

## الكيمياء (7نقط)



## الجزء الأول: العمود GENEPAC

يعتمد اشتغال هذا العمود على تفاعل كهروكيميائي متحكم فيه، يحدث بين ثنائي الهيدروجين وثنائي الأوكسجين الموجود في الهواء. ينتج عن هذا التفاعل الماء والطاقة الكهربائية. يحدث هذا التفاعل في خلية مكونة من إلكترودين لهما شكل متموج، ويفصل بينهما محلول إلكتروليتي يتكون من غشاء متعدد الجزينات يتيح تبادل البروتونات  $H^+$  (الشكل-1). يتكون العمود من تنضيد 170 خلية مماثلة. في إطار استثمار موارد الطاقات المتجددة وترسيخ مبدأ احترام الوسط البيئي والمحافظة عليه، تم اعتماد هذا العمود في مجال صناعة السيارات. حيث يخزن ثنائي الهيدروجين على متن المركبة في خزان سعته 1,5L تحت ضغط 700bar. عندما يملأ الخزان عن آخره، تكون كتلة ثنائي الهيدروجين بداخله هي 3kg. يهدف هذا التمرين دراسة مبدأ اشتغال خلية من هذا العمود ومدة اشتغاله.

نعطي: الفارادي  $F = 96500C \cdot mol^{-1}$  والمزدوجات مؤكسد-مختزل المشاركة في التفاعل  $H_{aq}^+ / H_{2(g)}$  و  $O_{2(g)} / H_2O_{(l)}$

$$\frac{M_o}{16} = M_H = 1g \cdot mol^{-1} \text{ و}$$

1) أكتب معادلة التفاعل الذي يحدث بجوار كل إلكترود، واستنتج أن المعادلة الحصيلة للتفاعل الناتج أثناء اشتغال العمود هي:  $2H_{2(g)} + O_{2(g)} \rightarrow 2H_2O_{(l)}$

2) بين على وثيقة الشكل-1: طبيعة ومنحى انتقال حملة الشحنة الكهربائية في الدارة الخارجية، المنحى الاصطلاحي للتيار الكهربائي، إشارة كل قطب في العمود، منحى انتقال البروتونات  $H^+$  في الإلكتروليت (الغشاء المتعدد الجزينات).

3) يزود العمود المكون من 170 خلية مركبة على التوالي، محرك السيارة بتيار شدته ثابتة  $I = 120A$ . علما أن خزان السيارة مملوء عن آخره، ما مدة اشتغال العمود؟

## الجزء الثاني: الطلاء النحاسي للقطع النقدية

نحصل على القطع النقدية عن طريق تقطيع شريط فولاذي أسطواني الشكل. ثم تتم عملية طلاؤها بالنحاس بواسطة التحليل الكهربائي. في النهاية يتم صقلها وتجفيفها، ثم تجميعها في انتظار نقشها.

لطلاء قطعة نقدية أسطوانية الشكل، قطرها  $d = 21mm$  وسمكها  $\ell = 1,5mm$ ،

طبقة من النحاس سمكها  $e = 25\mu m$ ، نستعمل تقنية التحليل الكهربائي بالإلكترودين:

الأول من النحاس الخالص، يدعى إلكترود قابل للذوبان، والآخر من القطعة النقدية المراد طلاؤها. يتم غمر الإلكترودين في محلول

لكبريتات النحاس II. نعطي: شدة التيار  $I = 5A$  ثابتة خلال التحليل الكهربائي و الكتلة المولية للنحاس  $M_{Cu} = 63,5g \cdot mol^{-1}$

الكتلة الحجمية للنحاس  $\rho = 8,9g \cdot cm^{-3}$ .

1) أعط تبيانة التركيب التجريبي المستعمل، محددًا طبيعة كل من الإلكترودين.

2) أكتب معادلة التفاعل الذي يحدث على مستوى كل إلكترود، علما أن المزدوجة  $Cu^{2+} / Cu$  هي الوحيدة المتدخلة في هذه التفاعلات.

3) أثبت أن تعبير كتلة النحاس المتوضعة على القطعة النقدية هو:  $m(Cu) = \frac{\rho \pi e d^2}{2} + \rho \pi e d \ell$ . أحسب قيمتها.

4) هل التركيز المولي لأيونات  $Cu^{2+}$  في المحلول يتزايد أم يتناقص أم لا يتغير أثناء التحليل الكهربائي؟ علل جوابك.

