

7	المعامل:	المادة: الفيزياء والكيمياء
3	مدة الإنجاز:	الشعب(ة) أو المסלك : شعبة العلوم التجريبية مسلك العلوم الفيزيائية

يسمح باستعمال الحاسبة غير القابلة للبرمجة

الكيمياء (7 نقط) :
دراسة محلول ماء جافيل

الفيزياء (13 نقطة) :

تمرين 1: (3 نقط)

الموارد - دراسة الموجات على سطح الماء

تمرين 2: (4,5 نقط)

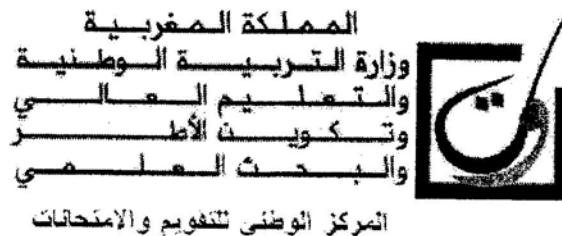
الكهرباء - دراسة دارة كهربائية RLC

تمرين 3: (5,5 نقط)

الميكانيك - دراسة متذبذب ميكانيكي

تعطى الصيغ الحرفية قبل إنجاز التطبيقات العددية

أجزاء جميع التمارين مستقلة



المركز الوطني لتفوييم والامتحانات

الكيمياء: (7 نقط)

يعتبر غاز ثنائي الكلور (Cl_2) من الغازات الأساسية التي تدخل في صناعة عدد كبير من المركبات الكيميائية ومن بينها ماء جافيل. يتميز ماء جافيل بدرجته الكلورومترية ($D^\circ \text{Chl}$) والتي تمثل حجم غاز ثنائي الكلور ، باللتر، الموجود في 1L من ماء جافيل. يحدد هذا الحجم في الشروط النظامية لدرجة الحرارة والضغط، حيث الحجم المولى $V_m = 22,4 \text{ L.mol}^{-1}$. يهدف هذا التمرين إلى دراسة:

- تحضير غاز ثنائي الكلور بواسطة التحليل الكهربائي.
- تحديد الدرجة الكلورومترية ($D^\circ \text{Chl}$) لمحلول ماء جافيل المحضر.
- الخصائص الحمض-قاعدية لماء جافيل.

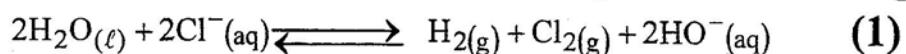
المعطيات:

- الكثافة المولية لكلورور الصوديوم: $M(\text{NaCl}) = 58,5 \text{ g.mol}^{-1}$.
- ثابتة فاردي: $1F = 96500 \text{ C}$
- يعبر عن الدرجة الكلورومترية لماء جافيل بالعلاقة: $[\text{ClO}^-]_0 = [\text{ClO}^-]_{D^\circ \text{Chl}} \cdot V_m$ ، حيث V_m تمثل التركيز البديئي لأيونات تحت الكلوريت (ClO^-) في محلول ماء جافيل المدروس.
- عند 25°C ، الجداء الأيوني للماء $K_e = 10^{-14}$.
- ثابتة التوازن K الموافقة لتفاعل $\text{ClO}^- + \text{H}_2\text{O} \rightleftharpoons \text{HO}^- + \text{Cl}^-$ مع الماء: $K = 3,16 \cdot 10^{-7}$.

1- دراسة تحضير غاز ثنائي الكلور:

نجز التحليل الكهربائي لمحلول مائي مركز لكلورور الصوديوم ($\text{Na}^{+}_{aq} + \text{Cl}^{-}_{aq}$) خلال المدة $\Delta t = 30 \text{ min}$ بواسطة تيار كهربائي مستمر شدته $I = 57,9 \text{ A}$. بيّنت التجربة ابتعاث:

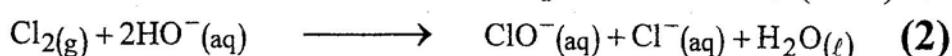
- غاز ثنائي الكلور (Cl_2) عند أحد الإلكترودين.
 - غاز ثنائي الهيدروجين (H_2) وتكون أيونات الهيدروكسيد (HO^-) عند الإلكترود الآخر.
- تندرج هذا التحليل الكهربائي بالمعادلة الكيميائية الحصيلة التالية:



- 1.1- حدد المزدوجتين (مختزل/مؤكسد) المتداخلتين في هذا التفاعل.
- 1.2- اكتب المعادلة الكيميائية لتفاعل الذي حدث بجوار الكاثود.
- 1.3- أنشئ الجدول الوصفي للتحوال الحاصل عند الأنود.
- 1.4- أوجد تعبير كمية المادة n للجسم المتكوّن عند الأنود بدالة I و Δt و F . احسب n .

