

التمرين الأول (8 ن): يحتوي كيس على ثلاث كرات حمراء وعلى ثلاث كرات بيضاء وعلى ثلاث كرات سوداء (لا يمكن التمييز بينها باللمس).

(I) ن سحب عشوائيا بالنتائج وبدون إرجاع 3 كرات من الكيس.

- 1 - ما هو عدد السمات الممكنة؟ (أي  $card \Omega$ ).
- 2 - أ حسب ما احتمال الحصول على 3 كرات سوداء.

(II) ن سحب عشوائيا بالنتائج ربا خلال 3 كرات من الكيس.

- 1 - حدد  $card \Omega$ .
- 2 - أ حسب ما احتمال الحصول على 3 كرات سوداء.

(III) ن سحب عشوائيا وتجانبا 3 كرات من الكيس، وليكن  $X$  المتغير العشوائي الذي يساوي عدد الألوان المرصعة عليها.

- 1 - هل  $X$  متغير عشوائي عددي؟ (علا جوابك).
- 2 - أشرح لماذا  $X(\Omega) = \{1, 2, 3\}$ ؟ ثم ماذا يعني الحدث  $(X=1)$ ؟
- 3 - بين أن  $P(X=1) = \frac{3}{84}$ .
- 4 - أ عط قانون احتمال المتغير  $X$ . ثم أ حسب الأمل الرياضي  $E(X)$ .

التمرين الثاني (7 ن): لتكن  $f$  الدالة المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:

$$f(x) = \frac{1-e^x}{1+e^x}$$

- 1 - حدد  $D_f$  ثم بين أن  $f$  دالة فردية.
- 2 - أ حسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  وأول الشيفر هندسيا.
- 3 - أ حسب  $f'(x)$  لكل  $x$  من  $[0, +\infty[$ . ثم أ نشر  $f'$  في  $\mathbb{R}$ .
- 4 - أ - أتحقق من أن  $\forall x \in \mathbb{R}: \frac{1-e^x}{1+e^x} = 1 - \frac{2e^x}{1+e^x}$ .
- ب - أ استنتج مساحة الميز  $(\Delta)$  المحصور بين المنحنى  $(f)$  ومحور الافاصل ومحور الأرتيب والمستقيم المرف بالمعادلة  $x = \ln 3$ .

التمرين الثالث (5 ن): في المفضاء المتشعب إلى معلم متعامد منظم  $(E, \vec{e}_1, \vec{e}_2, \vec{e}_3)$

نعتبر النقطتين  $A(1; -1; 2)$  و  $B(-1; 0; 1)$  و المتجه  $\vec{u}(1; -2; 3)$

- 1 - حدد  $(E)$  مجموعة النقط  $M(x; y; z)$  من الفضاء بحيث  $\vec{u} \cdot \vec{AM} = 2$ .
- 2 - حدد معادلة ديكارتية للمسور  $(P)$  المار من النقطة  $B$  بحيث  $\vec{OA}$  منطبقا له.
- 3 - أ حسب  $d(A; (P))$ .
- 4 - أ عط معادلة ديكارتية لفضة  $[AB]$  وظهرها  $[AB]$ .