

التمرين الأول :

1- حل في  $\mathbb{R}$  المعادلتين التاليتين :  $\sqrt{4-\sqrt{x}} = x$  ثم  $(x^2-5)^2 = x+5$

2- أحسب النهايات التالية :

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 - 3x + 2}{x - 2x^2} ; \lim_{x \rightarrow -\infty} \sqrt{x^2 + 1} + x ; \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{3x^2 + x - 1}{x^2 + 2x - 3} ; \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{\sqrt{x^2 - 1} + \sqrt{x} - 1}{\sqrt{x} - 1} ; \lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{2x+1} - \sqrt{x+3}}{\sqrt{x^2+1} - \sqrt{2x^2-3}}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1+2x} - \sqrt{1+3x}}{x} ; \lim_{x \rightarrow 4} \frac{\sqrt{x+5} - 3}{x-4} ; \lim_{x \rightarrow 4} \frac{\sqrt{2x+1} - \sqrt{3x-3}}{x-4} ; \lim_{x \rightarrow 3} \frac{x-3}{\sqrt{x^2+x+4} - 4}$$

3- أحسب مشتقة الدالة العددية  $f$  و ضع جدول تغيراتها بحيث أن :  $f(x) = \sqrt{x} + \frac{1}{x}$

4- نعتبر الدالة العددية  $u$  المعرفة بمايلي :  
 $\begin{cases} u(x) = \sqrt{x+4} ; -4 \leq x \leq 0 \\ u(x) = x^2 + 2 ; 0 < x \leq 4 \end{cases}$

أ- أدرس إتصال الدالة  $u$  على المجال  $[-4,4]$

التمرين الثاني :

نعتبر  $f$  الدالة العددية المعرفة بمايلي :  $f(x) = \frac{2\sqrt{x} + x}{1 + 3x}$

1- حدد مجموعة تعريف الدالة  $f$  ثم أحسب النهايات عند محداتها

2- لتكن  $g$  قصور الدالة  $f$  على المجال  $[0,1]$

أ- تحقق أن الدالة  $g$  تقبل دالة عكسية معرفة من  $J$  نحو المجال  $[0,1]$  بحيث يتم تحديد المجال  $J$

ب- بين أن  $g^{-1}\left(\frac{2}{3}\right) = \frac{1}{9}$  ثم تحقق أن  $g^{-1}(x) = \left(\frac{1 - \sqrt{-3x^2 + 2x + 1}}{2 - 3x}\right)^2$  ;  $\forall x \in [0,1] - \left\{\frac{2}{3}\right\}$

التمرين الثالث :

نعتبر  $f$  الدالة العددية المعرفة بمايلي :  $f(x) = \frac{2x^2 - 1}{x^3} \cdot \sqrt{1+x^2}$

1- حدد  $D_f$  ثم بين أن الدالة  $f$  متصلة على مجموعة تعريفها

2- بين أن الدالة  $f$  دالة فردية ثم أحسب النهايتين  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$  ثم  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

3- أحسب مشتقة  $f$  ثم ضع جدول تغيراتها على المجال  $]0, +\infty[$

لتكن  $g$  قصور الدالة  $f$  على المجال  $]0, +\infty[$  , بين أن  $g$  تقابل من  $]0, +\infty[$  نحو مجال يتم تحديده

التمرين الرابع :

1- بين أن المعادلة  $x^3 - 3x + 1 = 0$  تقبل حلاً وحيداً  $\alpha$  على المجال  $[0,1]$

2- لتكن  $f$  الدالة العددية المعرفة بمايلي :  $f(x) = \frac{1 - \sqrt[3]{x} + \sqrt{x}}{x-1}$

أ- حدد  $D_f$  ثم بين أن الدالة  $f$  تناقصية قطعاً على المجال  $]1,2[$

ب- بين أن المعادلة  $\sqrt{x} = \frac{1}{x-1}$  تقبل حلاً وحيداً  $\alpha$  بحيث أنه  $1 < \alpha < 2$

ج- بين أن  $\alpha^2(\alpha-2) = 1 - \alpha$