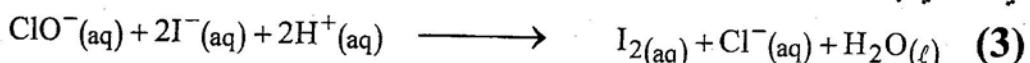
2- تحديد الدرجة الكلورومترية ($D^\circ \text{Chl}$) لماء جافيل:

نحضر محلولا (S_0) لماء جافيل تركيزه C_0 بتفاعل غاز ثنائي الكلور (Cl_2) مع أيونات الهيدروكسيد (HO^-) وفق تحول كيميائي تعتبره كلها وسريعاً وتندرج بالمعادلة التالية:



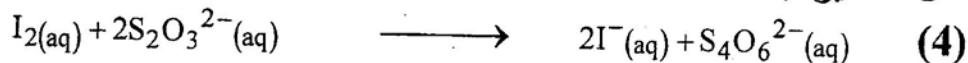
نضيف لحجم من المحلول (S_0) الماء المقطر لتحضير محلول مائي (S) تركيزه المولى $C = \frac{C_0}{10}$.

نأخذ حجما $V = 10\text{mL}$ من المحلول (S) ونضيف إليه كمية وافرة من محلول محمض ليودور $\text{K}^+(aq) + \text{I}^-(aq)$ ، قطرات من محلول النشا $\text{ClO}^-(aq)$ ، في وسط حمضي، أيونات اليودور I^- وفق المعادلة الكيميائية التالية:



نعاير ثانوي اليود المتكون بواسطة محلول ثيوکبريتات الصوديوم $(2\text{Na}^+(aq) + \text{S}_2\text{O}_3^{2-}(aq))$ ذي التركيز $C_2 = 0,1\text{mol.L}^{-1}$. يكون حجم محلول الثيوکبريتات المضاف عند التكافؤ هو $V_E = 10,8\text{mL}$.

نندرج تفاعل المعايرة بالمعادلة التالية:



2- اعتمادا على الجدول الوصفي لتطور المعايرة، حدد كمية المادة $(\text{I}_2)_n$ لثانوي اليود المتواجد في الخليط.

2- علما أن $(\text{I}_2)_n$ تمثل كمية مادة ثانوي اليود الناتجة عن التفاعل (3)، استنتج كمية المادة $(\text{ClO}^-)_n$ لأيونات تحت الكلوريت المتواجدة في الحجم V .

2-3- حدد التركيز C واستنتج التركيز C_0 .

2-4- أوجد الدرجة الكلوروميتريّة $(D^{\circ}\text{Chl})$ للمحلول (S_0).

3- **الخصائص الحمض- قاعدة لماء جافيل:**
 يمثل الأيون تحت الكلوريت ClO^- ، العنصر النشيط لماء جافيل، القاعدة المرافقة لحمض تحت الكلوروز HClO ، القابلة للتفاعل مع الماء.

3-1- اكتب المعادلة الكيميائية للتفاعل المندرج لهذا التحول علما أنه محدود.

3-2- حدد الثابتة K_A للمزدوجة $(\text{HClO}/\text{ClO}^-)$ ، علما أن ثابتة التوازن الموافقة للمعادلة الكيميائية لتفاعل $\text{ClO}^- + \text{H}_2\text{O} \rightleftharpoons \text{HClO} + \text{OH}^-$ هي $K = 3,16 \cdot 10^{-7}$.

الفيزياء (13 نقطة) :
تمرين 1 : الموجات (3 نقط)

تُحدث الرياح في أعلى البحار أمواجاً تنتشر نحو الشاطئ.
 يهدف هذا التمرين إلى دراسة حركة هذه الأمواج .

نعتبر أن الموجات المنتشرة على سطح البحر متواالية وجيبية دورها $T = 7\text{s}$.

1- هل الموجة المدروسة طولية أم مستعرضة؟ علل جوابك.

