

تمرين 08 (رتابة مركب دالتين)

لتكن f و g الدالتين العدديتين للمتغير الحقيقي x بحيث:

$$\cdot g(x) = \frac{x}{x+2} \quad f(x) = \sqrt{x}$$

أ- أطْعِ جدول تغيرات كل من الدالتين f و g .

ب- أرسم في المعلم المتعامد المنظم (C_f) و (C_g)

ج- حدد مبيانيا $([-1, 1])$ و $([0, +\infty))$ و $(0, +\infty)$

2- نعتبر الدالة العددية h المعرفة على \mathbb{R}^+ بما يلي:

$$\forall x \in \mathbb{R}^+, h(x) = \frac{\sqrt{x}}{2 + \sqrt{x}}$$

أ- باستعمال رتابة مركب دالتين ، أدرس رتابة h .

ب- بين أن: $1 < h(x) \leq 0 \quad \forall x \in \mathbb{R}^+$.

تمرين 09

لتكن f الدالة المعرفة بـ: $f(x) = x + 2 - \sqrt{x+2}$

1- حدد D_f ، حيز تعريف الدالة f .

ب- بين أن: $\forall x \in D_f, f(x) \geq \frac{-1}{4}$.

ج- حل في \mathbb{R} المعادلة: $f(x) = 2$.

2- نضع: $v(x) = \sqrt{x+2}$ و $u(x) = x^2 - x$

أ- حدد تغيرات الدالة v على D_v ثم أرسم (C_v) .

ب- حدد مبيانيا: $([-2, 0])$ و $([2, +\infty))$ و $(0, +\infty)$

ج- ضع جدول تغيرات الدالة u على \mathbb{R} .

د- تحقق من أن: $\forall x \in D_f, f(x) = u \circ v(x)$

هـ- استنتاج رتابة الدالة f على D_f .

تمرين 10

لتكن f الدالة المعرفة بما يلي: $f(x) = \frac{2x^2 + 2}{x^2 + 2x + 1}$

1- حدد D_f ، مجموعة تعريف الدالة f .

ب- بين أن: $2 \leq f(x) \leq 1 \quad \forall x \in \mathbb{R}^+$.

2- نعتبر الدالة g المعرفة بما يلي: $g(x) = \frac{x-1}{x+1}$

أ- تتحقق من أن $\forall x \in D_f, f(x) = 1 + (g(x))^2$

ب- حدد رتابة الدالة g على D_g ثم حدد إشارتها على D_f

جـ- استنتاج رتابة الدالة f على كل من المجالات التالية:

$[1, +\infty)$ و $(-\infty, -1]$ و $(-1, 1)$ و $[1, +\infty)$.

تمرين 11

لتكن f الدالة المعرفة بما يلي: $f(x) = \frac{\sqrt{x} + 1}{\sqrt{x} - 1}$

1- حدد D_f ، مجموعة تعريف الدالة f .

2- أدرس رتابة الدالة f .

تمرين 01 (تذكير)

أدرس تغيرات الدوال التالية ثم أنشئ منحنياتها:

$$f : x \mapsto x^2 - x \quad f : x \mapsto \pm 3x^2$$

$$f : x \mapsto \frac{\pm 2}{x} \quad f : x \mapsto \frac{2x-1}{x-1}$$

تمرين 02 (الدالة الدورية)

لتكن f الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} بما يلي:

$$\forall x \in \mathbb{R}, f(x) = x - E(x)$$

حيث $E(x)$ هو الجزء الصحيح للعدد الحقيقي x .

1- بين أن f دورية دورها 1 و استنتج أن مجموعة دراستها هي $[0, 1]$.

2- أ- بين أن $\forall x \in D, f(x) = x$.

ب- أرسم منحني الدالة f في م.م.م. $(0, \bar{i}, \bar{j})$.

تمرين 03 (مطاريف دالة عددية)

لتكن f الدالة المعرفة بما يلي:

$$f(x) = x - \sqrt{4 - x^2} \quad (1) \text{ حدد } D_f \text{ ثم حل المعادلة: } f(x) = -2\sqrt{2}$$

$$(2) \text{ بين أن } \sqrt{2} \text{ هو القيمة الدنيا ل } f \text{ على } D_f$$

تمرين 04

لتكن f الدالة المعرفة بما يلي:

$$f(x) = \sqrt{\frac{x^3}{x+2}} \quad (1) \text{ حدد } D_f \text{ ، حيز تعريف الدالة } f.$$

$$(2) \text{ بين أن: } \forall x \in]-\infty, -2], f(x) \geq 3\sqrt{3}$$

تمرين 05 (مقارنة دالتين)

1. مثل في نفس المعلم منحنيي الدالتين

$$g : x \mapsto -x^3 \quad f : x \mapsto \sqrt{x+1}$$

2. استنتاج أن المعادلة $x^3 + \sqrt{x+1} = 0$ تقبل حل

$$\text{وحيداً } \alpha \text{ بحيث: } -\frac{7}{8} < \alpha < -\frac{3}{4}$$

3. حل مبيانيا في المجال $[-1, +\infty)$ المتراجحة:

$$x^3 + \sqrt{x+1} \leq 0 \quad (\text{حدد مجموعة الحلول بدالة } \alpha).$$

تمرين 06

قارن على \mathbb{R}^+ الدوال العددية التالية:

$$x \mapsto x \quad x \mapsto x^2 \quad x \mapsto x^3 \quad \text{و} \quad x \mapsto \sqrt{x}$$

ثم أنشئ منحنياتها في نفس المعلم المتعامد المنظم.

تمرين 07

قارن مبيانيا الدالتين العدديتين:

$$g : x \mapsto \frac{2x+3}{x+1} \quad f : x \mapsto -x^2 - x + 3$$