

- (1) بين ان المعادلة  $x^3 = 4 - 2x$  تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  في المجال  $]1; 2[$ .
- (2) أعط تَأطيرا للعدد  $\alpha$  سعته  $5 \cdot 10^{-1}$ .

انتهى