

المدة ساعتان -2 بفك 3	<b>فرض محروس رقم 2</b>	الثانوية التأهيلية وادي الذهب- تيفلت
الأستاذ : ع عشاق . 2010/12/29	الدورة الأولى	نيابة الخميسات

$$f(x) = \frac{x + \sqrt{x^2 - 4}}{x} \quad \text{لتكن } f \text{ الدالة العددية المعرفة بـ:}$$

ليكن (C) منحناها في المستوى المنسوب الى معلم متعمد منظم (j; i; o)

(1) بين أن حيز التعريف D هو  $[2; +\infty] \cup [-\infty; -2]$ .

(2) أ- أحسب النهايتين عند  $-\infty$  و  $+\infty$ .

ب- استنتج الفروع الانهائية.

(3) بين ان النقطة  $(0; 0)$  هي مركز تماثل المنحنى (C).

$$(4) \text{ أ- أحسب النهاية: } \lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x) - f(2)}{x - 2}$$

ب- اعط تاويلا هندسيا للنتيجة المحصل عليها.

$$\text{ج- بين أن: } f'(x) = \frac{4}{x^2 \sqrt{x^2 - 4}}$$

د- استنتاج رتبة f على D.

(5) نعتبر الدالة العددية g المعرفة بـ:

$$\left( g(x) = f(x) ; x \in [-\infty; -2] \cup [2; +\infty] \right)$$

$$\left( g(x) = \sqrt{4 - x^2} + 1 ; x \in [-2; 2] \right)$$

أ- حدد  $Dg$  مجموعة تعريف الدالة g.

ب- بين أن قصور الدالة g على  $[-2; 2]$  دالة زوجية.

ج- أدرس اتصال الدالة g في 2.

د- أدرس قابلية اشتراق الدالة g في 2, ثم اعط تاويلا هندسيا للنتيجة.

$$\text{هـ- بين أن: } g(x) = \frac{-x}{\sqrt{4 - x^2}} \text{ لكل } x \text{ من المجال } [-2; 2].$$

و- بين أن منحنى الدالة g مقعر على المجال  $[-2; 2]$ .

ز- ضع جدول تغيرات الدالة g.

خ- أنشئ منحنى الدالة g.

**التمرين الثاني:** نعتبر المتتالية  $(U_n)$  المعرفة بمالي:  $U_0 = 0$  و  $U_{n+1} = \sqrt{4 + U_n} - 2$

(1) بين أن  $0 < U_n \forall n \in \mathbb{N}$ :

(2) بين أن  $(U_n)$  تنقصصية ثم استنتاج بانها متقاربة.

(3) نعتبر الدالة:  $f(x) = \sqrt{4 + x} - 2$ ,

أ- بين أن f متصلة على المجال  $[0; +\infty]$ .

ب- بين أن  $f([0; +\infty]) \subset [0; +\infty]$

ج- استنتاج  $\lim_{n \rightarrow \infty} U_n$

$$(4) \text{ أ- تحقق أن: } \forall n \in \mathbb{N}: U_n \leq \left(\frac{1}{2}\right)^n \quad \text{ج- بين أن: } \forall n \in \mathbb{N}: U_{n+1} = \frac{\sum_{k=0}^n U_k}{2 + \sqrt{4 + U_n}}$$

$$\text{ب- بين أن: } \forall n \in \mathbb{N}: U_{n+1} \leq \frac{1}{2} U_n \quad \dots \quad \text{د- استنتاج مرة اخرى: } \lim_{n \rightarrow \infty} U_n$$

