

سلسلة تمارين في الأعداد العقدية

ABDELMALEK IAAGOUBI 2ème p-c

التمرين رقم 1 :

اكتب على الشكل الجبري الأعداد العقدية :

$$Z_3 = (1 + 2i)^3 , Z_2 = \frac{(1 - 2i)(3 + 4i)}{1 + 2i} , Z_1 = (1 - 2i)(3 + 4i)$$

التمرين رقم 2 :

بسط التعابير التالية : $(a, b) \in \mathbb{R}$

$$\beta = (a + ib)^4 + (a - ib)^4 \text{ و } \alpha = (a + ib)^2 + (a - ib)^2$$

$$\delta = \frac{(a + ib)}{(c + id)} + \frac{(a - ib)}{(c - id)}$$

التمرين رقم 3 :

اوجد x و y عدنان حقيقيان بحيث : $(1 - 2i)x + (3 + 5i)y = 1 + 3i$

التمرين رقم 4 :

نضع $z = x + iy$ مع $x \notin \{0, 1\}$ و $y \notin \{0, 1\}$

احسب بدلالة x و y الجزء الحقيقي و الجزء التخيلي للعدد العقدي :

$$Z = \frac{z^2 + iz + 1 + 2i}{z - i}$$

التمرين رقم 5 :

نضع $P(z) = z^2 + z + 1$ احسب $P(j)$ علما أن $j = -\frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2}$

التمرين رقم 6 :

احسب معيار كل عدد من الأعداد التالية

$$Z_1 = (2 - i)(1 + 3i)\left(\frac{1}{2} + i\right) , Z_2 = \frac{-1 + 2i}{1 + 5i} , Z_3 = \left(\frac{1 - i\sqrt{3}}{-2 + i}\right)^5$$

التمرين رقم 7 :

نعتبر النقط : $A(i\sqrt{2})$ ، $B(1+i\sqrt{3})$ ، $C(1+\sqrt{2}-i)$ ، $\Omega(1)$
بين أن النقط A ، B و C تنتمي إلى دائرة مركزها Ω و شعاعها r
يجب تحديده .

التمرين رقم 8 :

نعتبر النقط : $A(1+2i)$ ، $B(3-4i)$ ، $C(\frac{1}{2})$ ، $D(2-i)$

(1) بين أن النقط A ، B و D مستقيمة

(2) حدد لحق I منتصف $[AB]$

(3) حدد لحق K علما أن الرباعي $ABKC$ متوازي أضلاع

(4) احسب المسافة AB .

التمرين رقم 9 :

حدد الشكل المثلثي للأعداد العقدية التالية :

$$Z_1 = \sqrt{3} + i , Z_2 = \frac{3}{1-i} , Z_3 = \frac{1+i\sqrt{3}}{1-i} , Z_4 = \frac{5+11\sqrt{3}i}{7-4\sqrt{3}i}$$

$$Z_5 = \frac{(\sqrt{6}-i\sqrt{2})(1+i)}{1-i}$$

التمرين رقم 10 :

ليكن $\theta \in [0, 2\pi[$

احسب معيار و عمدة العدد العقدي $Z = 1 + \sin\theta + i\cos\theta$

التمرين رقم 11 :

نعتبر العدد العقدي $Z = 5(\sqrt{2}-\sqrt{2}-i\sqrt{2}+\sqrt{2})$

(1) احسب Z^2 و اكتب Z^2 على الشكل المثلثي

(2) حدد معيار Z و $\arg(Z)$.