

2007/2008	الموسم الدراسي	فرض محروس رقم 4	ثانوية مولاي رشيد
ساعتان	مدة الإنجاز	في مادة الرياضيات	أجلموس - خنيفرة
مسلك العلوم التجريبية		السنة الأولى من البكالوريا:	الأستاذ : محمد إعلو

التنقيط

■ تمرين: (4ن)

(2ن) (1)- احسب النهاية التالية : $\lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{1 - \sqrt{1+x^2}}{x} \right)$

(2ن) (2)- أحسب النهاية التالية: $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{6}} \left(\frac{2 \sin x - 1}{x - \frac{\pi}{6}} \right)$

■ مسألة: (16ن)

لتكن f الدالة العددية للمتغير الحقيقي x المعرفة بما يلي:

$$f(x) = \frac{1 - 2\sqrt{1+x^2}}{x} \quad (C_f) \text{ وليكن } (C_f) \text{ منحناها في معلم م.م. } (O, \vec{i}, \vec{j}).$$

(1ن) (1)- أ- تحقق من أن: $]-\infty, 0[\cup]0, +\infty[. D_f =$

(1ن) ب- أحسب $f(\sqrt{3})$ و $f(1)$.

(1ن) (2)- بين أن f دالة فردية.

(2ن) (3)- أ- أحسب $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$ ثم استنتج $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x)$.

(2ن) ب- بين أن $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -2$ ثم استنتج $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.

(2ن) ج- حدد الفروع اللانهائية لمنحنى الدالة f .

(2ن) (4)- أ- بين أن: $\forall x \in D_f, f'(x) = \frac{3-x^2}{x^2 \sqrt{1+x^2} (2+\sqrt{1+x^2})}$

(1ن) ب- أدرس تغيرات الدالة f .

(2ن) (5)- أ- حدد معادلة المماس ل (C_f) عند النقطة التي أفصولها $2\sqrt{2}$

(2ن) ب- أرسم (C_f) ، منحنى الدالة f في المعلم (O, \vec{i}, \vec{j}) .

(نأخذ: $OI = OJ = 2cm$ و $\sqrt{2} \approx 1.4$ و $\sqrt{3} \approx 1.7$)