## الفيزياء - (6نقط)

## الجزء الأول: راسم الطيف للكتلة والكشف عن تعاطي المنشطات

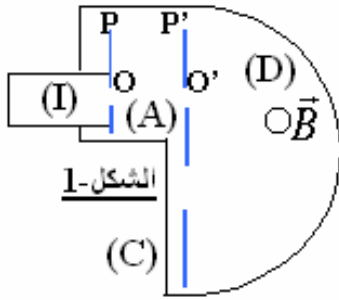
في إطار محاربة ظاهرة التعاطي للمنشطات من طرف بعض الرياضيين خلال المنافسات الرياضية القارية والدولية، يعمد المنظمون إلى المراقبة القبلية للمتنافسين قصد الكشف عن تعاطي المنشطات باستعمال تقنيات مختلفة، نذكر من بينها: التحليل بواسطة راسم الطيف للكتلة. تستخدم هذه التقنية للكشف عن المنشطات التي تضم مكونات مصنعة مماثلة لمكونات يفرزها جسم الإنسان للتحكم في وظائف معينة، كالتستوسترون (هرمون الذكورة) مثلا. يستخدم هذا الهرمون من طرف الرياضيين لزيادة القوة البدنية وزيادة نمو العضلات.

للتمييز بين الهرمون المصنع ومثله الطبيعي يتم تحديد قيمة نسبة تركيز الكربون  $^{12}C$  وتركيز أحد نظائره: الكربون  $^{13}C$  في كل منهما، علما أن قيمة هذه النسبة مختلفة تماما بالنسبة للهرمونيين المصنع والطبيعي. عمليا يمكن تحديد هذه النسبة في ثنائي أوكسيد الكربون الناتج عن احتراق الهرمون المستخلص من بولة الرياضي المفحوص.

في حجرة التأيين (I) لراسم الطيف للكتلة تنتج الأيونات  $^{12}CO_2^+$  ذات كتلة  $m_1$  والأيونات  $^{13}CO_2^+$  ذات الكتلة  $m_2$ . ترد هذه الأيونات

انطلاقا من O بسرعة تقريبا منعومة إلى حجرة التسريع (A)، حيث يوجد مجال كهروساكن  $\vec{E}$  منتظم بين الصفيحتين P و P' ناتج عن

توتر كهربائي  $U_0 = V_p - V_p$  مطبق بين الصفيحتين. ثم تلج انطلاقاً من  $O'$  على التوالي بالسرعتين  $v_1$  و  $v_2$  إلى حجرة الانحراف (D)، حيث يوجد مجال مغناطيسي منتظم  $\vec{B}$  (الشكل-1).



(1) بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية على كل أيون، أحسب قيمة كل من السرعتين  $v_1$  و  $v_2$  في النقطة  $O'$ .

نعطي:  $e=1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ ;  $|U_0|=4000\text{V}$ ;  $m_1=7,31 \cdot 10^{-26} \text{ kg}$ ;  $m_2 = 7,47 \cdot 10^{-26} \text{ kg}$ .

(2) عند ولوجها إلى حجرة الانحراف تتبع الأيونات مسارا دائريا فترد على العداد الإلكتروني (C)، الذي يتجلى دوره في التقاط الأيونات حين تصطم معه.

1-2- مثل على تبيانة الشكل-1 منحى متجهة المجال المغناطيسي  $\vec{B}$  لكي تتحرف الأيونات نحو العداد الإلكتروني.

2-2- يصطم كل من الأيونين  $^{12}\text{CO}_2^+$  و  $^{13}\text{CO}_2^+$  على التوالي مع العداد في النقطتين  $I_1$  و  $I_2$ .

علما أن حركة الأيونات منتظمة، أوجد تعبير المسافة  $I_1I_2$  بدلالة  $m_1$  و  $m_2$  و  $e$  و  $U_0$  و  $B$ . أعطي  $B = 0,25\text{T}$ .

(3) بتحليل عملية تعداد الأيونات المستخلصة من عيني رياضيين A و B يمكن تحديد العدد  $N_1$  و  $N_2$  على التوالي من الذرات  $^{12}\text{C}$

و  $^{13}\text{C}$  الموجودة في كل عينة. ندون في الجدول أسفله القيم  $N_1$  و  $N_2$ ، ثم النسبة  $R = \frac{N_2}{N_1}$  الموافقة لكل عينة، بالإضافة إلى القيم

المرجعية العالمية. للحسم في نتيجة الفحص يتم الاحتكام إلى

قيمة معامل  $\delta$  معرف بالعلاقة التالية:  $\delta = \frac{1000 \cdot (R - R_0)}{R_0}$

$R_0$  القيمة المرجعية العالمية للنسبة  $R$ . يعتبر الرياضي المفحوص

متعاطيا للمنشطات إذا كان المعامل  $\delta$  أصغر بشكل بين من القيمة 27-.

اعتمادا على معطيات الجدول، ماذا تستنتج من نتائج الفحص؟

### الجزء الثاني: أقمار المشتري

بواسطة منظاره الفلكي، اكتشف غاليلي سنة 1610 أن لكوكب المشتري أربعة أقمار طبيعية. ومن بينها القمران "يو- Io" و "كالستو- Callisto" اللذين يرسمان مدارا دائريا أثناء دورانهما حول المشتري. نماثل القمرين بنقطتين ماديتين، ونعطي ثابتة التجاذب الكوني  $G = 6,67 \cdot 10^{-11} \text{ m}^3 \cdot \text{kg} \cdot \text{s}^{-2}$ .

