

التمرين 1 (9 نقط)

- 1) حل في المجموعة  $C$  المعادلة  $z^2 - 2z + 4 = 0$  وأعط الشكل المثلثي لحلها  
 $b = 1 - i\sqrt{3}$  و  $a = 1 + i\sqrt{3}$  دات الألحادق على التوالي هي  
في المستوى العقدي المنسوب إلى المعلم  $(O, \vec{e}_1, \vec{e}_2)$

$$\left| \frac{z}{z - 1 + i\sqrt{3}} \right| = 1$$

$$\frac{b}{a}$$

ج - استنتج أن المثلث  $AOB$  متساوي الساقين وأعط قياساً للزاوية

- 3) نعتبر النقطتين  $C$  ذات اللحق  $c = 2$  و نعتبر الدوران  $R$  الذي مرکزه  $O$  وزاويته  $\frac{\pi}{3}$

أ - أعط التمثيل العقدي الدوران  $R$

ب - بين أن النقطة  $C$  هي صورة النقطة  $B$  بالدوران  $R$

ج - ما هي طبيعة المثلث  $BOC$

التمرين 2 (11 نقط)

نعتبر الدالة المعرفة بما يلي  $f(x) = \begin{cases} \frac{-x}{\ln x}; x \neq 0 \\ f(0) = 0 \end{cases}$  ولتكن  $C$  منحناها في معلم متواحد ممنظم  $(O, \vec{I}, \vec{J})$

- 1) حدد  $D_f$  مجموعة تعريف الدالة  $f$

2) ادرس اتصال الدالة  $f$  في العدد 0

3) ادرس قابلية اشتقاق  $f$  على يمين 0 ثم أول هندسياً النتيجة

$$4) \text{ أ - احسب } \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{-1}{\ln x} \text{ و } \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) \text{ . مادا تستنتج ؟}$$

ب - احسب  $\lim_{\substack{x \rightarrow 1 \\ x < 1}} f(x)$  و  $\lim_{\substack{x \rightarrow 1 \\ x > 1}} f(x)$  واستنتج فرعاً لانهائياً .

$$5) \text{ أ - بين أن } \forall x > 0; f'(x) = \frac{1 - \ln x}{\ln^2 x}$$

ب - حدد إشارة  $f'$  ثم ضع جدول تغيرات الدالة  $f$  على مجموعة تعريفها .

$$6) \text{ أ - احسب } f''(x) \text{ و بين أن المنحنى } C \text{ يقبل النقطة } I \left( e^2, \frac{-e^2}{2} \right) \text{ كنقطة انعطاف}$$

ب - مثل المنحنى  $C$

$$7) \text{ لتكن } (U_n) \text{ المتالية المعرفة بـ} \begin{cases} f(u_n) = u_{n+1} : \forall n \in \mathbb{N} \\ u_0 = \frac{1}{4} \end{cases}$$

أ - بين أن  $\forall n \in \mathbb{N}; 0 < u_n \leq e^{-1}$

ب - بين أن  $(U_n)$  تنقصصية. مادا تستنتج ؟

$$8) \text{ احسب } \lim_{n \rightarrow \infty} U_n$$