2- احسب v سرعة انتشار الموجة علما أن المسافة الفاصلة بين ذروتين متتاليتين هي $d = 70\text{ m}$.

3- يعطي الشكل 1 مقطعاً رأسياً لمظهر سطح الماء عند لحظة t .
نهمل ظاهرة التبدد، ونعتبر S منبعاً للموجة و M جبهتها التي تبعد عن S بمسافة S .



الشكل 1

3.1- اكتب، باعتمادك على الشكل 1 ، تعريف λ
التاخر الزمني لحركة M بالنسبة لحركة S بدالة طول الموجة λ . احسب قيمة λ .

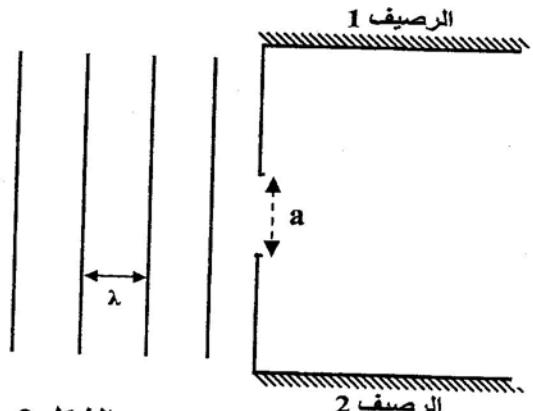
0,5

3.2- حدد ، معللاً جوابك ، منحي حركة M لحظة وصول الموجة إليها.

0,5

4- تصل الأمواج إلى بوابة ، عرضها $a = 60 \text{ m}$ توجد بين رصيفي ميناء (الشكل 2).
انقل الشكل 2 ومثل عليه الموجات بعد اجتيازها البوابة ، وأعط اسم الظاهرة الملاحظة.

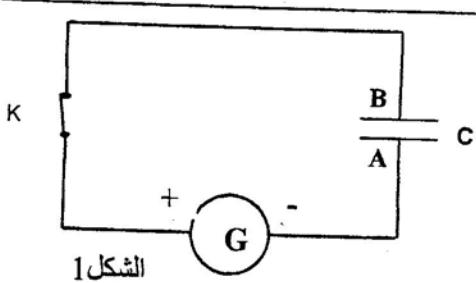
1



الشكل 2

تمرين 2 : الكهرباء (4,5 نقط)

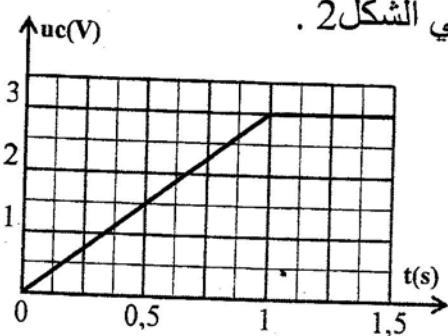
تستعمل المكثفات لتخزين الطاقة الكهربائية بهدف استرجاعها قصد توظيفها في الدارات الإلكترونية والكهربائية.
يهدف هذا التمرين إلى دراسة شحن مكثف وتفریغه عبر وشيعة.



الشكل 1

1) الجزء الأول: شحن مكثف بواسطة مولد مؤمث للتيار نجز التركيب الكهربائي الممثل في الشكل 1 حيث G مولد يزود الدارة بتيار كهربائي شدته ثابتة .

نغلق عند اللحظة $t=0$ قاطع التيار K فيمر في الدارة تيار كهربائي شدته $I=0,3 \text{ A}$ وندرس تغيرات التوتر U_C بين مربطي المكثف بدالة الزمن؛ فنحصل على المنحنى الممثل في الشكل 2.



الشكل 2

1.1- حدد اللبوس الذي يحمل الشحن الكهربائية السالبة.
1.2- اعتمدنا على منحنى الشكل 2، اذكر معللاً جوابك هل كان المكثف مشحوناً أو غير مشحون عند اللحظة $t=0$.

1.3- بين أن تعبر التوتر U_C بين مربطي المكثف يكتب على الشكل :

$$U_C = \frac{I \cdot t}{C} \quad \text{بالنسبة ل } U_C < U_{C_{\max}}$$

0,25

0,25

0,5

1.4- أعط تعابير $U_C = f(t)$ انطلاقاً من المنحنى بالنسبة ل $U_C < U_{C_{\max}}$.
وتحقق أن قيمة سعة المكثف هي : $C = 0,1 \text{ F}$.

