

1/2	الصفحة	الإمتحان التجريبي لنيل شهادة البكالوريا دورة ماي 2013
3h	مدة الإنجاز	
7	المعامل	المادة : الرياضيات الشعبة : علوم تجريبية المؤسسة : الثانوية التأهيلية وادي الذهب تيفلت نيابة الخميسات

التمرين الأول : (3,5ن)	
0.5	1) أ- حل في \mathbb{C} المعادلة : $z^2 - 2\sqrt{2}z + 4 = 0$
0.5	ب- أكتب على الشكل الأسّي الحلين z_1 و z_2 (حلي المعادلة)
	2) في المستوى العقدي المنسوب إلى م.م.م $(O; \vec{e}_1; \vec{e}_2)$
	نعتبر النقط $C(z_C = \frac{\sqrt{2}}{2}); B(z_B = \sqrt{2} - i\sqrt{2}); A(z_A = \sqrt{2} + i\sqrt{2})$
	ليكن التحاكي h الذي مركزه C و نسبته $3-r$ الدوران الذي مركزه O . و زاويته $-\frac{\pi}{2}$. نضع $r(B) = B_2; h(B) = B_1$.
1	أ- حدد z_{B_1} و z_{B_2} لحقي النقطتين B_1 و B_2 .
1	ب- أحسب $\frac{z_{B_1} - z_A}{z_{B_2} - z_A}$ ثم استنتج طبيعة المثلث AB_1B_2 .
0.5	ج - لتكن D صورة A بالإزاحة التي متجهتها $\vec{B_1B_2}$. حدد لحق D .

التمرين الثاني : (3,5ن)	
2-1-1-1	يحتوي كيس على 3 كرات بيضاء تحمل الأرقام 1-2-2 و أربعة حمراء تحمل الأرقام 1-1-1-2 . الكرات لا يمكن التمييز بينها باللمس . 1) نسحب تأنيا كرتين من الكيس و نعتبر الحدثين :
	A « الكرات المسحوبة تحمل الرقم 1 »
	و B « الحصول على كرة واحدة بيضاء بالضبط »
0.5	أ) أحسب $p(A)$ و $p(B)$
0.5	ب) احسب $p_A(B)$
0.5	ج) هل A و B مستقلان؟
	2) ليكن X المتغير العشوائي المرتبط بضرب رقمي الكرتين المسحوبتين. أ) حدد قيم X
0.5	ب) حدد قانون احتمال X
1	ج) أحسب $E(X)$
0.5	

التمرين الثالث: (3,5)

الفضاء منسوب إلى م.م.م.م. $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$

لتكن (S) فلكة مركزها $\Omega(0;2;-1)$ و المارة من $A(-1;1;0)$

1

1

(1) أكتب معادلة ديكارتية لـ (S) .

(2) أكتب معادلة ديكارتية للمستوى (P) المماس لـ (S) عند A

(3) ليكن (Q) المستوى ذو المعادلة $x+y+z-2=0$

0.5

1

(أ) تحقق أن (Q) يقطع (S) وفق دائرة (ζ)

(ب) حدد شعاع و مركز الدائرة (ζ) .

المسألة: (9,5)

نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة على \mathbb{R} بمايلي :

$$f(x) = 1 - \frac{(x+1)^2}{e^x}$$

و C_f منحناها في معلم متعامد ممنظم (o, \vec{i}, \vec{j}) .

0.25

1 بين أن $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$

0.25

ب بين أن $f(x) = 1 - \left(\frac{x^2}{e^x} + \frac{2x}{e^x} + \frac{1}{e^x}\right)$ لكل x من \mathbb{R}

0.5

ثم استنتج $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و أعط تأويلا هندسيا للنتيجة.

1

2- أ بين أن $f'(x) = \frac{(x-1)(x+1)}{e^x}$ لكل x من \mathbb{R} .

1

ب ادرس اشارة $f'(x)$ لكل x من \mathbb{R} و أعط جدول التغيرات .

0.75

0.5

3 أ بين أن المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α على المجال $]2;3[$.

0.25

ب اعط تاثيرا ل α سعته 0.5 .

ج ادرس تقاطع C_f مع محور الارايب .

0.75

4 اعط معادلة المماس لـ C_f في النقطة التي افصولها 0 .

1

5 بين أن $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{f(x)}{x} = -\infty$ ثم استنتج الفرع اللانهائي بجوار $-\infty$.

0.75

6- بين أن C_f يقبل نقطتي انعطاف يجب تحديدهما.

1

7 أنشئ C_f . (اشارة : C_f يتقاطع مع محور الافاصل في نقطة من $]-2;-1[$).

8 نعتبر الدالة العددية F للمتغير الحقيقي x المعرفة على \mathbb{R} بمايلي :

$$F(x) = x + \frac{x^2 + 4x + 5}{e^x}$$

0.75

أ بين أن F دالة أصلية لـ f على المجال \mathbb{R} .

0.75

ب استنتج مساحة الحيز $\Delta(f)$ المحدد بـ C_f و محور الافاصل و المستقيمين

$x = 3$; $x = 5$. الوحدة = 2cm

بالتوفيق

عبد المالك اعكوبي
2ف.ك.1+2ف.ك.2

كريمة الهمزي
2ع.ح.1+2ع.ح.1