ثانوية وادي الذهب. فرض محروس رقم 1 الأولى علمي 2

www.riyadiyat.net

تمرين 1: 1) بين أن: $(\forall m \in \mathbb{N}) : 1+4+4^2+4^3 \dots\dots+4^m = \frac{4^{m+1}-1}{3}$ (آ ن)

2) أ- أنشر $(x-3)^2$ و $(y+3)^2$ (1 ن)

ب- بين الاستلزام التالي: (آ ن)

$$(x \neq 3 \text{ أو } y \neq -3) \Longrightarrow \frac{x^2+y^2}{6} \neq x-y-3 .$$

تمرين 2: لتكن f و g دالتين العدديتين للمتغير الحقيقي x بحيث:

$$f(x) = x^2 - x \quad \text{و} \quad g(x) = \sqrt{x+2}$$

I) 1- ادرس تغيرات f و g ثم اعط جدول تغيراتها. (2 ن)

2- أ- مثل في معلم متعامد ممنظم $(O, \vec{i}, \vec{j})$ الدالة f. (1 ن)

ب- حدد مبيانيا صورة المجال $]-\infty, \frac{1}{2}]$ ب f. (1 ن)

3- نعتبر الدالة u المعرفة ب: $u(x) = x^2 - |x|$

أ- بين أن u دالة زوجية. (1 ن)

ب- أنشئ في نفس المعلم $(O, \vec{i}, \vec{j})$ المنحنى C_u للدالة u (1,5 ن)

4- حدد مبيانيا حسب قيم البارامتر m حلول المعادلة: (1,5 ن)

$$(E) : x^2 - |x| - m = 0$$

II) 1- ادرس تغيرات الدالة g. (1 ن)

2- لتكن h الدالة المعرفة على $\mathbb{R}$ ب:

$$h(x) = \sqrt{x^2 - x + 2}$$

أ- تحقق أن: $D_h = \mathbb{R}$ (1,5 ن)

ب- تحقق أن: $(\forall x \in \mathbb{R}) : h(x) = (g \circ f)(x)$ (1,5 ن)

ج- استنتج تغيرات h على $]-\infty, \frac{1}{2}]$ و $[\frac{1}{2}, +\infty[$ (2 ن)