0,5

0,5

1.5- بين أن تعابر الطاقة الكهربائية المخزونة في المكثف

عند لحظة t يكتب على الشكل: $E = \frac{1}{2} C u_C^2$ واحسب قيمتها القصوية $E_{e_{max}}$. ذكر بتعبير القدرة

$$\text{اللحظية } P = \frac{dW}{dt}$$

(2) الجزء الثاني: تحديد معامل التحرير L لوشيعة

نجز التركيب الكهربائي الممثل في الشكل 3 المكون من:

- مولد كهربائي قوته الكهرومagnet: $E = 6V$
ومقاومته الداخلية مهملا.

- موصل أومي D_1 مقاومته $R_1 = 48\Omega$.

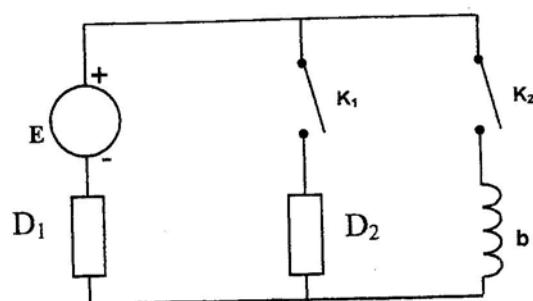
- موصل أومي D_2 مقاومته R_2 .

وشيعة (b) معامل تحريرها L ومقاومتها $r = R_2$.

- قاطعي التيار K_1 و K_2 .

في مرحلة أولى: نحتفظ ب K_2 مفتوحا ونغلق K_1 ،

وفي مرحلة ثانية نحتفظ ب K_1 مفتوحا ونغلق K_2 .



الشكل 3

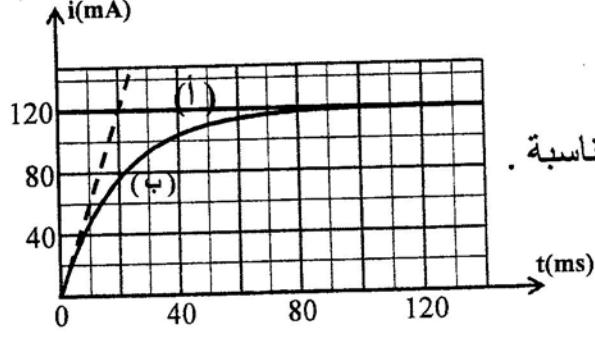
يمثل الشكل 4 المنحنيين (أ) و (ب) للتغيرات شدة التيار الكهربائي المار في الدارة بالنسبة لكل مرحلة على حدة.

2.1- أقرن معللا جوابك كل منحنى بالمرحلة الموافقة له.

2.2- أوجد المعادلة التفاضلية التي تتحققها شدة التيار الكهربائي $i(t)$ المار في الدارة خلال المرحلة التي مكنت من الحصول على المنحنى (ب).

2.3- يكتب حل هذه المعادلة على الشكل:

$$i(t) = A e^{-\lambda t} + B$$



الشكل 4

2.3.1- حدد تعبير كل من λ و B و A بدلالة المقادير المناسبة.

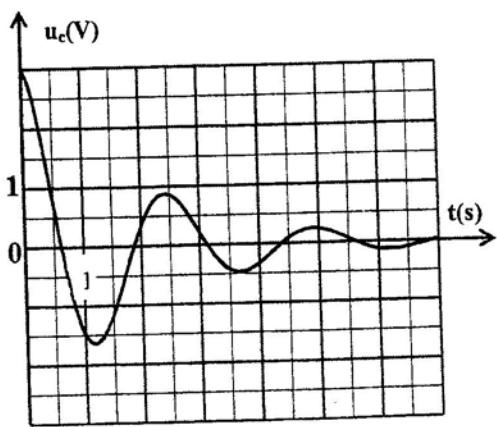
2.3.2- استنتاج L .

3- نشحن كليا المكثف السابق ونفرغه عبر

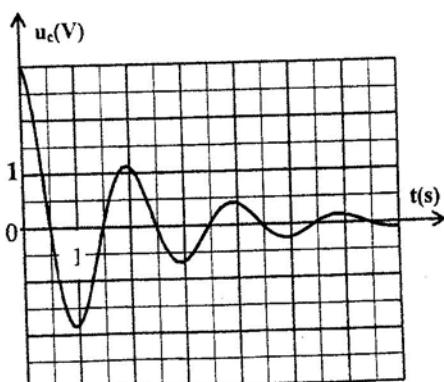
الوشيعة (b). نعاين تغيرات u_C بدلالة الزمن

فنحصل على أحد المنحنيين الممثلين أسفله.

