

الفرض الثالث باللغتين العربية والفرنسية

الأولمبياد الجهوية في الرياضيات 2024

مدة الانجاز: ساعتان

تاريخ التمرير: الجمعة 15 أبريل 2022

المستوى: أولى ثانوي إعدادي

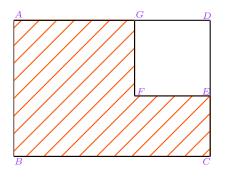
ملحوظة: يُمكن للمترشح(ة) تحرير أجوبة الموضوع إما باللغة الفرنسية أو باللغة العربية، حسب الاختيار الذي يناسبه(١).

Exercice 1:

Dans la figure ci-contre, ABCD est un rectangle tel que:

- DEFG est un carré
- CE = 4cm, AG = 8cm
- L'aire de la partie hachurée est égale à $92 cm^2$

Que vaut l'aire du rectangle ABCD?



التمرين 2 :

في الشكل جانبه، ABCD مستطيل بحيث: DEFG • DEFG • $AG = 8 \ cm$, $CE = 4 \ cm$ •

- $92 \, cm^2$ مساحة الجزء المخدش تساوي •

كم تساوى مساحة المستطيل ABCD ؟

Exercice 2:

1 | 1 | 2 | 3 5 | 8 | 13 | ...

La liste ci-dessus contient 1000 entiers naturels, rangés de la manière suivante :

- Les deux premiers termes sont 1 et 1
- A partir de la troisième case, chaque terme est égal à la somme des deux entiers qui le précèdent

 $a \mid b \mid a+b \mid \cdots$

• Combien y a-t-il d'entiers impairs dans cette liste?

تحتوي اللائحة أعلاه، على 1000 عدد صحيح طبيعي، مرتبة كما يلي:

- الحدان الأول والثاني هما: 1 و1
- ابتداء من الخانة الثالثة، كل حدّ يساوي مجموع العددين اللذين يسبقانه. $\boxed{a \mid b \mid a+b \mid \cdots \mid}$ عليه هذه اللائحة؟

Exercice 3:

Yahya et sa sœur Hiba jouent à un jeu avec deux pièces et un tableau à six cases.

Au début du jeu les deux pièces sont placées dans les deux premières cases (1 et 2).

| ı | | | | | |
|---|---|---|---|---|---|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
| | | | | | |

Les règles du jeu sont comme suit :

- A tour de rôle, chaque joueur déplace une pièce vers la droite, d'une case ou plusieurs.
- Une pièce ne peut ni dépasser ni remplacer celle de
- Le jeu s'arrête lorsque les deux pièces sont placées dans les cases 5 et 6, le vainqueur est alors celui qui a effectué le dernier déplacement.

Yahya affirme qu'il gagnera à coup sûr, si Hiba commence le premier tour.

Expliquer la stratégie du joueur Yahya.

التمرين 3 :

يلعب يحيى وأخته هبة لعبة بقطعتين وجدول من ستة خانات. في بداية اللعب، تُوضع القطعتان في الخانتين الأولى والثانية.

| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|---|---|---|---|---|---|
| | | | | | |

- قواعد اللعبة هي كالتالي: يقوم كل لاعب يالتناوب، بتنقيل قطعة إلى اليمين بخانة واحدة أو أكثر
- لَا يَمَكُنُ لَقَطَعَةً أَن تَتَجَاوِزَ القَطَعَةُ الَّتِي أَمَامُهَا وَلَا أَن تَحَلَّ
- مكانها. يتوقف اللعب عندما يتم وضع القطعتين في الخانتين 5 و6، ويعتبر الذي قام بآخر حُركة هُو الفائز

صرح يحيى أنه سيفوز بالتأكيد، إذا بدأت هبة الجولة الأولى.

• وضح استراتيجية اللاعب يحيي.

Exercice 4:

• Trouver la valeur exacte du nombre : $2023 \times 20222022 - 2022 \times 20232022$ justifier toutes les étapes de calcul.

• أوجد القيمة المضبوطة للعدد: $2023 \times 20222022 - 2022 \times 20232022$ وضح جميع مراحل الحساب.