

التمرين الأول

نعتبر الدالة المعرفة بما يلي $f(x) = (x+1)\sqrt{\frac{x+1}{x-1}}$

- 1- حدد مجموعة تعريف الدالة f ثم احسب نهاية الدالة f بجوار $+\infty$
- 2- ادرس قابلية اشتقاق الدالة f على يسار -1 و اعط تأويلا هندسيا للنتيجة
- 3- احسب الدالة المشتقة f' ثم ضع جدول التغيرات

التمرين الثاني

شاحنة تقطع مسافة 200km بسرعة v مقدرة بـ km/h ، الشاحنة تستهلك l/h : $\left(5 + \frac{v^2}{320}\right)$ من الوقود .

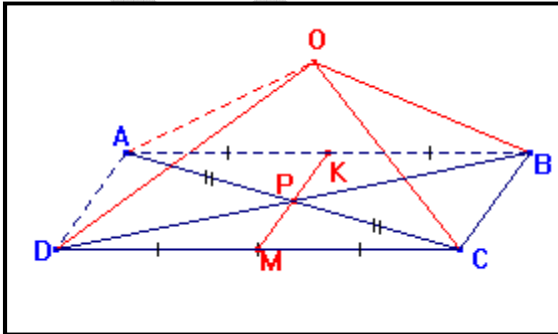
ثمن الوقود هو 10 DH للتر الواحد و يتقاضا السائق أجرتا تقدر بـ 50 DH في الساعة .

- (1) نسمي t زمن الرحلة . عبر عن t بدلالة v .
- (2) احسب الكلفة $P(v)$ بدلالة v .
- (3) ادرس اتجاه تغير الدالة f المعرفة على $]0,120]$ ب: $f(x) = P(v)$
- (4) ما هي سرعة الشاحنة حتى تكون الرحلة أقل تكلفة؟

التمرين الثالث

$ABCDEFGH$ متوازي مستطيلات. O مركز الوجه $EFGH$ و P مركز الوجه $ABCD$

1. عبر عن \overline{OP} بدلالة \overline{ED} و \overline{GB} .
2. نهتم فيما يلي بالهرم الذي رأسه O و قاعدته $ABCD$ و لتكن النقط Q ،



حيث: L, K, M

Q مركز ثقل المثلث (ODC) ،

K منتصف $[AB]$ ،

M منتصف $[CD]$ و $\overline{OL} = \frac{4}{5}\overline{OP}$.

• أثبت أن النقط O, K, M, P, Q

و L تنتمي على نفس المستوى.

• أثبت أن $5\overline{KL} - 3\overline{KQ} = \overline{0}$. ماذا تستنتج بالنسبة للنقط Q, K, L و L ؟