(1) بتطبيق القانون الثاني لنيوتن في مرجع غاليلي أصله مرتبط بمركز المشتري على القمر "كالستو"، بين أن حركة القمر منتظمة على مداره.

(2) علما أن شعاع مدار القمر "كالستو" هو  $r_c = 1,88 \cdot 10^6 \text{ km}$ ، وأنه ينجز دورة كاملة حول المشتري خلال 400,5heures. أحسب الكتلة  $M_j$  للمشتري.

(3) عين شعاع مدار القمر "يو" علما أنه ينجز دورة كاملة حول المشتري خلال 42,5heures.

### الفيزياء - II - (7نقطة): النواس المرن الأفقي

يتكون نواس مرن أفقي من جسم صلب  $S$  كتلته  $m$ ، مثبت بطرف نابض ذي لفات غير متصلة وكتلته مهملة وصلابته  $K$ . ثبت طرفه الآخر بحامل ثابت (الشكل-1). عند توازن الجسم ينطبق مركز قصوره  $G$  مع أصل معلم  $(O, \vec{i})$  مرتبط بالمرجع الأرضي الذي نعتبره غاليليا.

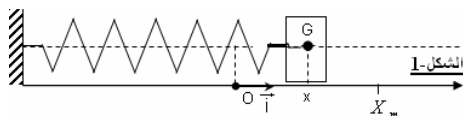
### الجزء الأول: دراسة النواس

نزيح الجسم  $S$  من موضع توازنه في المنحى الموجب بمسافة  $X_m$ ، ونحرره بدون سرعة بدنية. نعتبر أن جميع الاحتكاكات مهملة.

(1) أوجد تعبير المعادلة التفاضلية لحركة الجسم  $S$ . ما طبيعة الحركة؟

(2) يعطي المنحى الممثل في الشكل-2 مخطط المسافات

$x = f(t)$  لحركة مركز القصور  $G$  للجسم  $S$ . أما منحى الشكل-3 فهو يعطي تغيرات مربع الدور الخاص بدلالة الكتلة  $T_0^2 = f(m)$ .



1-2- أكتب المعادلة الزمنية لحركة الجسم  $S$ .

2-2- أوجد قيمة الصلابة  $K$ ، واستنتج كتلة الجسم  $S$ .

### الجزء الثاني: تعبير الشروط البدئية

نزيح الجسم  $S$  من جديد بالمسافة  $X_m$  في المنحى الموجب، فنرسله بسرعة بدنية  $\vec{v}_0 = -v_0 \vec{i}$  عند اللحظة  $t=0$ . تبقى حركة الجسم  $S$

جيبية وتحفظ بنفس الدور الخاص  $T_0$ . نرمز لوسع الحركة ب  $X_m'$  وللطور عند أصل التواريخ ب  $\varphi$ .

(1) بين أن تعبير الوسع  $X_m'$  يكتب على الشكل التالي:  $X_m' = \sqrt{\frac{mv_0^2}{K} + X_m^2}$

1.25 ن (2) أوجد قيمة  $\varphi$  . نعطي  $v_0 = 0,2 m.s^{-1}$

الجزء الثالث: الدراسة الطاقية للنواس المرن في حالة الخمود

نجعل الجسم S خاضعا لقوة احتكاك مائع  $\vec{f} = -\lambda \frac{dx}{dt} \vec{i}$  حيث  $\lambda$  ثابتة موجبة تسمى معامل الخمود، ثم نزيحه بالمسافة  $X_m$  في المنحنى الموجب ونحرره بدون سرعة بدئية عند اللحظة  $t=0$ . تكتب المعادلة التفاضلية لحركة مركز قصور الجسم S على

$$m \frac{d^2x}{dt^2} + \lambda \frac{dx}{dt} + Kx = 0$$
 الشكل التالي:

1 (1) عبر عن  $\frac{dE_m}{dt}$  بدلالة  $\lambda$  و  $\frac{dx}{dt}$  ( $E_m$  الطاقة الميكانيكية للنواس). ما تعليقك على هذه النتيجة؟ 0.75 ن

2 (2) اعطي وثيقة الشكل-4 المنحنيات الممثلة لكل من الطاقة الحركية  $E_c$  وطاقة الوضع المرنة  $E_{pe}$  والطاقة الميكانيكية  $E_m$  بدلالة الزمن.

1-2- أقرن معلا جوابك كل منحنى بالطاقة الموافقة.

2-2- هل هناك توافق بين شكل هذه المنحنيات و نتيجة السؤال-1؟ علل جوابك. 0.5 ن