حدد معللا جوابك المنحنى الموافق لهذه التجربة، علما أن شبه الدور يساوي الدور الخاص للمتذبذب.



(د)



(ج)

0,5

0,25

0,75

0,5

0,5

تمرين 3 : الميكانيك (5,5 نقط)

تستعمل المتذبذبات الميكانيكية في مجالات صناعية مختلفة وبعض الأجهزة الرياضية واللَّعَب وغيرها. ومن بين هذه المتذبذبات الأرجوحة التي تعتبرها كنواس.

يتَأرجح طفل بواسطة أرجوحة مكونة من عارضة يستعملها كمِقْدَع، معلقة بواسطة حبلين مشدودين إلى حامل ثابت.

نندرج المجموعة { الطفل + الأرجوحة } بنواس بسيط يتكون من حبل ، غير مدور كتلته مهملة وطوله ℓ ، وجسم صلب (S) كتلته m .

النواس قابل للدوران حول محور أفقي (Δ) ثابت ومتعادم مع المستوى الرأسي. عزم قصور النواس بالنسبة للمحور (Δ) هو $J_{\Delta} = m \cdot \ell^2$.

المعطيات :

شدة الثقالة : $m = 18 \text{ kg}$; طول الحبل : $\ell = 3 \text{ m}$; كتلة الجسم (S) : $(S) = g = 9,8 \text{ m.s}^{-2}$.

نأخذ في حالة التذبذبات الصغيرة: $\cos \theta \approx 1 - \frac{\theta^2}{2} (\text{rad})$ و $\sin \theta \approx \theta (\text{rad})$

نهمل أبعاد (S) بالنسبة لطول الحبل و جميع الاحتكاكات.

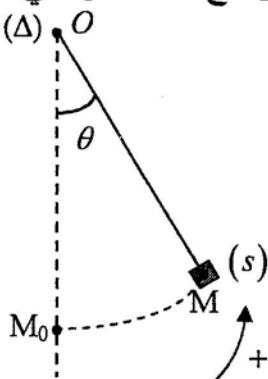
1- الدراسة التحريرية للنواس:

نزير النواس عن موضع توازنه المستقر بزاوية $\theta = \frac{\pi}{20} \text{ rad}$ في المنحى الموجب ونحرره بدون

سرعة بدئية عند اللحظة $t=0$.

نعلم موضع النواس عند لحظة t بالأقصوص الزاوي θ الذي يكونه النواس مع الخط الرأسي المار من النقطة O حيث $\theta = \overline{OM_0, OM}$ (انظر الشكل)

1.1- بين، بتطبيق العلاقة الأساسية للديناميكي في حالة الدوران حول محور ثابت، أن المعادلة التقاضية لحركة النواس، في معلم غاليلي مرتبط بالأرض ، تكتب على الشكل:



$$\ddot{\theta} + \frac{g}{\ell} \theta = 0$$

1.2- احسب الدور الخاص T_0 للنواس

1.3- اكتب المعادلة الزمنية لحركة النواس.

1.4- بتطبيق القانون الثاني لنيوتون في أساس فريوني، أوجد تعبير الشدة T لتوتر الحبل عند لحظة t بدلالة m و g و ℓ و θ و السرعة الخطية للنواس. احسب قيمة T عند اللحظة $t = \frac{T_0}{4}$

2- الدراسة الطاقية:

نزوود ، عند لحظة $t=0$ ، النواس السابق الذي يوجد في حالة سكون في موضع توازنه المستقر بطاقة حركية قيمتها $E_C = 264,6 \text{ J}$ فيدور في المنحى الموجب.

2.1- نختار المستوى الأفقي الذي تنتهي إليه النقطة M_0 مرجعاً لطاقة الوضع الثقالية (انظر الشكل).

اكتب تعبير طاقة الوضع الثقالية E_p للنواس عند لحظة t بدلالة θ و m و ℓ و g .

2.2- باعتماد الدراسة الطاقية، حدد القيمة القصوى θ_{\max} للأقصوص الزاوي.

0,75

0,5

0,75

1,5

1

1